

## CHIMIE (7 points)

## Exercice N°1(4 points)

L'oxydation des ions iodure  $I^-$  par les ions peroxydisulfate  $S_2O_8^{2-}$  est une réaction chimique lente et totale. Cette réaction est symbolisée par l'équation suivante :  $2 I^- + S_2O_8^{2-} \longrightarrow I_2 + 2SO_4^{2-}$

Dans un erlenmeyer, on mélange, à l'instant  $t=0$  min, un volume  $V_1 = 30 \text{ mL}$  d'une solution aqueuse d'iodure de potassium KI de concentration molaire  $C_1 = 0,2 \text{ mol.L}^{-1}$ , avec un volume  $V_2 = 20 \text{ mL}$  d'une solution aqueuse de peroxydisulfate de potassium  $K_2S_2O_8$  de concentration molaire  $C_2$

A l'aide d'une pipette, on effectue des prélèvements de **5 mL** du mélange réactionnel dans dix Becher. Les quantités de matière de diiode formé dans ces Becher sont dosées à des instants différents par une solution de thiosulfate de sodium ( $Na_2S_2O_3$ ) de concentration  $C_0 = 0,01 \text{ mol.L}^{-1}$

Les résultats expérimentaux nous ont permis de tracer la courbe de la figure 1 qui représente l'évolution au cours du temps, du volume  $V_{OE}$  de la solution de thiosulfate de potassium ajouté à l'équivalence.

1-Calculer les concentrations initiales  $[I^-]_0$  et déduire le nombre de mole initial d'ions  $n_0(I^-)$  dans un volume  $V_p = 5 \text{ mL}$  du mélange réactionnel. (0,5pt+0,5pt)

2- compléter le tableau d'avancement de la réaction entre  $I^-$  et  $S_2O_8^{2-}$  dans l'un des Bechers (Feuille annexe)

3-a-Ecrire l'équation de la réaction du dosage de  $I_2$  formé par les ions  $S_2O_3^{2-}$  sachant que les couples redox mis en jeu sont  $I_2/I^-$  et  $S_4O_6^{2-}/S_2O_3^{2-}$  (0,25pt)

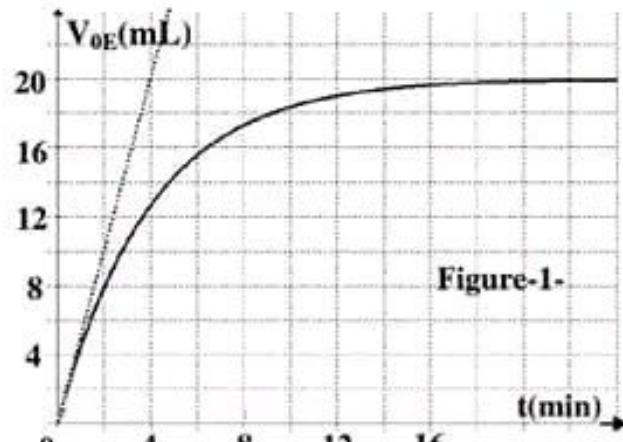


Figure-1.

b- Etablir la relation entre  $V_{OE}$  et l'avancement  $x$  de la réaction entre  $I^-$  et  $S_2O_8^{2-}$  (0,25pt)

c- Déterminer  $V_{OE}$  ajouté à l'état final et déduire l'avancement final  $x_f$ . (0,5pt)

4-Montrer que l'ion  $S_2O_8^{2-}$  est le réactif limitant et déterminer sa concentration  $C_2$ . (0,5pt+0,5pt)

5-Montrer que la vitesse de la réaction est  $V = \frac{C_0}{2} \frac{dV_{OE}}{dt}$  et déterminer sa valeur maximale. (0,5pt)

## Exercice N°2(3 points)

On réalise l'oxydation des ions iodures  $I^-$  par l'eau oxygénée  $H_2O_2$  en milieu acide selon la réaction totale :  $2 I^- + H_2O_2 + 2 H_3O^+ \longrightarrow I_2 + 4 H_2O$

À une température **0** constante, on mélange dans un bêcher à l'instant  $t = 0$ , un volume  $V_1 = 40 \text{ mL}$  d'une solution aqueuse ( $S_1$ ) de d'iodure de potassium (KI) de concentration molaire  $C_1$ , un volume  $V_2 = V_1$  d'une solution aqueuse ( $S_2$ ) d'eau oxygénée ( $H_2O_2$ ) de concentration molaire  $C_2$  et un volume  $V_3 = 20 \text{ mL}$  d'une solution d'acide sulfurique. On obtient un mélange réactionnel de volume  $V = 100 \text{ mL}$ .

1-Les concentrations initiales des réactifs dans le mélange réactionnel de volume  $V = 100 \text{ mL}$ , sont notés  $[H_3O^+]_0$ ,  $[H_2O_2]_0$ ,  $[I^-]_0$ . Le graphe de la figure-2- représente l'évolution en fonction de l'avancement volumique  $y$  de la réaction, des concentrations des réactifs  $I^-$  et  $H_2O_2$ .

Compléter le tableau d'avancement volumique sur la feuille annexe. (0,5pt)

2-a- Montrer à partir du graphe que la courbe (a) est celle de  $[\Gamma] = f(y)$  et que la courbe (b) est celle de  $[\text{H}_2\text{O}_2] = g(y)$  (0,5pt)

b- Déterminer les quantités de matière initiales des réactifs

$\text{I}^-$  et  $\text{H}_2\text{O}_2$  (0,5pt)

3- Montrer que  $\text{H}_2\text{O}_2$  est le réactif limitant et déterminer

l'avancement volumique final  $y_f$ . (0,75pt)

4- Déterminer les concentrations  $C_1$  et  $C_2$ . (0,75pt)

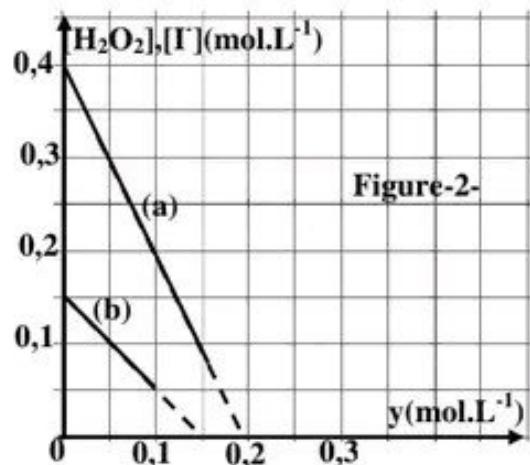


Figure 2-

## PHYSIQUE (13 points)

### Exercice N°1 (5,75 points)

I- Partie -A- Le montage suivant comprend un générateur basse fréquence de fréquence  $N$  délivrant une tension triangulaire, relié en série à un interrupteur  $K$ , à une bobine (B)

d'inductance  $L$  et de résistance  $r$  et un conducteur ohmique de résistance  $R_1 = 3\text{k}\Omega$  comme l'indique la figure-3-On visualise sur un oscilloscope bicourbe, les tensions  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine sur la voie  $Y_1$  et  $u_R(t)$  aux bornes du conducteur ohmique sur la voie  $Y_2$  inversée. (Figure-4-)

Figure 3-

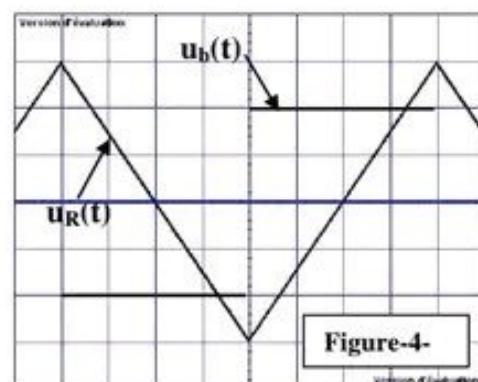
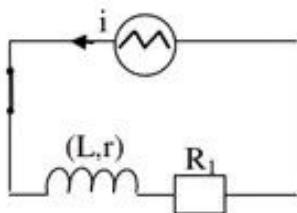


Figure 4-

#### Données

Voie  $Y_1$ : 0,2 V/Div, Voie  $Y_2$ : 1V/Div

Sensibilité horizontale : 1ms/Div

1- Déterminer la période  $T$  du signal triangulaire (0,5pt)

2- Montrer que pour  $R_1$  très grande devant  $r$ , on peut écrire  $u_b(t) = \frac{L}{R_1} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$  (1pt)

3- Durant une demi-période, la tension  $u_R(t)$  aux bornes du résistor est une fonction affine de temps telle que  $u_R(t) = a.t + b$  (a et b des constantes)

a- Déterminer la pente a durant la demi-période où  $u_R$  est décroissante au cours du temps (0,5pt)

b- Déterminer durant la même demi période, la tension  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine. En déduire l'inductance  $L$  de la bobine (0,25pt+0,5pt)

4- Déterminer l'énergie stockée par la bobine lorsque  $u_R(t)$  est extrémale. (1pt)

II- Partie -B- On remplace le conducteur ohmique de résistance  $R_1$  par un conducteur ohmique de résistance  $R_2 = r$  et on garde la même fréquence du GBF. On visualise les tensions  $u_R(t)$  et  $u_b(t)$  et on déduit la tension  $u(t) = u_b(t) - u_R(t)$

1- Montrer que  $u(t) = U = \frac{L}{r} \cdot \frac{du_R}{dt}$  (0,5pt)

2- Sachant que durant la demi-période où  $u_R$  est croissante, les valeurs extrêmes de  $u_R(t)$  sont  $U_{R\max} = 0,2\text{V}$  et  $U_{R\min} = -0,2\text{V}$  et  $U = 5\text{V}$ . Déterminer la résistance  $r$  de la bobine. (0,5pt)

3- On règle la fréquence  $N$  du GBF à une valeur  $N_2$ , on constate que les valeurs extrêmes de  $u_R(t)$  ne changent pas mais la tension  $u(t)$  devient  $U_2 = 6\text{V}$  lorsque  $u_R$  est croissante, Montrer que la fréquence  $N_2 = \frac{U_2 \cdot r}{2 \cdot L(U_{R\max} - U_{R\min})}$  et déterminer la cette fréquence (1pt)

### Exercice N°2 : (7,25 points)

Lors d'une séance de travaux pratiques, on met à la disposition d'un groupe d'élève, le matériel suivant : Un générateur idéal de tension de fem  $E$ , un conducteur ohmique de résistance  $R$ , un condensateur de capacité  $C$  initialement déchargé, Un interrupteur  $K$ , des fils de connexion, un ampèremètre numérique de résistance supposée nulle et un oscilloscope à mémoire.

Le but de l'expérience est de déterminer les valeurs de  $E$ ,  $R$  et  $C$ .

Pour se faire les élèves réalisent le circuit électrique de la figure- 5-.  
On ferme l'interrupteur  $K$  à l'instant  $t=0s$ , l'ampèremètre indique une intensité du courant qui décroît au cours du temps à partir de la valeur  $i_0 = 50\text{mA}$ .

- 1- a- Montrer que l'équation différentielle vérifiée par la tension  $u_C(t)$  au bornes du condensateur pendant la phase de sa charge est :

$$\frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R.C} = \frac{E}{R.C} \quad (1\text{pt})$$

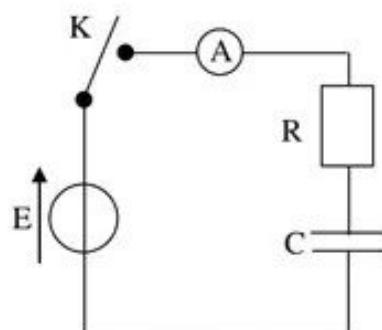


Figure- 5-

- b- Vérifier que  $u_C(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  est une solution de cette équation pour une valeur de  $A$  et une valeur de  $\tau$  qu'on exprimera en fonction de  $E$ ,  $R$  et  $C$ . (1pt)

- c- Déduire l'expression en fonction du temps de la tension  $u_R(t)$  aux bornes du conducteur ohmique (0,5pt)

- 2- Indiquer sur la feuille à rendre avec les copies, les connexions à établir entre le circuit électrique et l'oscilloscope à mémoire afin de visualiser la tension aux bornes du générateur sur la voie  $Y_1$  et la tension  $u_C(t)$  aux bornes du condensateur sur la voie  $Y_2$ . (0,5pt)

- 3- En appuyant sur le bouton **math** de l'oscilloscope numérique et en réalisant une opération mathématique, on a pu visualiser la courbe d'évolution au cours du temps de la tension  $u_R(t)$  aux bornes du conducteur ohmique et en réalisant une **autre opération** mathématique, on a pu tracer la courbe d'évolution au cours du temps du rapport de tension  $\frac{u_C(t)}{E}$  (Figure-6- et figure-7-)

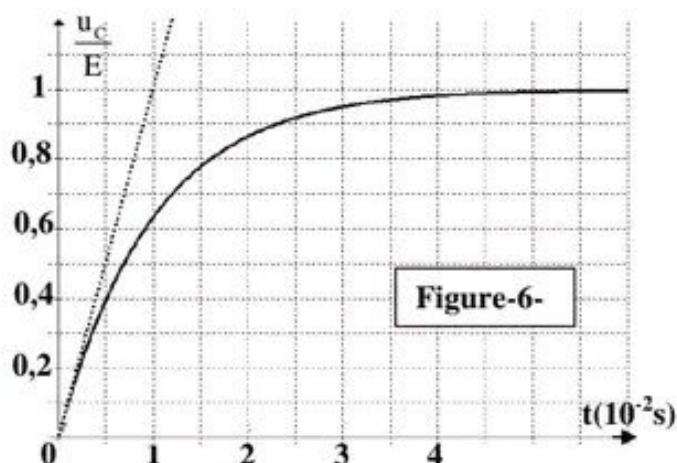


Figure-6-

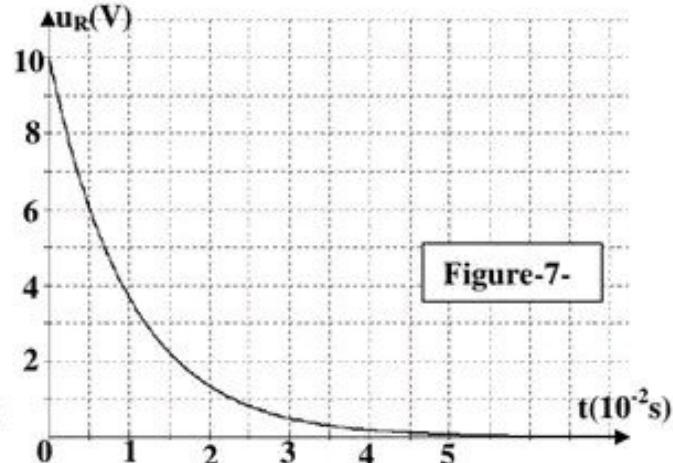


Figure-7-

- a- Indiquer, en le justifiant, parmi les opérations suivantes celles qui conviennent pour visualiser  $\frac{u_C(t)}{E}$  et  $u_R(t)$  (0,5pt)

Source A	Source A
Can 1	Can 2
Operateur	Operateur
+	-
Source B	Source B
Can 2	Can 1

(a)

Source A	Source A
Can 1	Can 2
Operateur	Operateur
-	-
Source B	Source B
Can 2	Can 1

(b)

Source A	Source A
Can 1	Can 1
Operateur	Operateur
-	-
Source B	Source B
Can 2	Can 2

(c)

Source A	Source A
Can 1	Can 2
Operateur	Operateur
x	/
Source B	Source B
Can 1	Can 2

(d)

Source A	Source A
Can 2	Can 2
Operateur	Operateur
/	/
Source B	Source B
Can 2	Can 2

(e)

Source A	Source A
Can 2	Can 2
Operateur	Operateur
/	/
Source B	Source B
Can 1	Can 2

(f)

Source A	Source A
Can 1	Can 1
Operateur	Operateur
/	/
Source B	Source B
Can 2	Can 2

(g)

- b- Déterminer la constante de temps  $\tau$ . (Explicité la méthode préconisée). (0,25pt)**
- c- En exploitant les deux courbes Déterminer le rapport  $\frac{u_c(t)}{E}$  à l'instant  $t_1=5.10^{-3}s$  et déduire que la fem du générateur est  $E=10V$ . (1pt)**
- d- Déterminer la résistance  $R$  du conducteur ohmique (0,5pt)**
- e- Déterminer par deux méthodes, la capacité  $C$  du condensateur (0,5pt + 0,5pt)**
- 4- Déterminer l'énergie  $E_C$  emmagasinée par le condensateur lorsque l'ampèremètre indique un courant d'intensité  $i=10^{-2} A$ . (1pt)**

***Fin du devoir***

Nom et prénom :	N° :	Classe :
-----------------	------	----------

### Feuille à rendre avec les copies

#### Le tableau d'avancement

Équation de la réaction		2 I <sup>-</sup> + S <sub>2</sub> O <sub>8</sub> <sup>2-</sup> → I <sub>2</sub> + 2SO <sub>4</sub> <sup>2-</sup>			
État du système	Avancement	Quantité de matière (mol)			
Initial	0				
Intermédiaire	x				
Final	x <sub>f</sub>				

#### Le tableau d'avancement volumique

Équation de la réaction		2 I <sup>-</sup> + H <sub>2</sub> O <sub>2</sub> + 2 H <sub>3</sub> O <sup>+</sup> → I <sub>2</sub> + 4 H <sub>2</sub> O
État du système	Avancement volumique	Concentration (mol.L <sup>-1</sup> )
Initial	0	excès
Intermédiaire	y	excès
Final	y <sub>f</sub>	excès

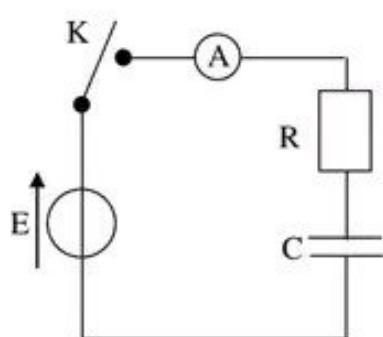
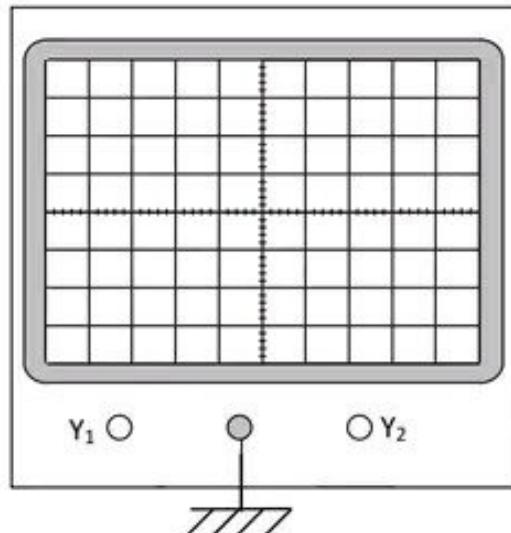


Figure- 5-



**Correction du devoir de contrôle N°1**  
**CHIMIE (7 points)**

**Exercice N°1(4 points)**

1-  $[I^-]_0 = \frac{C_1 \cdot V_1}{V_1 + V_2} = \frac{0,2 \cdot 30}{50} = 12 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$  et  $n_0(I^-) = [I^-]_0 \cdot V_p = 12 \cdot 10^{-2} \cdot 5 \cdot 10^{-3} = 6 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$

**2- Le tableau d'avancement**

Équation de la réaction		2 I <sup>-</sup>	+	S <sub>2</sub> O <sub>8</sub> <sup>2-</sup>	→	I <sub>2</sub>	+	2SO <sub>4</sub> <sup>2-</sup>
État du système	Avancement	Quantité de matière (mol)						
Initial	0	$n_0(I^-) = 6 \cdot 10^{-4}$		$n_0(S_2O_8^{2-})$		0		0
Intermédiaire	x	$6 \cdot 10^{-4} - 2x$		$n_0(S_2O_8^{2-}) - x$		x		$2x$
Final	x <sub>f</sub>	$6 \cdot 10^{-4} - 2x_f$		$n_0(S_2O_8^{2-}) - x_f$		x <sub>f</sub>		$2x_f$

**3-a- L'équation de la réaction du dosage**

b- A l'équivalence, on a  $n(I_2) = x = \frac{n(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{C_0 \cdot V_{0E}}{2}$

c- A l'état final  $V_{0E} = 20 \text{ mL}$  et  $x_f = \frac{C_0 \cdot V_{0E}}{2} = \frac{0,01 \cdot 20 \cdot 10^{-3}}{2} = 10^{-4} \text{ mol}$

4- On a, à l'état final  $n_f(I^-) = 6 \cdot 10^{-4} - 2x_f = 6 \cdot 10^{-4} - 2 \cdot 10^{-4} = 4 \cdot 10^{-4} \text{ mol} > 0$  alors I<sup>-</sup> est le réactif en excès et par suite l'ion S<sub>2</sub>O<sub>8</sub><sup>2-</sup> est le réactif limitant

On a, à l'état final  $n_f(S_2O_8^{2-}) = 0 = n_0(S_2O_8^{2-}) - x_f \Rightarrow n_0(S_2O_8^{2-}) = x_f = 10^{-4} \text{ mol}$

$$[S_2O_8^{2-}]_0 = \frac{C_2 \cdot V_2}{V_1 + V_2} = \frac{x_f}{V_p} \Rightarrow C_2 = \frac{x_f}{V_p} \cdot \left( \frac{V_1 + V_2}{V_2} \right) = \frac{10^{-4}}{5 \cdot 10^{-3}} \cdot \left( \frac{50}{20} \right) = 0,05 \text{ mol.L}^{-1}.$$

5- On a trouvé l'avancement  $x = \frac{C_0 \cdot V_{0E}}{2} \Rightarrow$  la vitesse de la réaction est  $V = \frac{dx}{dt} = \frac{d}{dt} \left( \frac{C_0}{2} V_{0E} \right) = \frac{C_0}{2} \frac{dV_{0E}}{dt}$

La vitesse maximale est la vitesse initiale de réaction

La pente de la tangente à la courbe de  $V_{0E} = f(t)$  au point d'abscisse  $t_0 = 0 \text{ min.}$  est  $a = \frac{dV_{0E}}{dt}(t_0=0)$

AN :  $a = \frac{20 \cdot 10^{-3}}{4} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ L.min}^{-1}.$

$$V(t_0) = \frac{C_0}{2} \frac{dV_{0E}(t_0=0)}{dt} = \frac{C_0}{2} a = \frac{0,01}{2} \cdot 5 \cdot 10^{-3} = 2,5 \cdot 10^{-5} \text{ mol.min}^{-1}$$

**Exercice N°2 : (3 pts)****1- Le tableau d'avancement volumique**

Équation de la réaction		2 I <sup>-</sup>	+	H <sub>2</sub> O <sub>2</sub>	+	2 H <sub>3</sub> O <sup>+</sup>	→	I <sub>2</sub>	+	4 H <sub>2</sub> O
État du système	Avancement volumique	Concentration (mol.L <sup>-1</sup> )								
Initial	0	[I <sup>-</sup> ] <sub>0</sub>		[H <sub>2</sub> O <sub>2</sub> ] <sub>0</sub>		excès		0		excès
Intermédiaire	y	[I <sup>-</sup> ] <sub>0</sub> - 2y		[H <sub>2</sub> O <sub>2</sub> ] <sub>0</sub> - y		excès		y		excès
Final	y <sub>f</sub>	[I <sup>-</sup> ] <sub>0</sub> - 2y <sub>f</sub>		[H <sub>2</sub> O <sub>2</sub> ] <sub>0</sub> - y <sub>f</sub>		excès		y <sub>f</sub>		excès

2-a- D'après le tableau d'avancement volumique, on a  $[\Gamma] = [\Gamma]_0 - 2y$  donc la courbe de  $[\Gamma] = f(y)$  est une demi-droite affine de pente -2

La pente de la courbe (a) =  $\frac{0,4 - 0,2}{0 - 0,1} = -2$  donc la courbe (a) est celle de  $[\Gamma] = f(y)$

D'après le tableau d'avancement volumique, on a  $[H_2O_2] = [H_2O_2]_0 - y$  donc la courbe de  $[H_2O_2] = g(y)$  est une demi-droite affine de pente -1

La pente de la courbe (b) =  $\frac{0,15 - 0,05}{0 - 0,1} = -1$  donc la courbe (b) est celle de  $[H_2O_2] = g(y)$

b-  $n_0(\Gamma) = [\Gamma]_0 \cdot V = 0,4 \cdot 0,1 = 0,04 \text{ mol}$

$n_0(H_2O_2) = [H_2O_2]_0 \cdot V = 0,15 \cdot 0,1 = 0,015 \text{ mol}$

3- Pour chercher le réactif limitant, on compare  $\frac{n_0(\Gamma)}{2}$  et  $n_0(H_2O_2)$ .

On a  $\frac{n_0(\Gamma)}{2} = \frac{0,04}{2} = 0,02 \text{ mol} > n_0(H_2O_2) = 0,015 \text{ mol}$  donc  $H_2O_2$  est le réactif limitant

A l'état final  $[H_2O_2] = [H_2O_2]_0 - y_f = 0 \Rightarrow y_f = [H_2O_2]_0 = 0,15 \text{ mol.L}^{-1}$ .

4-On a  $V_1 = V_2$  et  $V = V_1 + V_2 + V_3 = 2V_1 + V_3 \Rightarrow V_1 = \frac{V - V_3}{2} = \frac{100 - 20}{2} = 40 \text{ mL} = V_2$

$C_1 = \frac{n_0(\Gamma)}{V_1} = \frac{0,04}{0,04} = 1 \text{ mol.L}^{-1}$  et  $C_2 = \frac{n_0(H_2O_2)}{V_2} = \frac{0,015}{0,04} = 0,375 \text{ mol.L}^{-1}$ .

## PHYSIQUE (13 points)

Exercice N°1 : (5,75 points)

### I- Partie -A-

1- La période du signal triangulaire est  $T = 8 \text{ div.} 1 \text{ ms/div} = 8 \text{ ms}$

2- La tension aux bornes du résistor est  $u_R(t) = R_1 \cdot i(t) \Rightarrow i(t) = \frac{u_R(t)}{R_1}$  et  $\frac{di(t)}{dt} = \frac{1}{R_1} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$

$u_b(t) = r \cdot i(t) + L \cdot \frac{di(t)}{dt}$  or  $R_1$  est très grande devant  $r$   $\Rightarrow u_b(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt} = L \cdot \frac{1}{R_1} \cdot \frac{du_R(t)}{dt} = \frac{L}{R_1} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$

3-a- La pente de la droite est  $a = \frac{(U_{R_{\max}} - U_{R_{\min}})}{\Delta t}$  or  $\Delta t = \frac{T}{2} \Rightarrow$

$$a = \frac{2(U_{R_{\max}} - U_{R_{\min}})}{T} = \frac{2 \cdot (-6 \text{ div.} 0,2 \text{ V/div})}{8 \cdot 10^{-3}} = -1500 \text{ V.s}^{-1}$$

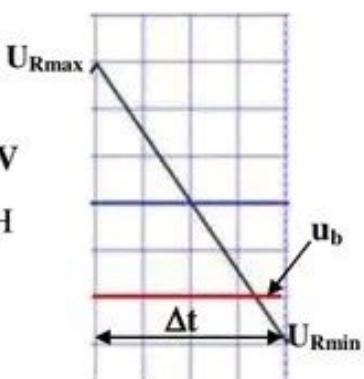
b- Durant la même demi période, la tension  $u_b(t) = -2 \text{ div.} 0,2 \text{ V/div} = -0,4 \text{ V}$

$$u_b(t) = \frac{L}{R_1} \cdot \frac{du_R(t)}{dt} = \frac{L}{R_1} \cdot a \Rightarrow L = \frac{R_1}{a} u_b(t) = \frac{R_1}{a} u_b(t) = \frac{3000}{-1500} \cdot (-0,4) = 0,8 \text{ H}$$

4- Lorsque  $u_R$  est extrémale,  $u_R = \pm 6 \text{ V}$

$$\text{On a } u_R = \pm 3 \text{ V} \Rightarrow i = \frac{u_R}{R_1} = \frac{\pm 3}{3000} = \pm 0,001 \text{ A} = \pm 10^{-3} \text{ A} = \pm 1 \text{ mA}$$

$$\text{L'énergie stockée par la bobine est } E_L = \frac{1}{2} \cdot L \cdot i^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,8 \cdot (10^{-3})^2 = 4 \cdot 10^{-7} \text{ J}$$



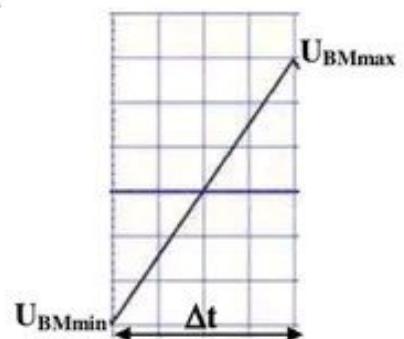
### II- Partie -B-

1-  $u_b(t) = r \cdot i(t) + L \cdot \frac{di(t)}{dt}$  et  $u_R(t) = R_2 \cdot i(t) \Rightarrow u(t) = u_b(t) - u_R(t) = r \cdot i(t) + L \cdot \frac{di(t)}{dt} - R_2 \cdot i(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt}$  car  $R_2 = r$

$$u(t) = L \frac{di(t)}{dt} \text{ et } i(t) = \frac{u_R(t)}{R_2} = \frac{u_R(t)}{r} \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} = \frac{1}{r} \cdot \frac{du_R(t)}{dt} \Rightarrow u(t) = \frac{L}{r} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$$

$$2-\text{La nouvelle pente } a_2 = \frac{2(U_{R_{\max}} - U_{R_{\min}})}{T} = \frac{2(0,2 - (-0,2))}{8 \cdot 10^{-3}} = 100 \text{ V.s}^{-1}.$$

$$u(t) = U = \frac{L}{r} \cdot \frac{du_R}{dt} = \frac{L}{r} \cdot a_2 \Rightarrow r = \frac{L}{U} \cdot a_2 = \frac{0,8}{5} \cdot 100 = 16 \Omega$$



$$3-\text{Lorsque } u_R \text{ est croissante la pente est } a = \frac{2(U_{R_{\max}} - U_{R_{\min}})}{T_2} = 2N_2 \cdot (U_{R_{\max}} - U_{R_{\min}})$$

$$\text{D'autre part } U_2 = \frac{L}{r} \cdot \frac{du_R}{dt} = \frac{L}{r} \cdot a = \frac{L}{r} \cdot 2N_2 \cdot (U_{R_{\max}} - U_{R_{\min}}) \Rightarrow N_2 = \frac{U_2 \cdot r}{2 \cdot L \cdot (U_{R_{\max}} - U_{R_{\min}})}$$

$$\text{AN: } N_2 = \frac{6 \cdot 16}{2 \cdot 0,8 \cdot (0,4)} = 150 \text{ Hz}$$

### Exercice N°2 : (7,25 points)

1-a- Loi des mailles au cours de la charge du condensateur :

$$u_C(t) + u_R(t) - E = 0 \Leftrightarrow u_R(t) + u_C(t) = E.$$

$$\text{avec } u_R(t) = R \cdot i(t) = R \cdot \frac{dq(t)}{dt} \text{ or } q(t) = C \cdot u_C(t) \Rightarrow i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_C(t)}{dt}$$

$$\text{et } u_R(t) = R \cdot C \frac{du_C(t)}{dt}$$

$$\text{En remplaçant } u_R(t) \text{ par son expression, on trouve } R \cdot C \frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t) = E \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R \cdot C} = \frac{E}{R \cdot C}$$

$$\text{b- } u_C(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = A - Ae^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R \cdot C} = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{1}{R \cdot C} (A - Ae^{-\frac{t}{\tau}}) = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{A}{R \cdot C} - \frac{A}{R \cdot C} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R \cdot C} \text{ si } u_C(t) \text{ est une solution}$$

$$\Rightarrow \frac{A}{R \cdot C} e^{-\frac{t}{\tau}} + A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \left( \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R \cdot C} \right) = \frac{E}{R \cdot C} \Rightarrow \frac{A}{R \cdot C} = \frac{E}{R \cdot C} \text{ et } A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \left( \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R \cdot C} \right) = 0 \Rightarrow A = E \text{ et } \tau = R \cdot C$$

$$\text{donc } u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

$$\text{c- On a } u_R(t) + u_C(t) = E \Rightarrow u_R(t) = E - u_C(t) = E - E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = E - E + E e^{-\frac{t}{\tau}} = E e^{-\frac{t}{\tau}}$$

2- Les connexions

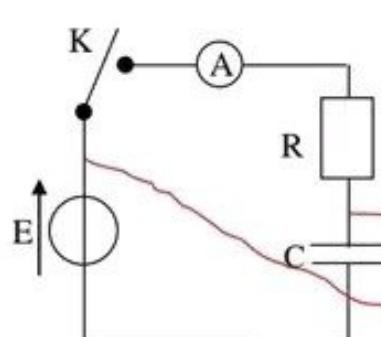
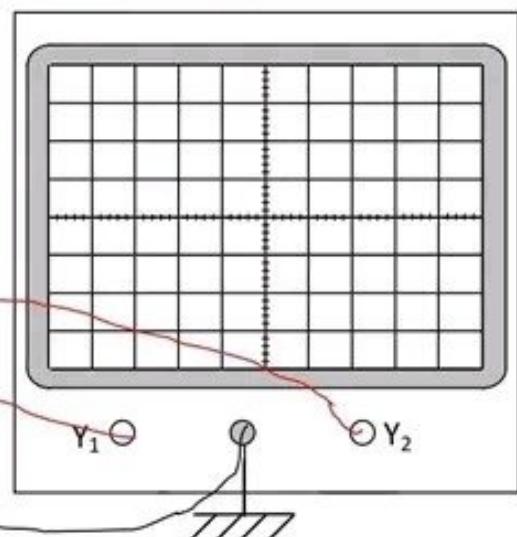


Figure- 5-



**3-a-** L'opération mathématique de l'oscilloscope à mémoire est source A(-ou+ou/ou\*) source B et can1 désigne la voie  $Y_1$  et can2 désigne la voie  $Y_2$ .

Pour visualiser  $u_R(t) = E - u_C(t)$ , on choisit l'opération (c) puisque E est sur la voie1

Pour visualiser  $\frac{u_C(t)}{E}$ , (E est sur la voie1) on choisit l'opération (f).

**b-** La constante de temps du circuit de charge du condensateur est  $\tau = 10^{-2}$  s ( $\tau$  est l'abscisse du point d'intersection de la tangente à l'origine avec la droite d'équation  $\frac{u_C}{E} = 1$ )

**c-** Pour  $t_1 = 5 \cdot 10^{-3}$  s  $= \frac{\tau}{2}$ , on a  $\frac{u_C(t_1)}{E} \approx 0,4 \Rightarrow u_C(t_1) = 0,4E \Rightarrow u_R(t_1) = E - u_C(t_1) = E - 0,4E = 0,6 E$  et

$$u_R(t_1) \approx 6V \Rightarrow E = \frac{u_R(t_1)}{0,6} = \frac{6}{0,6} = 10 \text{ V}$$

**Remarque** si on n'a pas dit le mot "déduire", on a pu trouver  $u_R(0) = E = 10V$

$$\text{d-} \text{ On a } u_R(0) = R \cdot i(0) = R \cdot i_0 = E = 10V \Rightarrow R = \frac{E}{i_0} = \frac{10}{50 \cdot 10^{-3}} = 200\Omega$$

$$\text{e- 1ère méthode :} \tau = R \cdot C \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{10^{-2}}{200} = 5 \cdot 10^{-5} \text{ F}$$

**2<sup>ème</sup> méthode** La pente de la tangente à l'origine à la courbe de  $\frac{u_C}{E}$  est  $a = \frac{1}{E} \frac{du_C}{dt}(0)$

$$\text{Or } C \cdot \frac{du_C}{dt}(0) = i(0) = i_0 \Rightarrow \frac{du_C}{dt}(0) = \frac{i_0}{C} \text{ on déduit alors que } a = \frac{i_0}{C \cdot E} \Rightarrow C = \frac{i_0}{a \cdot E}$$

$$\text{On trouve } a = \frac{1}{10^{-2}} = 100 \text{ s}^{-1} \text{ et } C = \frac{50 \cdot 10^{-3}}{100 \cdot 10} = 5 \cdot 10^{-5} \text{ F}$$

**4-** Lorsque  $i = 10^{-2}$  A.,  $u_R = R \cdot i = 200 \cdot 10^{-2} = 2V$  et  $u_C = E - u_R = 10 - 2 = 8V$

L'énergie emmagasinée par le condensateur est  $E_C = \frac{1}{2} C u_C^2$

$$\text{AN: } E_C = \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 10^{-5} (8)^2 = 16 \cdot 10^{-4} \text{ J}$$

## CHIMIE (7 points)

## Exercice N°1(4 points)

On réalise le mélange S, formé par un volume  $V_1=100$  mL d'une solution d'iodure de potassium (KI) acidifiée de concentration molaire  $C_1 = 0,2 \text{ mol.L}^{-1}$  et un volume  $V_2 = V_1$  d'une solution d'eau oxygénée ( $\text{H}_2\text{O}_2$ ) de concentration molaire  $C_2$ . L'équation de la réaction supposée totale entre les ions  $\text{I}^-$  et  $\text{H}_2\text{O}_2$  est  $2 \text{I}^- + \text{H}_2\text{O}_2 + 2 \text{H}_3\text{O}^+ \longrightarrow \text{I}_2 + 4 \text{H}_2\text{O}$

1- Déterminer la quantité de matière initiale de  $\text{I}^-$  (0,5pt)

2- Compléter le tableau d'avancement sur la feuille à rendre avec les copies (0,5pt)

3- La courbe de la figure-1- nous donne l'évolution au cours du temps du nombre de moles de diiode formé dans le mélange réactionnel

a- Déterminer les vitesses de la réaction aux instants  $t_1 = 0 \text{ min}$  et  $t_2 = 8 \text{ min}$  (0,5pt + 0,5pt)

b- Comparer ces vitesses et conclure (0,5pt)

c- Quel est le facteur cinétique responsable de la variation de cette vitesse ? Justifier (0,5pt)

4-a-Montrer que  $\text{H}_2\text{O}_2$  est le réactif limitant (0,5pt)

b- En déduire la concentration  $C_2$  de  $\text{H}_2\text{O}_2$  (0,5pt)

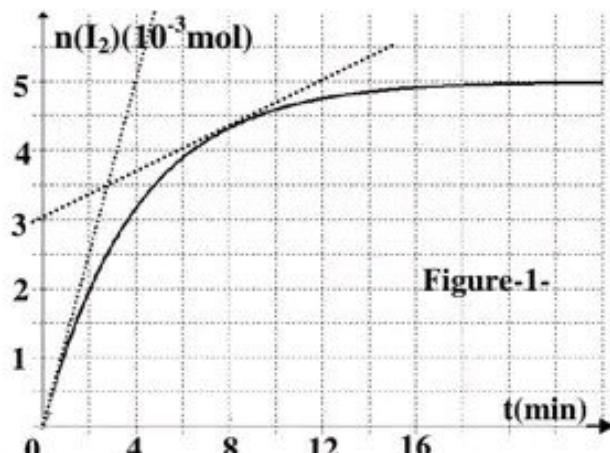


Figure-1-

## Exercice N°2(3 points)

L'oxydation des ions iodure  $\text{I}^-$  par les ions peroxydisulfate  $\text{S}_2\text{O}_8^{2-}$  est une réaction chimique lente et totale. Cette réaction est symbolisée par l'équation suivante :  $2 \text{I}^- + \text{S}_2\text{O}_8^{2-} \longrightarrow \text{I}_2 + 2\text{SO}_4^{2-}$

Dans un bêcher, on mélange, à l'instant  $t=0$  min, un volume  $V_1 = 10$  mL d'une solution aqueuse d'iodure de potassium KI de concentration molaire  $C_1 = 0,2 \text{ mol.L}^{-1}$ , avec un volume  $V_2 = 30$  mL d'une solution aqueuse de peroxydisulfate de potassium  $\text{K}_2\text{S}_2\text{O}_8$  de concentration molaire  $C_2 = 0,02 \text{ mol.L}^{-1}$ .

1-Calculer les concentrations initiales  $[\text{I}^-]_0$  et  $[\text{S}_2\text{O}_8^{2-}]_0$  des ions iodure et des ions peroxydisulfate dans le mélange réactionnel.(0,5pt)

2- Préciser, en le justifiant, le réactif limitant.(0,5pt)

3- Dresser le tableau d'avancement volumique (Feuille annexe ) (0,5pt)

4-Déterminer l'avancement volumique final de cette réaction (0,25pt)

5- Au bout de 10 min, on dose la quantité de matière de diiode formé par une solution de thiosulfate de sodium ( $\text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3$ ) de concentration  $C_0 = 0,05 \text{ mol.L}^{-1}$

a- Ecrire l'équation de la réaction du dosage (0,25pt)

b- Sachant que le volume de thiosulfate de sodium ajouté à l'équivalence est  $V_{0E} = 20$  mL, déterminer la quantité de matière de  $\text{I}_2$  dosé (0,5pt)

c- Peut-on affirmer que la réaction n'est pas terminée? Justifier (0,5pt)

# PHYSIQUE (13 points)

## Exercice N°1(6 points)

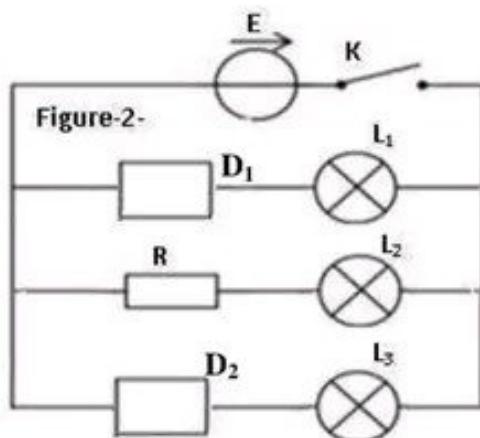
**I-** En travaux pratiques, un élève dispose d'un conducteur ohmique de résistance  $R$  et de deux dipôles de nature inconnue,  $D_1$  et  $D_2$ . Chacun de ces deux dipôles peut être soit un condensateur de capacité  $C$ , soit une bobine de résistance  $r$  et d'inductance  $L$ . Afin d'identifier les deux dipôles l'élève réalise le circuit schématisé sur la figure-2-. Lorsqu'il ferme l'interrupteur  $K$  : La lampe  $L_1$  s'allume et s'éteint et la lampe  $L_3$  s'allume avec un retard temporel par rapport aux lampes  $L_1$  et  $L_2$ .

1-Identifier les dipôles  $D_1$  et  $D_2$  (0,5pt)

2-a-Préciser pourquoi la lampe  $L_3$  s'allume en retard. (0,5pt)

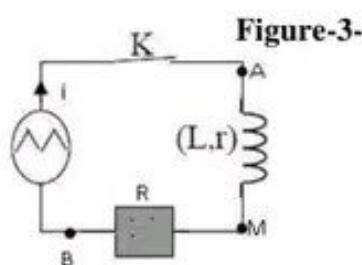
b- Nommer le phénomène responsable du retard d'allumage de la lampe  $L_3$ (0,25pt)

3-Pourquoi la lampe  $L_1$  s'allume et s'éteint? (0,25pt)



**II-** Le montage suivant comprend un générateur basse fréquence **de fréquence  $N = 400$  Hz** délivrant une tension triangulaire, relié en série à un interrupteur  $K$ , à une bobine (B) d'inductance  $L$  et un conducteur ohmique de résistance  $R = 1920\Omega$  comme l'indique la figure-3-.

On visualise sur un oscilloscope bicourbe, les tensions  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine sur la voie  $Y_1$  et  $u_{BM}(t)$  aux bornes du résistor sur la voie  $Y_2$ . (Figure-4-)



Données

Voie  $Y_1$ : 0,5 V/Div , Voie  $Y_2$  : 2V/Div

1- Déterminer la période  $T$  du signal triangulaire (0,5pt)

2- Indiquer sur la feuille à rendre avec les copies, les connexions qu'il faut faire pour visualiser  $u_b(t)$  sur la voie  $Y_1$  et  $u_{BM}(t)$  sur la voie  $Y_2$ . (0,5pt)

3-a- Donner la relation entre les tensions  $u_{BM}(t)$  et  $u_R(t)$  aux bornes du résistor (0,25pt)

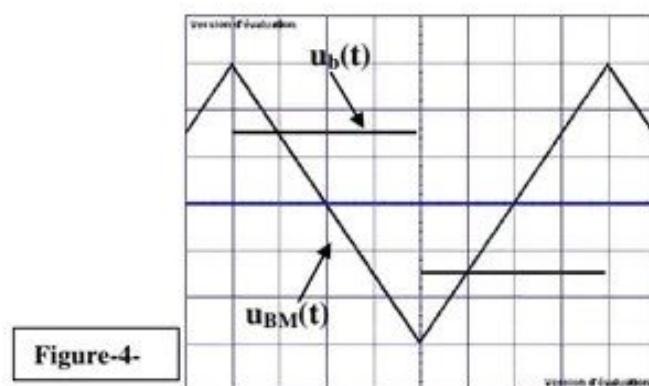
b- Montrer que pour  $R$  très grande devant  $r$ , on peut écrire  $u_b(t) = -\frac{L}{R} \cdot \frac{du_{BM}(t)}{dt}$  (1pt)

4- Durant une demi période, la tension  $u_{BM}$  aux bornes du résistor est une fonction affine de temps telle que  $u_{BM}(t) = a.t+b$  (a et b des constantes)

a- Déterminer la pente a durant la demi-période où  $u_{BM}$  est croissante au cours du temps (0,5pt)

b- Déterminer durant la même demi période, la tension  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine. En déduire l'inductance  $L$  de la bobine (0,75pt)

5- Déterminer l'énergie  $E_L$  de la bobine lorsque  $u_R = 3,84V$ . (1pt)



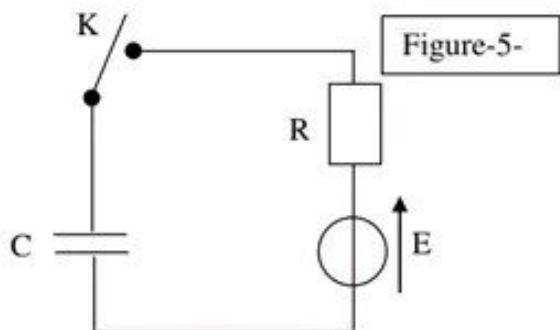
## Exercice N°2 : (7 points)

Avec :

- Un générateur idéal de tension de f.e.m  $E = 10V$ .
- Un résistor de résistance  $R$
- Un condensateur de capacité  $C$
- Un interrupteur  $K$ .

On réalise le circuit ci-contre (**figure-5-**)

Le condensateur étant initialement déchargé.



A  $t=0s$ , on ferme l'interrupteur **K**.

Un dispositif d'acquisition de données relié à un ordinateur nous a permis de tracer la courbe d'évolution au cours du temps du quotient de la tension  $u_C$  aux bornes du condensateur par la résistance  $R$  du résistor (figure-6-)

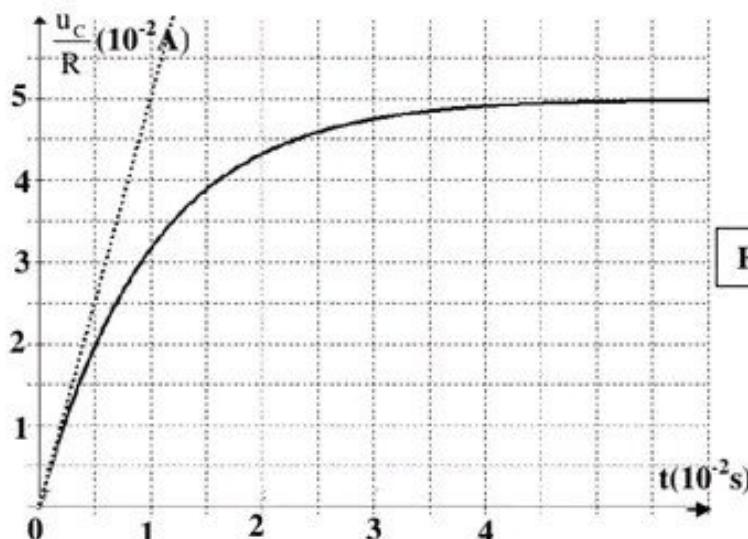


Figure-6-

1- a- Montrer que l'équation différentielle vérifiée par la charge  $q$  du condensateur pendant la phase de sa charge est

$$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{R.C} = \frac{E}{R} \quad (1) \quad (1pt)$$

$$\text{b- Déduire que } C \cdot \frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R} = \frac{E}{R} \quad (2) \quad (0,25pt)$$

2-a- Vérifier que  $q(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  est une solution de cette équation (1), pour une valeur de  $A$  qu'on exprimera en fonction de  $C$  et  $E$  et une valeur de  $\tau$  exprimée en fonction de  $R$  et  $C$ . (1pt)

b- En déduire les expressions en fonction du temps de la tension  $u_C(t)$  aux bornes du condensateur et de l'intensité du courant  $i(t)$  qui circule dans le circuit en précisant celle de  $i(0)$  (0,5pt+0,5pt)

3- En exploitant le chronogramme de la figure-6- déduire :

a- La valeur de  $\tau$ . (Expliciter la méthode préconisée). (0,25pt)

b- Monter que l'intensité du courant initial qui circule dans le circuit est  $i(0)=0,05A$  et que la charge du condensateur en régime permanent est  $Q_p= 5 \cdot 10^{-4} C$  (0,5pt+0,5pt)

4- a- Déterminer capacité  $C$  du condensateur, sachant  $E=10V$ . (0,5pt)

b- Déterminer par deux méthodes, la résistance  $R$  du résistor. (0,5pt+0,5pt)

c- Tracer l'allure de la courbe de  $\frac{u_C}{R} = f(t)$  si on augmente la valeur de  $R$ . (0,25pt)

5- Déterminer l'énergie  $E_C$  emmagasinée par le condensateur lorsque le quotient  $\frac{u_C}{R} = 2 \cdot 10^{-2} A$  (1pt)

Nom et prénom : .....  
.....

N° : .....

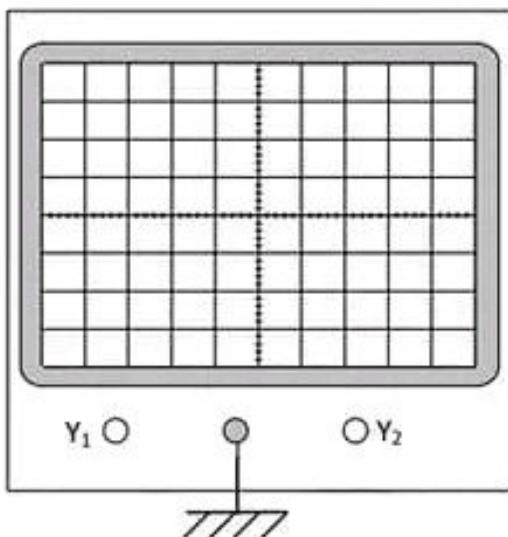
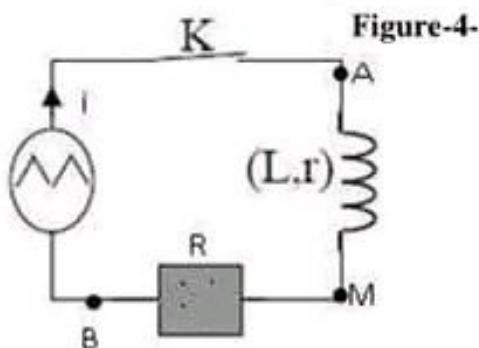
Classe :

### Feuille à rendre avec les copies

Equation de la réaction		$2I^- + H_2O_2 + 2H_3O^+ \longrightarrow I_2 + 4H_2O$				
Etat du mélange	Avancement (mol)	Quantité de matière (mol)				
Initial	0		$n_0$	excès		excès
En cours						
Final						

### Le tableau d'avancement volumique

Équation de la réaction		$2I^- + S_2O_8^{2-} \longrightarrow I_2 + 2SO_4^{2-}$				
État du système	Avancement volumique	Concentration (mol.L <sup>-1</sup> )				
Initial	0					
Intermédiaire	y					
Final	y <sub>f</sub>					



**Correction du devoir de contrôle N°1**  
**CHIMIE (7 points)**

**Exercice N°1 : (4 pts)**

1-  $n_0(\Gamma) = C_1 \cdot V_1 = 0,2 \cdot 0,1 = 0,02 \text{ mol}$

2- Le tableau d'avancement

Equation de la réaction		$2\Gamma^- + H_2O_2 + 2H_3O^+ \longrightarrow I_2 + 4H_2O$				
Etat du mélange	Avancement (mol)	Quantité de matière (mol)				
Initial	0	0,02	$n_0$	excès	0	excès
En cours	x	0,02-2x	$n_0-x$	excès	x	excès
Final	x <sub>f</sub>	0,02-2x <sub>f</sub>	$n_0-x_f$	excès	x <sub>f</sub>	excès

3-a- La valeur de la vitesse initiale de réaction est la pente de la tangente à la courbe

d'avancement x = n(I<sub>2</sub>), au point d'abscisse t<sub>1</sub> = 0 min.  $V(t_1) = \frac{5 \cdot 10^{-3}}{4} = 1,25 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$

- La valeur de la vitesse de réaction à t<sub>2</sub> = 8 min, est la pente de la tangente à la courbe

d'avancement au point d'abscisse t<sub>2</sub>.  $V(t_2) = \frac{5 \cdot 10^{-3} - 3 \cdot 10^{-3}}{12 - 0} \approx 0,17 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$

b-  $V(t_2) < V(t_1) \Rightarrow$  La vitesse instantanée diminue au cours du temps.

c- Le facteur cinétique responsable est la concentration des réactifs qui diminue au cours du temps

4-a- A l'état final, on a n<sub>f</sub>(I<sub>2</sub>) = x<sub>f</sub> = 5 · 10<sup>-3</sup> mol  $\Rightarrow$  A l'état final n<sub>f</sub>(Γ) = n<sub>0</sub>(Γ) - 2 x<sub>f</sub> = 0,02 · 10<sup>-2</sup> = 10<sup>-2</sup> molOn a n<sub>f</sub>(Γ) = 10<sup>-2</sup> mol ≠ 0 donc Γ est un réactif en excès  $\Rightarrow H_2O_2$  est le réactif limitantb- On a n<sub>f</sub>(H<sub>2</sub>O<sub>2</sub>) = n<sub>0</sub> - x<sub>f</sub> = 0  $\Rightarrow$  n<sub>0</sub> = x<sub>f</sub> = 5 · 10<sup>-3</sup> mol et C<sub>2</sub> =  $\frac{n_0}{V_2} = \frac{5 \cdot 10^{-3}}{0,1} = 5 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1}$ **Exercice N°2(3 points)**

1-  $[\Gamma]_0 = \frac{C_1 \cdot V_1}{V_1 + V_2} = \frac{0,2 \cdot 10}{40} = 5 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1}$

$[S_2O_8^{2-}]_0 = \frac{C_2 \cdot V_2}{V_1 + V_2} = \frac{0,02 \cdot 30}{40} = 1,5 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1}$

2- Pour chercher le réactif limitant, on compare  $\frac{n_0(\Gamma)}{2}$  et n<sub>0</sub>(S<sub>2</sub>O<sub>8</sub><sup>2-</sup>)

On a  $\frac{n_0(\Gamma)}{2} = \frac{C_1 \cdot V_1}{2} = \frac{0,2 \cdot 10 \cdot 10^{-3}}{2} = 10^{-3} \text{ mol}$  et n<sub>0</sub>(S<sub>2</sub>O<sub>8</sub><sup>2-</sup>) = C<sub>2</sub> · V<sub>2</sub> = 0,02 · 30 · 10<sup>-3</sup> = 0,6 · 10<sup>-3</sup> mol

$\frac{n_0(\Gamma)}{2} > n_0(S_2O_8^{2-}) \Rightarrow S_2O_8^{2-}$  est le réactif limitant

3- Tableau d'avancement volumique

Équation de la réaction		2 $\Gamma^-$	$S_2O_8^{2-}$	$I_2$	2 $SO_4^{2-}$
État du système	Avancement volumique	Concentration (mol.L <sup>-1</sup> )			
Initial	0	5 · 10 <sup>-2</sup>	1,5 · 10 <sup>-2</sup>	0	0
Intermédiaire	y	5 · 10 <sup>-2</sup> - 2y	1,5 · 10 <sup>-2</sup> - y	y	2y
Final	y <sub>f</sub>	5 · 10 <sup>-2</sup> - 2y <sub>f</sub>	1,5 · 10 <sup>-2</sup> - y <sub>f</sub>	y <sub>f</sub>	2y <sub>f</sub>

4- A l'état final, on a  $[S_2O_8^{2-}]_f = 0 = 1,5 \cdot 10^{-2}$  -  $y_f \Rightarrow y_f = 1,5 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$

### 5-a- L'équation de la réaction du dosage



**b- A l'équivalence, on a  $n(I_2) = \frac{n(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{C_0 \cdot V_{0E}}{2} = \frac{0,05 \cdot 20 \cdot 10^{-3}}{2} = 0,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$**

c- A l'état final  $n(I_2)_f = n_0(S_2O_8^{2-}) = 0,6 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

donc la réaction n'est pas terminée car  $n(I_2) = 0.5 \cdot 10^{-3} \text{ mol} < n(I_2)_f = 0.6 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

**PHYSIQUE (13 points)**

**Exercice N°1 : (6 points)**

1-

1- Le dipôle  $D_1$  est un condensateur et le dipôle  $D_2$  est une bobine

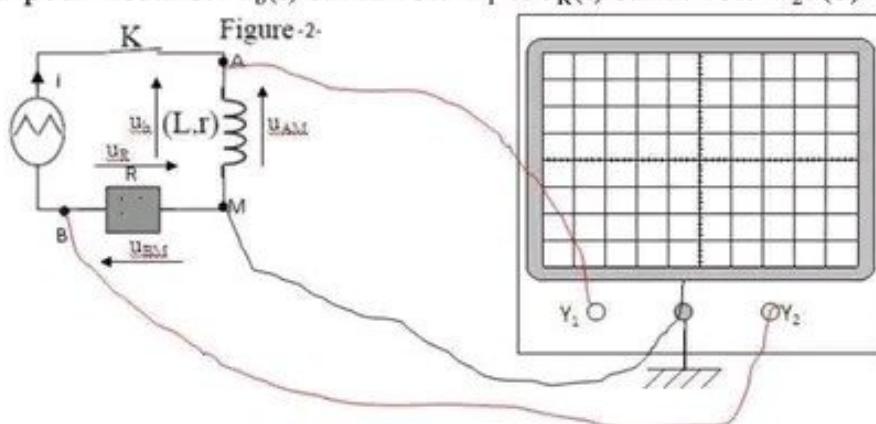
**2-a-lorsqu'on ferme l'interrupteur K , le champ magnétique à l'intérieur de la bobine augmente et cette augmentation du champ magnétique donne naissance à un courant induit pendant une brève durée dont le sens est opposé à celui qui traverse la bobine. Ce courant induit est à la cause du retard d'allumage de la lampe L<sub>2</sub>.**

b- Le phénomène responsable du retard d'allumage de  $L_3$  est appelé phénomène d'auto induction

3- Lorsque le condensateur est totalement chargé, il se comporte comme un interrupteur ouvert c'est pourquoi la lampe  $L_1$  s'éteint.

**II- 1**-La période du signal triangulaire est  $T = \frac{1}{N} = \frac{1}{400} = 2,5 \cdot 10^{-3} \text{ s} = 2,5 \text{ ms}$

2- Les connexions pour visualiser  $u_h(t)$  sur la voie  $Y_1$  et  $u_R(t)$  sur la voie  $Y_2$ . (0,75pt)



3-a- On visualise sur la voie 2 la tension  $u_{BM} = -u_R$

b- La tension aux bornes du résistor est  $u_R = R \cdot i \Rightarrow i = \frac{u_R}{R} = -\frac{u_{BM}}{R}$  et  $\frac{di}{dt} = \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} = -\frac{1}{R} \cdot \frac{du_{BM}}{dt}$

$$u_b = r \cdot i + L \frac{di}{dt} \text{ or } R \text{ est très grande devant } r \Rightarrow u_b = L \frac{di}{dt} = L \cdot \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} = L \cdot -\frac{1}{R} \cdot \frac{du_{BM}}{dt} = -\frac{L}{R} \cdot \frac{du_{BM}}{dt}$$

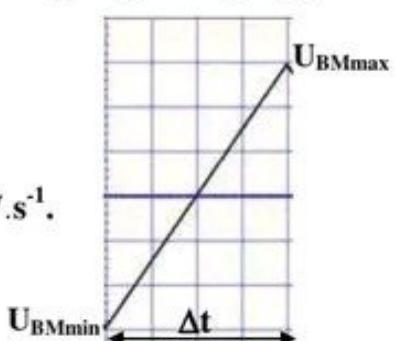
$$4-a- La\ tension\ u_{BM} = at + b \Rightarrow a = \frac{du_{BM}}{dt}$$

La pente de la droite est  $a = \frac{(U_{BMmax} - U_{BMmin})}{\Delta t}$  or  $\Delta t = \frac{T}{2} \Rightarrow$

$$a = \frac{2(U_{BM_{max}} - U_{BM_{min}})}{T} = 2N.(U_{BM_{max}} - U_{BM_{min}}), \text{ AN : } a = 2.400.(6 \cdot 2) = 9600 \text{ V.s}^{-1}.$$

b- Durant la même demi période, la tension  $u_b(t) = -1.5, 0.5 = -0.75V$

$$u_b(t) = -\frac{L}{R} \cdot \frac{du_{BM}(t)}{dt} = -\frac{L}{R} \cdot a \Rightarrow L = -\frac{R \cdot u_b}{a} = -\frac{1920}{9600} \cdot (-0,75) = 0,15 \text{ H}$$



5- L'énergie  $E_L$  emmagasinée par la bobine lorsque  $u_R = 3,84V$

$$\text{On a } u_R = 3,84V \Rightarrow i = \frac{u_R}{R} = \frac{3,84}{1920} = 0,002A = 2 \cdot 10^{-3}A = 2mA$$

$$E_L = \frac{1}{2}L.i^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,15 \cdot (2 \cdot 10^{-3})^2 = 3 \cdot 10^{-7}J$$

**Exercice N°2 : (7 points)**

1-a- Loi des mailles au cours de la charge du condensateur :

$$u_C(t) + u_R(t) - E = 0 \Leftrightarrow u_R(t) + u_C(t) = E.$$

$$\text{avec } u_R(t) = R.i(t) = R \cdot \frac{dq(t)}{dt} \text{ et } u_C(t) = \frac{q(t)}{C}$$

En remplaçant  $u_R$  et  $u_C$  par son expression, on trouve

$$R \cdot \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{C} = E \Rightarrow \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{R.C} = \frac{E}{C.R}$$

$$\text{b- On a } \frac{q(t)}{C} = u_C(t) \text{ et } \frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_C(t)}{dt} \Rightarrow \text{L'équation différentielle devient } C \cdot \frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R} = \frac{E}{R}$$

$$\text{2-a- } q(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = A - A e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow \frac{dq(t)}{dt} = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{R.C} = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{1}{R.C} (A - A e^{-\frac{t}{\tau}}) = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{A}{R.C} - \frac{A}{R.C} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R} \text{ si } q(t) \text{ est une solution}$$

$$\Rightarrow \frac{A}{R.C} e^{-\frac{t}{\tau}} + A.e^{-\frac{t}{\tau}} \left( \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R.C} \right) = \frac{E}{R} \Rightarrow \frac{A}{R.C} = \frac{E}{R} \text{ et } A.e^{-\frac{t}{\tau}} \left( \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R.C} \right) = 0 \Rightarrow A = C.E \text{ et } \tau = R.C$$

$$\text{donc } q(t) = C.E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

$$\text{b- } u_C(t) = \frac{q(t)}{C} = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

$$i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{C.E}{R.C} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} \text{ et } i(0) = \frac{E}{R}$$

3-a- La constante de temps du circuit de charge du condensateur est  $\tau = 10^{-2} s$  ( $\tau$  est l'abscisse du

point d'intersection de la tangente à l'origine avec la droite d'équation  $\frac{u_C}{R} = \frac{E}{R}$

$$\text{b- On régime permanent } u_C = E = \text{constante} \Rightarrow \frac{u_C}{R} = \frac{E}{R} = i(0) = 0,05 A$$

$$\frac{E}{R} = 0,05 A = i(0) = \frac{C.E}{R.C} = \frac{Q_p}{\tau} \Rightarrow Q_p = \tau \cdot i(0) = 10^{-2} \cdot 0,05 = 5 \cdot 10^{-4} C.$$

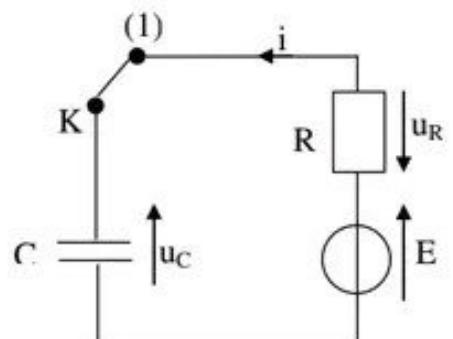
$$\text{4-a- } Q_p = C.E \Rightarrow C = \frac{Q_p}{E} = \frac{5 \cdot 10^{-4}}{10} = 5 \cdot 10^{-5} F$$

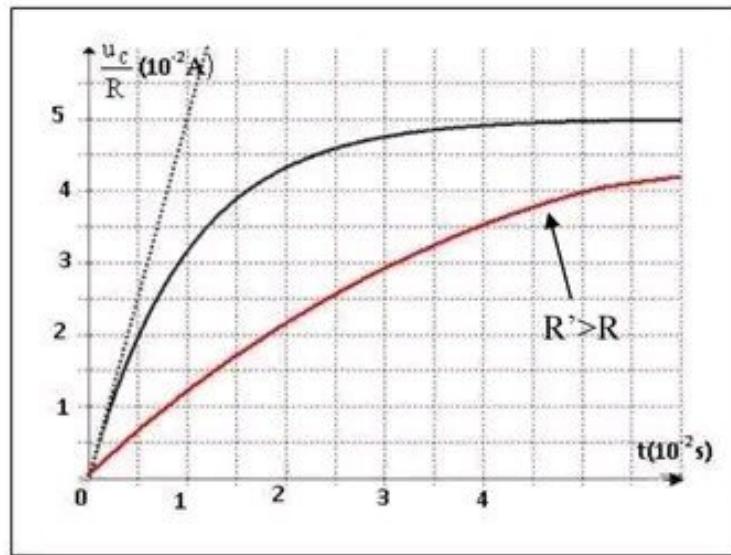
$$\text{b- 1ère méthode : } \tau = R.C \Rightarrow R = \frac{\tau}{C} = \frac{10^{-2}}{5 \cdot 10^{-5}} = 200 \Omega$$

$$\text{2ème méthode } i(0) = \frac{E}{R} \Rightarrow R = \frac{E}{i(0)} = \frac{10}{0,05} = 200 \Omega$$

c- Lorsqu'on augmente la valeur de  $R$ , le rapport  $\frac{E}{R}$  diminue et  $\tau$  augmente

l'allure de la courbe de  $\frac{u_C}{R} = f(t)$  si on augmente la valeur de  $R$ .





5- On a le quotient  $\frac{u_C}{R} = 2.10^{-2} \text{ A} \Rightarrow u_C = 2.10^{-2} R = 2.10^{-2} \cdot 200 = 4 \text{ V}$

L'énergie emmagasinée par le condensateur est  $E_C = \frac{1}{2} C u_C^2$

AN :  $E_C = \frac{1}{2} \cdot 5.10^{-5} (4)^2 = 4.10^{-4} \text{ J}$

Mr Othmani

## CHIMIE (7=6\*1,18 points)

L'oxydation des ions iodure  $I^-$  par les ions peroxydisulfate  $S_2O_8^{2-}$  est une réaction chimique lente et totale. Cette réaction est symbolisée par l'équation suivante :  $2 I^- + S_2O_8^{2-} \rightarrow I_2 + 2SO_4^{2-}$

Dans un bêcher, on mélange, à l'instant  $t=0$  min, un volume  $V_1 = 20$  mL d'une solution aqueuse d'iodure de potassium KI de concentration molaire  $C_1$ , avec un volume  $V_2 = 30$  mL d'une solution aqueuse de peroxydisulfate de potassium  $K_2S_2O_8$  de concentration molaire  $C_2 = 0,1$  mol.L<sup>-1</sup>. Par une méthode expérimentale convenable, on suit la formation du diiode  $I_2$  au cours du temps.

1- Déterminer la concentration initiale  $C_1$  des ions  $S_2O_8^{2-}$  dans le mélange réactionnel. (0,5pt)

2- Compléter le tableau d'avancement volumique du système chimique contenu dans le bêcher. (0,5pt)

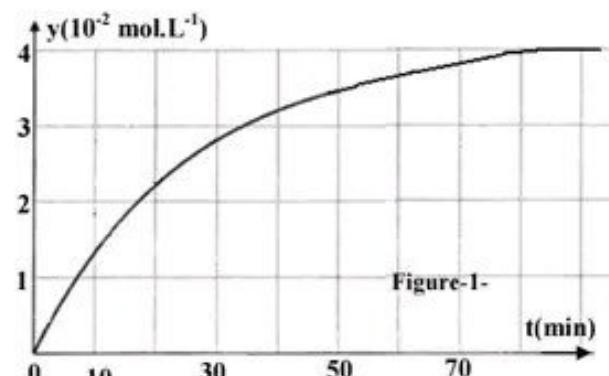
Equation de la réaction		$2I^- + S_2O_8^{2-} \rightarrow I_2 + 2SO_4^{2-}$			
Etat du mélange	Avancement volumique $y$ (mol.L <sup>-1</sup> )	Concentrations (mol.L <sup>-1</sup> )			
Initial	0	$C_1$			
En cours	$y$				
Final					

3- Les résultats expérimentaux obtenus ont permis de tracer la courbe d'évolution de l'avancement volumique  $y$  de la réaction en fonction du temps :  $y = f(t)$ . (Fig. 1).

- a- Déterminer l'avancement volumique final  $y_f$   
b- Montrer que  $I^-$  est le réactif limitant. (0,5pt)

c- Montrer que la concentration  $C_1 = 2y_f(1 + \frac{V_2}{V_1})$

et calculer sa valeur (1pt)



4- Au bout d'une durée  $t_1$ , on dose la quantité de matière de diiode formé par une solution de thiosulfate de sodium ( $Na_2S_2O_3$ ) de concentration  $C_0 = 0,2$  mol.L<sup>-1</sup>

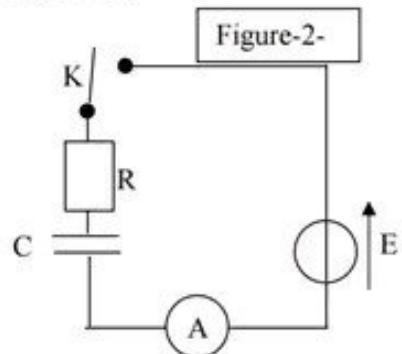
- a- Ecrire l'équation de la réaction du dosage (0,5pt)  
b- Sachant que le volume de thiosulfate de sodium ajouté à l'équivalence est  $V_{OE} = 15$  mL, déterminer la quantité de matière de  $I_2$  dosé à l'instant  $t_1$  et déduire à cet instant, l'avancement volumique  $y$  (0,5pt + 0,5pt)  
c- Déterminer, à l'instant  $t_1$ , les concentrations des entités chimiques  $I^-$ ,  $S_2O_8^{2-}$ ,  $I_2$  et  $SO_4^{2-}$  (1pt)  
d- Donner une valeur approximative de l'instant  $t_1$ . (0,25pt)

Voir au verso

## PHYSIQUE (13= 11\*I, 18 points)

Avec :

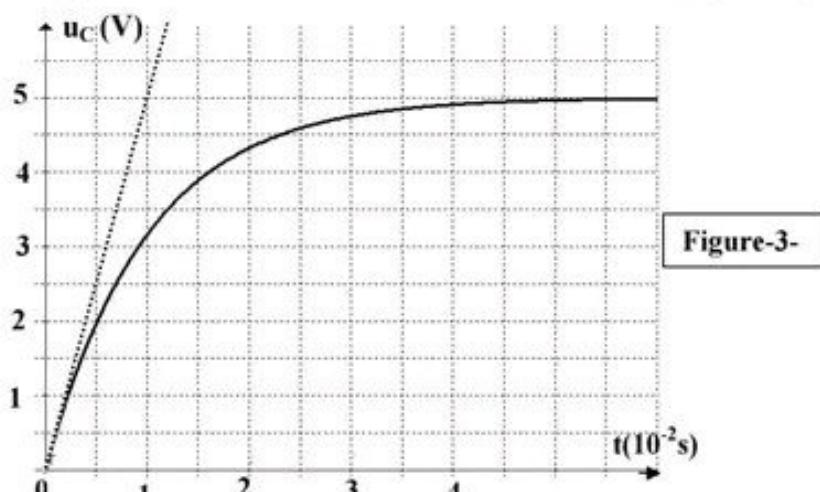
- Un générateur idéal de tension de f.e.m  $E$ .
  - Un résistor de résistance  $R$
  - Un condensateur de capacité  $C$
  - Un interrupteur  $K$  et un ampèremètre
- On réalise le circuit ci-contre (**figure-2-**)



Le condensateur étant initialement déchargé.

A  $t=0$ s, on ferme l'interrupteur  $K$

Un dispositif d'acquisition de données relié à un ordinateur nous a permis de tracer la courbe d'évolution au cours du temps de la tension  $u_C$  aux bornes du condensateur (**figure-3-**)



- 1- Montrer que l'équation différentielle vérifiée par la tension aux bornes du condensateur pendant la phase de sa charge est

$$\frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R.C} = \frac{E}{R.C} \quad (1,25\text{pt})$$

- 2-a-vérifier que  $u_C(t) = U_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  est une solution de cette équation différentielle, pour une valeur de  $U_0$  et  $\tau$  qu'on exprimera en fonction de  $E$ ,  $R$  et  $C$ . (1pt)

- b- En déduire les expressions en fonction du temps de la charge  $q(t)$  du condensateur et de l'intensité du courant  $i(t)$  qui circule dans le circuit (0,25pt+0,75pt)

- 3- En exploitant le chronogramme de la **figure-3-**, déduire la valeur de la constante de temps  $\tau$ . (Expliciter la méthode préconisée). (0,5pt)

- 4-a-Sachant qu'à l'instant de fermeture de  $K$  ( $t=0$ ), l'ampèremètre indique un courant d'intensité  $i_0 = 1\text{mA}$ , montrer que la capacité du condensateur est  $C = 2\mu\text{F}$ . (1pt)

- b- La f.e.m  $E$  du générateur (0,5pt)

- c- En déduire la charge  $Q_p$  du condensateur en régime permanent. (0,5pt)

- 5- Déterminer par deux méthodes, la valeur de la résistance  $R$  du résistor (0,75pt+0,75pt)

- 6-a-Déterminer l'énergie  $E_C$  emmagasinée par le condensateur à l'instant  $t_1 = 5\text{ms}$ . (1pt)

- b- Déterminer, à l'instant  $t_1 = 5\text{ms}$ , l'intensité du courant indiquée par l'ampèremètre. (1pt)

- 7- a-A un instant  $t_2$ , on a  $u_R(t_2) = u_C(t_2)$ , montrer alors que  $u_C(t) = E(1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{t_2}})$  (0,75pt)

- b-Tracer l'allure de la courbe d'évolution au cours du temps de la tension  $u_R(t)$  aux bornes du résistor en précisant sa valeur initiale et la durée du régime transitoire (précision 1%) (1pt)

**Correction du devoir de contrôle N°1**  
**CHIMIE (7 points)**

1-  $n_0(S_2O_8^{2-}) = n_{02} = C_2 \cdot V_2 = 0,1 \cdot 30 \cdot 10^{-3} = 3 \cdot 10^{-3}$  mol et  $C_2 = \frac{n_0(S_2O_8^{2-})}{V_1 + V_2} = \frac{3 \cdot 10^{-3}}{50 \cdot 10^{-3}} = 0,06 \text{ mol.L}^{-1}$

2- Le tableau d'avancement volumique du système chimique contenu dans le bêcher.

Equation de la réaction		$2I^- + S_2O_8^{2-} \longrightarrow I_2 + 2SO_4^{2-}$			
Etat du mélange	Avancement volumique $y (\text{mol.L}^{-1})$	Concentrations ( $\text{mol.L}^{-1}$ )			
Initial	0	$C_1$	0,06	0	0
En cours	$y$	$C_1 - 2y$	0,06 - $y$	$y$	$2y$
Final	$y_f$	$C_1 - 2y_f$	0,06 - $y_f$	$y_f$	$2y_f$

3- a- D'après la courbe,  $y_f = 4 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1} = 0,04 \text{ mol.L}^{-1}$

b- La concentration des ions  $S_2O_8^{2-}$  à l'état final, est

$$[S_2O_8^{2-}]_f = 0,06 - y_f = 0,06 - 0,04 = 0,02 \text{ mol.L}^{-1} \neq 0$$

et puisque la réaction est totale donc  $I^-$  est le réactif limitant

c- On a  $C_1 = \frac{n_0(I^-)}{V_1 + V_2} = \frac{C_1 \cdot V_1}{V_1 + V_2}$  et  $I^-$  est le réactif limitant  $\Rightarrow$

$$[I^-]_f = 0 \Rightarrow C_1 - 2y_f = 0 \Rightarrow C_1 = \frac{C_1 \cdot V_1}{V_1 + V_2} = 2y_f \Rightarrow$$

$$C_1 \cdot V_1 = 2y_f(V_1 + V_2) \Rightarrow C_1 = 2y_f \left( \frac{V_1 + V_2}{V_1} \right) \Rightarrow C_1 = 2y_f \left( 1 + \frac{V_2}{V_1} \right) ; \text{ AN: } C_1 = 2 \cdot 0,04 \left( 1 + \frac{30}{20} \right) = 0,2 \text{ mol.L}^{-1}$$

4- a- L'équation de la réaction du dosage est :  $I_2 + 2S_2O_8^{2-} \rightarrow 2I^- + S_4O_6^{2-}$

b- D'après l'équation de la réaction de dosage on a:  $n(I_2) = \frac{n(S_2O_8^{2-})}{2} = \frac{C_0 \cdot V_{0E}}{2} = \frac{0,2 \cdot 15 \cdot 10^{-3}}{2} = 15 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$

$$[I_2] = y = \frac{n(I_2)}{V_1 + V_2} = \frac{15 \cdot 10^{-4}}{50 \cdot 10^{-3}} = 0,03 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$c- [I^-] = C_1 - 2y = \frac{C_1 \cdot V_1}{V_1 + V_2} - 2y = \frac{0,2 \cdot 20}{50} - 2 \cdot 0,03 = 0,02 \text{ mol.L}^{-1}, [S_2O_8^{2-}] = 0,06 - y = 0,06 - 0,03 = 0,03 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[I_2] = y = 0,03 \text{ mol.L}^{-1} \text{ et } [SO_4^{2-}] = 2y = 2 \cdot 0,03 = 0,06 \text{ mol.L}^{-1}$$

d- D'après le graphique, la valeur approximative de l'instant  $t_1$  est  $t_1 \approx 33 \text{ min}$

**PHYSIQUE (13 points)**

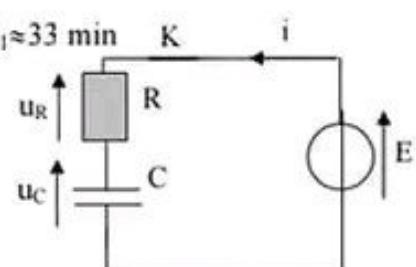
I- On ferme K

1- 1- Loi des mailles au cours de la charge du condensateur:

$$u_C(t) + u_R(t) - E = 0 \Leftrightarrow u_R(t) + u_C(t) = E$$

avec  $u_R(t) = R \cdot i(t) = RC \cdot \frac{du_C(t)}{dt}$

En remplaçant  $u_R$  par son expression on trouve  $RC \cdot \frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t) = E \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{RC} = \frac{E}{RC}$



$$2\text{-a- } u_C(t) = U_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = U_0 - U_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} = \frac{U_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R.C} = \frac{U_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{1}{R.C} (U_0 - U_0 e^{-\frac{t}{\tau}}) = \frac{U_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{U_0}{R.C} - \frac{U_0}{R.C} e^{-\frac{t}{\tau}} = U_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \left( \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R.C} \right) + \frac{U_0}{R.C} = \frac{E}{R.C}$$

$$\Rightarrow \frac{U_0}{R.C} = \frac{E}{R.C} \text{ et } \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R.C} = 0 \Rightarrow U_0 = E \text{ et } \tau = R.C$$

$$\text{b- On a } u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \Rightarrow q(t) = C.u_C(t) = C.E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \text{ et } i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = \frac{C.E}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{C.E}{R.C} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

3- On a  $\tau = 10^{-2} \text{ s}$  (Méthode de la tangente à l'origine)

$$4\text{-a- La pente de la droite tangente à la courbe de } u_C(t) \text{ au point d'abscisse } 0, \text{ est } A = \frac{du_C}{dt}(0) = \frac{5}{10^{-2}} = 500 \text{ V.s}^{-1}$$

$$\text{d'autre part } i(t) = C \cdot \frac{du_C(t)}{dt} \Rightarrow i(0) = C \cdot \frac{du_C}{dt}(0) \Rightarrow C = \frac{i(0)}{\frac{du_C}{dt}(0)} = \frac{i(0)}{A} = \frac{10^{-3}}{500} = 2 \cdot 10^{-6} \text{ F} = 2 \mu\text{F}$$

b- En régime permanent, on a  $u_C(t) = E = 5 \text{ V}$

c- En régime permanent, on a  $q(t) = Q_p = C.E = 2 \cdot 10^{-6} \cdot 5 = 10^{-5} \text{ C}$

$$5\text{- 1ère méthode : } \tau = RC \Rightarrow R = \frac{\tau}{C} = \frac{10^{-2}}{2 \cdot 10^{-6}} = 5000 \Omega = 5 \text{ k}\Omega$$

$$2^{\text{ème}} \text{ méthode : } i(t) = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow i(0) = \frac{E}{R} \Rightarrow R = \frac{E}{i(0)} = \frac{5}{10^{-3}} = 5000 \Omega = 5 \text{ k}\Omega$$

6-a- A l'instant  $t_1 = 5 \text{ ms} = 0,5 \cdot 10^{-2} \text{ s}$ , on a  $u_C(t_1) = 2 \text{ V}$  (D'après la courbe) L'énergie emmagasinée par le

$$\text{condensateur est (} u_C = E \text{) est } E_C(t_1) = \frac{1}{2} C.u_C^2(t_1) = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 10^{-6} \cdot (2)^2 = 4 \cdot 10^{-6} \text{ J}$$

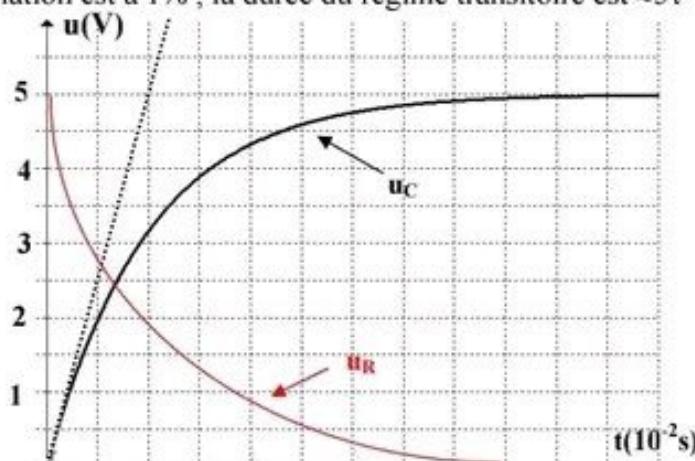
$$\text{b- } u_R(t_1) + u_C(t_1) = E \Rightarrow u_R(t_1) = E - u_C(t_1) \Rightarrow i(t_1) = \frac{E - u_C(t_1)}{R} = \frac{5 - 2}{5000} = 0,6 \text{ mA}$$

$$7\text{- a- on a } u_C(t_2) = \frac{E}{2} \text{ lorsque } u_R(t_2) = u_C(t_2), \Rightarrow E(1 - e^{-\frac{t_2}{\tau}}) = \frac{E}{2} \Rightarrow 1 - e^{-\frac{t_2}{\tau}} = \frac{1}{2} \Rightarrow e^{-\frac{t_2}{\tau}} = \frac{1}{2}$$

On a  $u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  et lorsqu'on multiplie la puissance par  $\frac{t_2}{t_1}$  on trouve

$$u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t-t_1}{\tau}}) = E\left(1 - \left(e^{-\frac{t-t_1}{\tau}}\right)^{\frac{t_2}{t_1}}\right) \text{ et on remplace } e^{-\frac{t_2}{\tau}} \text{ par } \frac{1}{2}, \text{ on trouve } u_C(t) = E\left(1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{t_2}}\right)$$

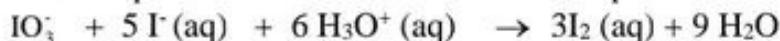
b- Lorsque l'approximation est à 1%, la durée du régime transitoire est  $\approx 5\tau = 5 \cdot 10^{-2} \text{ s}$  et  $u_R(0) = E$



## CHIMIE (7 points)

## Exercice N°1 (4 points)

On mélange une solution aqueuse d'iodate de potassium ( $KIO_3$ ) de concentration molaire  $C_1$  et de volume  $V_1 = 50 \text{ mL}$  avec une solution aqueuse d'iodure de potassium  $KI$  de concentration molaire  $C_2 = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$  et de volume  $V_2 = 40 \text{ mL}$  et une solution d'acide sulfurique concentré de volume  $V_3 = 10 \text{ mL}$ . Il se produit alors la réaction totale d'équation :



1-a- Montrer que pour que  $IO_3^-$  soit le réactif limitant, il faut que  $n_0(IO_3^-) < \frac{C_2 \cdot V_2}{5}$  (0,25pt)

b- Déterminer la quantité de matière initiale des ions iodure, notée  $n_0(I^-)$  (0,5pt)

c- Dresser le tableau d'avancement (Feuille annexe) (0,5pt)

2- Les résultats expérimentaux obtenus pendant les trente premières secondes ont permis de tracer la courbe d'évolution du nombre de moles de  $I_2$  formé en fonction du temps :  $n(I_2) = f(t)$ .

a- Donner la relation entre  $\frac{dn(I_2)}{dt}$  et la vitesse  $v$  de la réaction (0,25pt)

b- Déterminer les vitesses de la réaction aux instants  $t_1 = 0 \text{ s}$  et  $t_2 = 8 \text{ s}$  (0,25pt + 0,25pt)

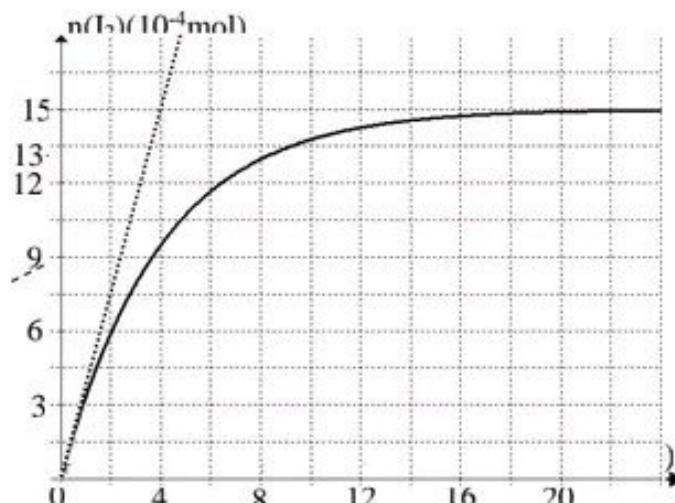
c- Comparer ces vitesses et conclure (0,25pt)

d- Préciser le facteur cinétique responsable de la variation de cette vitesse? Justifier (0,5pt)

3-a- Déterminer l'avancement final  $x_f$  de la réaction (0,25pt)

b- Montrer que l'ion iodate  $IO_3^-$  est le réactif limitant (0,5pt)

c- En déduire la concentration  $C_1$  de la solution aqueuse d'iodate de potassium (0,5pt)



## Exercice N°2 (3 points)

L'oxydation des ions iodure  $I^-$  par les ions peroxodisulfate  $S_2O_8^{2-}$  est une réaction chimique lente et totale. Cette réaction est symbolisée par l'équation suivante :  $2 I^- + S_2O_8^{2-} \rightarrow I_2 + 2SO_4^{2-}$

Trois expériences sont réalisées sur trois mélanges de même volume  $V$  et de même concentration des ions  $S_2O_8^{2-}$ , suivant les différentes conditions expérimentales précisées dans le tableau suivant

Numéro de l'expérience	1	2	3
Concentration de $I^-$ en $10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$	10	12	10
Température du milieu réactionnel en $^{\circ}\text{C}$	25	25	25
Présence du catalyseur ( $Fe^{2+}$ )	oui	oui	non

A l'aide de moyens appropriés, on suit l'évolution au cours du temps, du nombre de moles de  $I_2$  formé  $n(I_2)$  au cours de chacune des trois expériences réalisées. Les résultats obtenus sont représentés par le graphe de la figure-2-

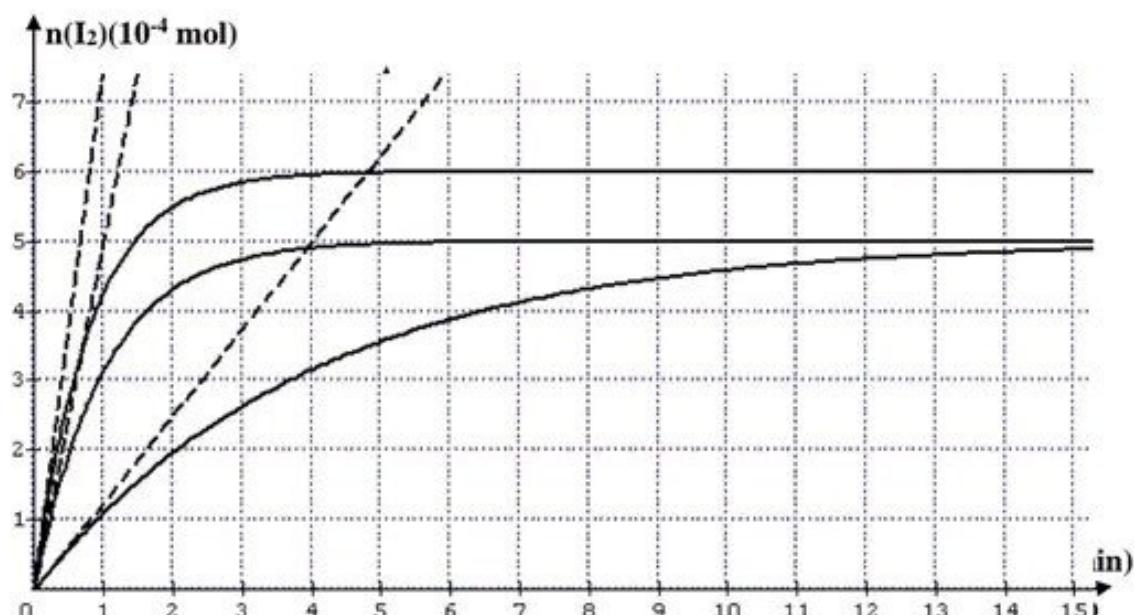


Figure-2-

1- Donner la définition d'un catalyseur (0,5pt)

2- a- Déterminer, à partir du graphe, la vitesse maximale de la réaction à partir de chacune des trois courbes ( a ), ( b ) et ( c ) . (0,75pt)

b- Attribuer, en le justifiant, la case qui convient à chacune des lettres **a**, **b** et **c** dans le tableau sur la feuille à rendre avec les copies pour désigner la courbe correspondant à chacune des trois expériences :(0,75pt)

3-En se plaçant dans l'expérience-2-, déterminer la vitesse moyenne de la réaction entre les instants  $t_1 = 0 \text{ min}$  et  $t_2 = 40 \text{ min}$  (0,5pt)

4- La quantité de diiode formé est dosée par une solution de thiosulfate de sodium ( $2\text{Na}^+ + \text{S}_2\text{O}_3^{2-}$  ).

Ecrire l'équation de la réaction du dosage de  $I_2$  par  $\text{S}_2\text{O}_3^{2-}$  . (0,5pt)

## PHYSIQUE (13 points)

Exercice N°1( 5,75 points)

Données : On donne : Voie Y<sub>1</sub>: 5V/Div Voie Y<sub>2</sub> : 0,5 V/Div et balayage temps : 1ms/div

On réalise le montage suivant qui comprend un générateur basse fréquence **de fréquence N** délivrant une tension triangulaire, qui alimente une bobine d'inductance **L** de résistance **r**, en série avec , un interrupteur **K** et un conducteur ohmique de résistance **R** très grande devant **r**, comme l'indique la figure-1- On visualise sur un oscilloscope bicourbe, les tensions  $u_R(t)$  aux bornes du résistor sur la voie Y<sub>1</sub> et  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine sur la voie Y<sub>2</sub> . Voir figure 2.

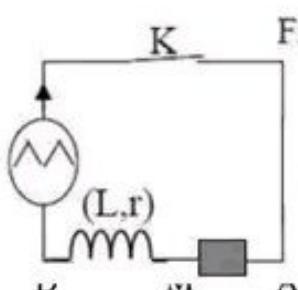
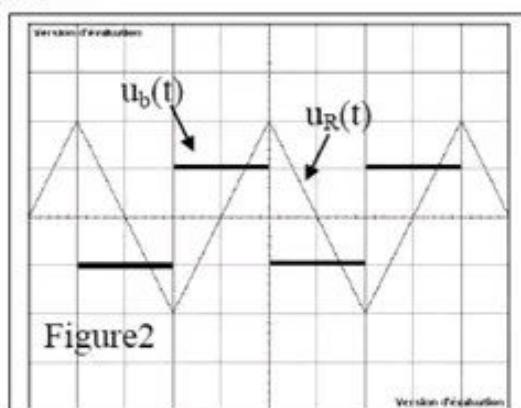


Figure-1-



1- Déterminer la période T du signal triangulaire et déduire sa fréquence N (0,75pt)

2-a- Indiquer sur la feuille à rendre avec les copies, les connexions qu'il faut faire pour visualiser  $u_R(t)$  sur la voie Y<sub>1</sub> et  $u_b(t)$  sur la voie Y<sub>2</sub>. (0,75pt)

b- Préciser si le signal de l'une des voies doit être inversé. (0,25pt)

3- Montrer que pour R très grande devant r, on peut écrire  $u_b(t) = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R}{dt}$  (1pt)

4- Durant une demi période, la tension  $u_R$  aux bornes du résistor est une fonction affine de temps telle que  $u_R(t) = a.t + b$  (a et b des constantes)

a- Déterminer la pente "a" durant la demi-période où  $u_R$  est décroissante au cours du temps (0,75pt)

b- Déterminer durant la même demi période, la tension  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine (0,5pt)

c- Sachant que durant la même demi période, lorsque  $u_R(t) = u_b(t)$ , l'intensité du courant qui circule dans le circuit est  $i = -0,25$  mA, montrer que la résistance du conducteur ohmique est  $R = 2k\Omega$  (0,5pt)

d- En déduire l'inductance L de la bobine. (0,5pt)

5- Déterminer l'énergie  $E_L$  de la bobine lorsque  $u_R(t) = u_b(t)$ . (0,75pt)

**Exercice N°2 : (7,25 points)**

On considère le circuit représenté sur la figure ci-contre comportant en série

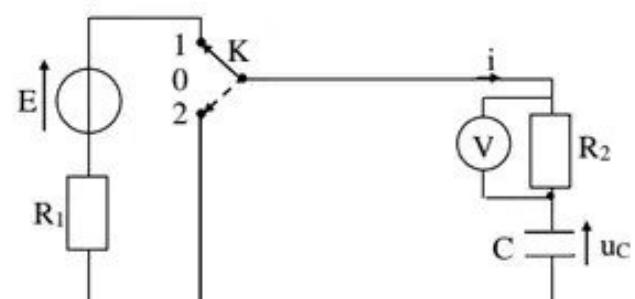
\* Un générateur de tension constante de fém E

\* Un condensateur de capacité C initialement déchargé

\* Deux conducteurs ohmiques l'un de résistance  $R_1$  et l'autre de résistance  $R_2 = 3R_1$

\* Un voltmètre branché aux bornes de  $R_2$

\* Un interrupteur K à deux positions



I ) On place l'interrupteur en position 1 à l'instant choisi comme origine de temps .La première valeur indiquée par le voltmètre est  $u_{R2}(0) = 6V$

1- Montrer que l'équation différentielle qui relie la charge q(t) et sa dérivée est :

$$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{\tau_1} = \frac{E}{R_1 + R_2} \quad \text{avec } \tau_1 = (R_1 + R_2) \cdot C \quad (0,75pt)$$

2- a- Montrer que  $q(t) = A (1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}})$  est solution de l'équation lorsque  $A = C \cdot E$  (0,75pt)

b-Déduire les expressions en fonction du temps de la tension  $u_C(t)$  aux bornes du condensateur et de l'intensité du courant  $i(t)$  qui circule dans le circuit. (0,25pt + 0,5pt)

3- Un dispositif approprié a permis de tracer la courbe de la figure-1 suivante qui représente l'évolution au cours du temps de la charge q du condensateur.

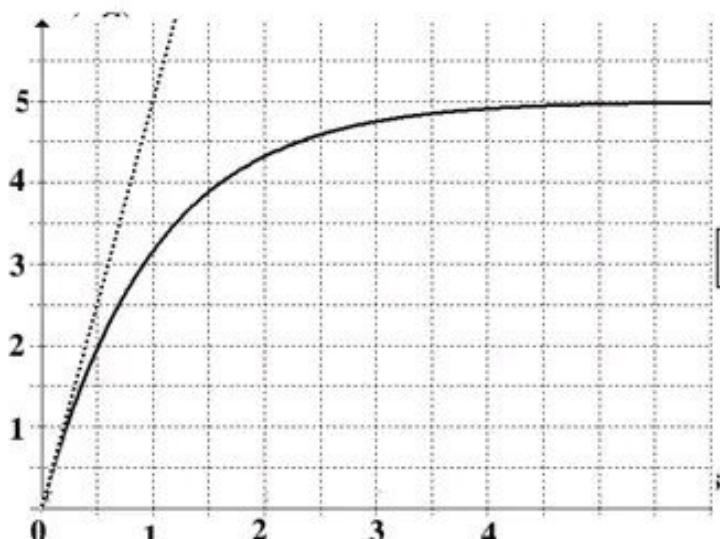


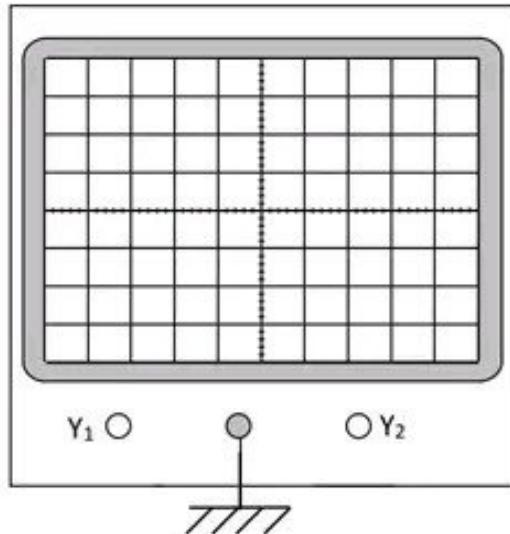
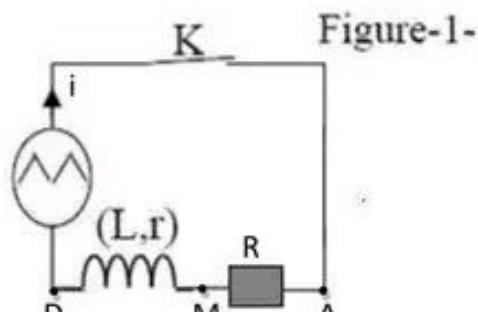
Figure-7-

Nom et prénom :	N° :	Classe :
-----------------	------	----------

### Feuille à rendre avec les copies

<b>Equation de la réaction</b>		$\text{IO}_3^- + 5 \text{I}^- (\text{aq}) + 6 \text{H}_3\text{O}^+ (\text{aq}) \rightarrow 3\text{I}_2 (\text{aq}) + 9 \text{H}_2\text{O}$			
<b>Etat du mélange</b>	<b>Avancement x (mol.)</b>	<b>Quantité de matière (mol.)</b>			
Initial	0			Excès	Excès
En cours	x			Excès	Excès
Final				Excès	Excès

<b>Numéro de l'expérience</b>	1	2	3
<b>La courbe correspondante</b>			



En exploitant la figure-1-

- a- Montrer que l'intensité du courant initiale est  $i(0) = 5 \text{ mA}$ . **(0,5pt)**
  - b- Déterminer la constante de temps  $\tau_1$  du circuit de charge du condensateur. **(0,25pt)**
  - c- Déterminer la charge maximale  $Q_{\max}$  stockée sur l'armature positive du condensateur **(0,25pt)**
- 4-a- En déduire de ce qui précède que  $R_2 = 1,2 \text{ k}\Omega$  **(0,5pt)**
- b- Déterminer la résistance  $R_1$  et déduire la capacité  $C$  du condensateur et la fem  $E$  du générateur.
- 5- Déterminer l'énergie électrique emmagasinée par le condensateur lorsqu'il est totalement Chargé.
- II- Une fois le condensateur est totalement chargé, on place le commutateur en position 2 à l'instant choisi comme nouvelle origine de temps.
- 1- En appliquant la loi des mailles montrer que l'équation différentielle reliant l'intensité du courant qui circule dans le circuit et sa dérivé  $\frac{di(t)}{dt}$  est :  $\frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{\tau_2} = 0$  avec  $\tau_2 = R_2 \cdot C$  **(0,5pt)**
- 2-a- Déterminer l'énergie du condensateur à l'instant  $t_1$ , lorsque  $u_C(t_1) = 2V$  **(0,5pt)**
- b- Déterminer l'énergie perdue lors de la décharge du condensateur entre les instants  $t=0$  et  $t=t_1$ .
- c- Déterminer  $\frac{di(t)}{dt}(t_1)$  **(0,5pt)**

***Fin du devoir***

**Correction du devoir de contrôle N°1**  
**CHIMIE (7 points)**

**Exercice N°1(3,75 points)**

1-a- Pour que  $\text{IO}_3^-$  soit le réactif limitant, il faut que  $\frac{n_0(\text{IO}_3^-)}{1} < \frac{n_0(\text{I}^-)}{5} \Rightarrow n_0(\text{IO}_3^-) < \frac{n_0(\text{I}^-)}{5}$

$$\text{or } n_0(\text{I}^-) = C_2 \cdot V_2 \Rightarrow n_0(\text{IO}_3^-) < \frac{C_2 \cdot V_2}{5}$$

$$\text{b- } n_0(\text{I}^-) = C_2 \cdot V_2 = 0,1 \cdot 40 \cdot 10^{-3} = 4 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

**c- Tableau descriptif**

Equation de la réaction		$\text{IO}_3^- + 5 \text{I}^- (\text{aq}) + 6 \text{H}_3\text{O}^+ (\text{aq}) \rightarrow 3\text{I}_2 (\text{aq}) + 9 \text{H}_2\text{O}$				
Etat du mélange	Avancement x (mol.)	Quantité de matière (mol.)				
Initial	0	$C_1 \cdot V_1$	$4 \cdot 10^{-3}$	Excès	0	Excès
En cours	x	$C_1 \cdot V_1 - x$	$4 \cdot 10^{-3} - 5x$	Excès	$3x$	Excès
Final	$x_f$	$C_1 \cdot V_1 - x_f$	$4 \cdot 10^{-3} - 5x_f$	Excès	$3x_f$	Excès

2-a- On sait que la valeur de la vitesse de la réaction est  $v(t) = \frac{dx(t)}{dt}$  et la pente de la droite tangente à

$$\text{la courbe de } n(\text{I}_2) = f(t) \text{ est } a = \frac{dn(\text{I}_2)}{dt} = \frac{d(3x(t))}{dt} = 3 \frac{dx(t)}{dt} = 3v(t) \Rightarrow v(t) = \frac{a}{3}$$

b- Les vitesses instantanées  $v(t_1)$  et  $v(t_2)$  de la réaction aux instants  $t_1 = 0 \text{ s}$  et  $t_2 = 8 \text{ s}$  sont

$$v(t_1) = \frac{1}{3} \left( \frac{15 \cdot 10^{-4} - 0}{4 - 0} \right) = 1,25 \cdot 10^{-4} \text{ mol.s}^{-1} \quad \text{et} \quad v(t_2) = \frac{1}{3} \left( \frac{13 \cdot 10^{-4} - 9 \cdot 10^{-4}}{8 - 0} \right) = 0,17 \cdot 10^{-4} \text{ mol.s}^{-1}$$

c-  $v(t_1) > v(t_2)$  donc la vitesse de la réaction diminue au cours du temps

d- Le facteur cinétique responsable est la concentration des réactifs qui diminue au cours du temps

**3-a-D'après la courbe de  $n(\text{I}_2) = f(t)$** 

$$\text{A l'état final } n(\text{I}_2)_f = 3x_f = 15 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \Rightarrow x_f = \frac{n(\text{I}_2)_f}{3} = 5 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$$

b- A l'état final, la quantité de matière de  $\text{I}^-$  restant est  $n(\text{I}^-)_f = n_0(\text{I}^-) - 5x_f = 4 \cdot 10^{-3} - 2,5 \cdot 10^{-3} = 1,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$   
 on trouve  $n(\text{I}^-)_f \neq 0$  et la réaction est totale donc l'ion iodate  $\text{IO}_3^-$  est le réactif limitant

$$\text{c- A l'état final, } n(\text{IO}_3^-)_f = n_0(\text{IO}_3^-) - x_f = 0 \Rightarrow n_0(\text{IO}_3^-) = x_f = C_1 \cdot V_1 \Rightarrow C_1 = \frac{x_f}{V_1} = \frac{5 \cdot 10^{-4}}{50 \cdot 10^{-3}} = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

**Exercice N°2(3 points)**

1- Un catalyseur est toute entité chimique qui accélère la réaction (Augmente la vitesse de la réaction) même en faible quantité sans être consommé par cette réaction

2- a- On sait que la valeur de la vitesse de la réaction est la pente de la droite tangente à la courbe de  $x = n(\text{O}_2) = f(t)$

$$V(0)_a = \frac{7 \cdot 10^{-4} - 0}{10 - 0} = 7 \cdot 10^{-5} \text{ mol min}^{-1}$$

$$V(0)_b = \frac{5 \cdot 10^{-4} - 0}{40 - 0} = 1,25 \cdot 10^{-5} \text{ mol min}^{-1}$$

$$V(0)_c = \frac{5 \cdot 10^{-4} - 0}{10 - 0} = 5 \cdot 10^{-5} \text{ mol min}^{-1}$$

b- On a:  $V(0)_b < V(0)_c < V(0)_a$

En comparant les expériences (1) et (2)

$V(0)_{\text{exp2}} > V(0)_{\text{exp1}}$  car on a la même température mais la concentration du réactif I<sub>2</sub> dans exp2 est supérieure à celle dans exp1

En comparant les expériences (1) et (3)

$V(0)_{\text{exp1}} > V(0)_{\text{exp3}}$  car on a les mêmes température et concentration des réactif mais la **présence** du catalyseur dans exp1

donc  $V(0)_{\text{exp3}} < V(0)_{\text{exp1}} < V(0)_{\text{exp2}}$  et  $V(0)_b < V(0)_c < V(0)_a$

Numéro de l'expérience	1	2	3
La courbe correspondante	(c)	(a)	(b)

3.

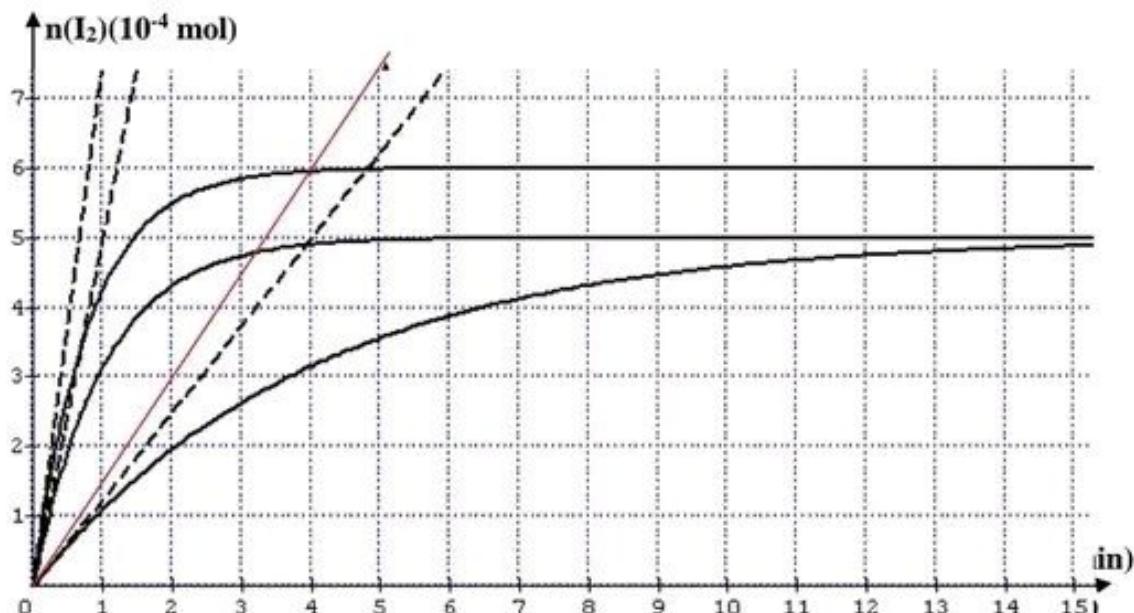


Figure-2-

En se plaçant dans l'expérience-2-, la vitesse moyenne de la réaction entre les instants  $t_1 = 0 \text{ min}$  et  $t_2 = 40 \text{ min}$  est la pente de la droite qui coupe la courbe (a) aux points d'abscisses 0 et 40 min

$$V_{\text{moy}12} = \frac{6.10^{-4}}{40} = 15.10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

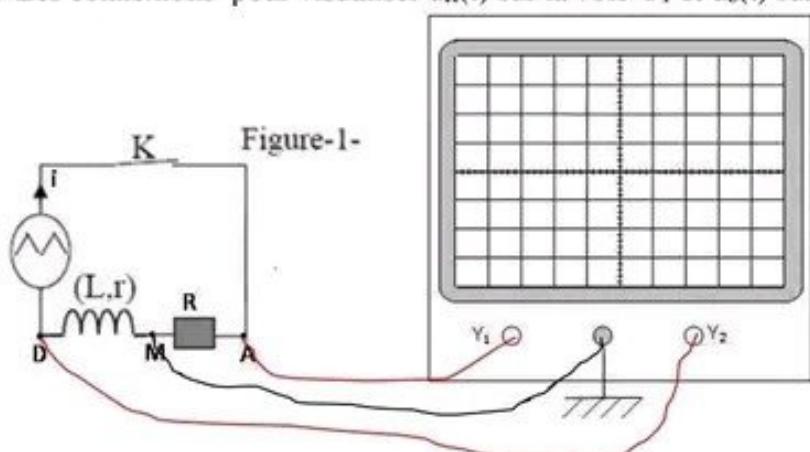
4- L'équation de la réaction du dosage  $I_2 + 2S_2O_3^{2-} \longrightarrow 2I^- + S_4O_6^{2-}$

## PHYSIQUE (13 points)

### Exercice N°1( 5 points)

1- La période du signal est  $T = 4 \text{ div} \cdot 2 \text{ ms/div} = 4 \text{ ms}$  et sa fréquence  $N = \frac{1}{T} = \frac{1}{4 \cdot 10^{-3}} = 250 \text{ Hz}$

2-a- Les connexions pour visualiser  $u_R(t)$  sur la voie Y<sub>1</sub> et  $u_b(t)$  sur la voie Y<sub>2</sub>.



b- On visualise sur la voie 1 la tension  $u_{AM} = u_R$

On visualise sur la voie 2 la tension  $u_{DM} = -u_b$  donc on doit inverser la voie 2

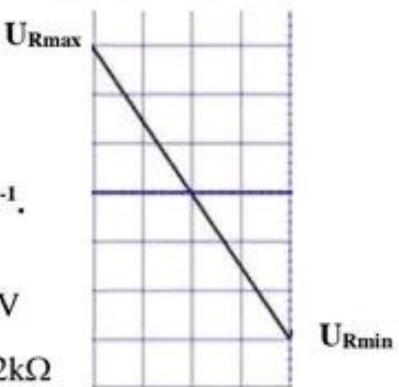
3- La tension aux bornes du résistor est  $u_R(t) = R.i(t) \Rightarrow i(t) = \frac{u_R(t)}{R}$  et  $\frac{di(t)}{dt} = \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$

$$u_b(t) = r.i(t) + L \cdot \frac{di(t)}{dt} \text{ or } R \text{ est très grande devant } r \Rightarrow u_b(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt} = L \cdot \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R(t)}{dt} = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$$

4-a- La tension  $u_R(t) = at + b \Rightarrow a = \frac{du_R(t)}{dt}$

$$\text{La pente de la droite est } a = \frac{(U_{R_{\min}} - U_{R_{\max}})}{\Delta t} \text{ or } \Delta t = \frac{T}{2} \Rightarrow$$

$$a = \frac{2(U_{R_{\min}} - U_{R_{\max}})}{T} = 2N.(U_{R_{\min}} - U_{R_{\max}}) ; \text{ AN : } a = 2.250.(-20) = -10000 \text{ V.s}^{-1}.$$



b- Durant la même demi période, la tension  $u_b(t) = -1.0,5 = -0,5 \text{ V}$

c- Durant la même demi période, lorsque  $u_R(t) = u_b(t)$ , on a  $u_R(t) = -0,5 \text{ V}$

$$\text{et } i(t) = -0,25 \text{ mA. } u_R(t) = R.i(t) \Rightarrow R = \frac{u_R(t)}{i(t)} = \frac{-0,5}{-0,25 \cdot 10^{-3}} = 2000 \Omega = 2 \text{ k}\Omega$$

$$d- u_b(t) = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R(t)}{dt} = \frac{L}{R} \cdot a \Rightarrow L = \frac{u_b(t)}{a} \cdot R = \frac{-0,5}{-10^4} \cdot 2 \cdot 10^3 = 0,1 \text{ H}$$

5- L'énergie  $E_L$  emmagasinée par la bobine lorsque  $u_R = u_b = -0,5 \text{ V}$

On a  $u_R = -0,5 \text{ V} \Rightarrow i(t) = -0,25 \text{ mA}$

$$E_L = \frac{1}{2} L \cdot i^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,1 \cdot (-0,25 \cdot 10^{-3})^2 = 31,25 \cdot 10^{-10} \text{ J}$$

### Exercice N°2 (7,75 points)

1- On bascule l'interrupteur K sur la position (1) à l'instant pris comme origine de temps

1-a- Loi des mailles au cours de la charge du condensateur :

$$u_{R1}(t) + u_{R2}(t) + u_C(t) - E = 0 \Rightarrow u_{R1}(t) + u_{R2}(t) + u_C(t) = E$$

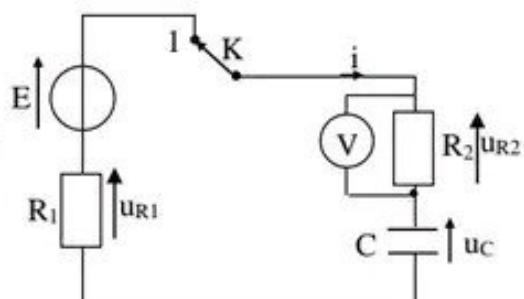
$$\text{or } u_{R1} = R_1 \cdot i \text{ et } i = \frac{dq}{dt} \Rightarrow u_{R1} = R_1 \cdot \frac{dq}{dt} \text{ de même } u_{R2} = R_2 \cdot i = R_2 \cdot \frac{dq}{dt}$$

$$\text{d'autre part } u_C = \frac{q}{C}$$

$$u_{R1}(t) + u_{R2}(t) + u_C(t) = E \Rightarrow R_1 \cdot \frac{dq(t)}{dt} + R_2 \cdot \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{C} = E \Rightarrow (R_1 + R_2) \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{C} = E \Rightarrow$$

$$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{C \cdot (R_1 + R_2)} = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \Rightarrow \frac{dq}{dt} + \frac{q}{\tau_1} = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \text{ avec } \tau_1 = (R_1 + R_2) \cdot C$$

$$2-a- q(t) = A \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}) \Rightarrow \frac{dq}{dt} = \frac{A}{\tau_1} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}}$$



$$\text{Pour que } q \text{ soit une solution de cette équation il faut que } \frac{dq}{dt} + \frac{q}{\tau_1} = \frac{E}{(R_1 + R_2)}$$

$$\frac{dq}{dt} + \frac{q}{\tau_1} = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \Rightarrow \frac{A}{\tau_1} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} + \frac{A}{\tau_1} \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}) = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \Rightarrow \frac{A}{\tau_1} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} + \frac{A}{\tau_1} \cdot \frac{A}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \Rightarrow$$

$$\frac{A}{\tau_1} = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \Rightarrow A = \tau_1 \cdot \frac{E}{(R_1 + R_2)} = (R_1 + R_2) \cdot C \cdot \frac{E}{(R_1 + R_2)} = C \cdot E$$

$$b- u_C(t) = \frac{q(t)}{C} = \frac{C \cdot E \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}})}{C} = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}) \text{ et } u_1(t) + u_2(t) = E - u_C(t) = E - E(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}) = E - E + E e^{-\frac{t}{\tau_1}} = E e^{-\frac{t}{\tau_1}}$$

$$\Rightarrow (R_1 + R_2).i = E e^{\frac{-t}{\tau}} \Rightarrow i = \frac{E e^{\frac{-t}{\tau}}}{(R_1 + R_2)}$$

3-a- La pente de la droite tangente à la courbe à  $t = 0$  est  $a = \left( \frac{dq}{dt} \right)_{t=0} = i(0)$

$$\text{On trouve } i(0) = \frac{5 \cdot 10^{-6}}{10^{-2}} = 5 \cdot 10^{-4} \text{ A} = 0,5 \text{ mA}$$

b-La constante de temps est  $\tau = 1 \text{ ms}$  (méthode de la tangente)

c- En régime permanent, on a  $q = Q_{\max} = 5 \mu\text{C}$

$$4-\text{a-} \text{On a } u_{R2}(0) = R_2 \cdot i(0) \Rightarrow R_2 = \frac{u_{R2}(0)}{i(0)} = \frac{6}{5 \cdot 10^{-3}} = 1200 \Omega = 1,2 \text{ k}\Omega$$

$$\text{b- La résistance } R_1 = \frac{R_2}{3} = \frac{1200}{3} = 400 \Omega$$

$$\text{On a : } \tau = (R_1 + R_2) \cdot C \Rightarrow C = \frac{\tau}{R_1 + R_2} = \frac{10^{-3}}{1,6 \cdot 10^3} = 0,625 \cdot 10^{-6} \text{ F} = 0,625 \mu\text{F}$$

$$\text{On a : } Q_{\max} = C \cdot E \Rightarrow E = \frac{Q_{\max}}{C} = \frac{5 \cdot 10^{-6}}{0,625 \cdot 10^{-6}} = 8 \text{ V}$$

5-L'énergie emmagasinée par le condensateur lorsqu'il est totalement chargé ( $u_C = E$ ) est  $E_{C0} = \frac{1}{2} C \cdot E^2$

$$\text{AN : } E_{C0} = \frac{1}{2} \cdot 0,625 \cdot 10^{-6} \cdot (8)^2 = 2,10^{-5} \text{ J}$$

## II/ La décharge du condensateur

1- Loi des mailles au cours de la décharge du condensateur

$$u_C(t) + u_2(t) = 0$$

$\Rightarrow u_C(t) + R_2 \cdot i(t) = 0$  on dérive cette équation, on trouve

$$\frac{du_C(t)}{dt} + R_2 \cdot \frac{di(t)}{dt} = 0$$

$$\text{or } i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_C(t)}{dt} \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} = \frac{i(t)}{C} \Rightarrow$$

$$\frac{i(t)}{C} + R_2 \cdot \frac{di(t)}{dt} = 0 \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{R_2 \cdot C} = 0 \Rightarrow$$

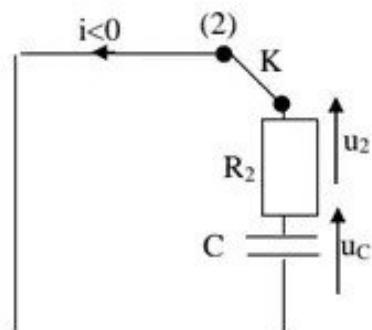
$$\frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{\tau_2} = 0 \quad \text{avec } \tau_2 = R_2 \cdot C$$

2-a- A l'instant  $t_1$ , l'énergie emmagasinée par le condensateur est  $E_C = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2(t_1)$

$$\text{AN : } E_C = \frac{1}{2} \cdot 0,625 \cdot 10^{-6} \cdot (2)^2 = 1,25 \cdot 10^{-6} \text{ J}$$

b-L'énergie perdue est  $E_{\text{perdue}} = E_C(0) - E_C(t_1) = 210^{-5} - 1,25 \cdot 10^{-6} = 18,75 \cdot 10^{-6} \text{ J}$

$$\text{c- } \frac{di}{dt}(t_1) + \frac{i(t_1)}{\tau_2} = 0 \Rightarrow \frac{di}{dt}(t_1) = - \frac{i(t_1)}{\tau_2} = - \frac{u_{R2}(t_1)}{R_2 \cdot \tau_2} = - \frac{u_C(t_1)}{R_2 \cdot \tau_2} = - \frac{u_C(t_1)}{R_2^2 \cdot C} = - \frac{2}{(1200)^2 \cdot 0,625 \cdot 10^{-6}} = -2,22 \text{ A.s}^{-1}$$

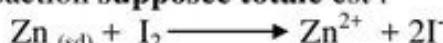


## CHIMIE (7 points)

## Exercice N°1 (4 points)

On donne  $M(Zn) = 65,4 \text{ g.mol}^{-1}$ 

Le " lugol " est une solution antiseptique à base de diiode  $I_2$ . Quand on plonge une grenaille de zinc dans cette solution, on peut observer, au bout d'un temps assez long, une décoloration et une attaque du zinc. L'équation de la réaction **supposée totale** est :



On introduit une grenaille de zinc de masse  $m = 1,31 \text{ g}$  dans un volume  $V_0 = 50 \text{ mL}$  d'une solution de diiode  $S_0$  de concentration  $C_0$ . On étudie l'évolution du système au cours du temps et on suppose que le volume reste  $V_0$  au cours de la réaction. La température est maintenue à  $50^\circ\text{C}$ . A l'aide de moyens appropriés, on a pu tracer la courbe de la figure-1- qui représente l'évolution au cours du temps de la concentration des ions  $Zn^{2+}$  formés.

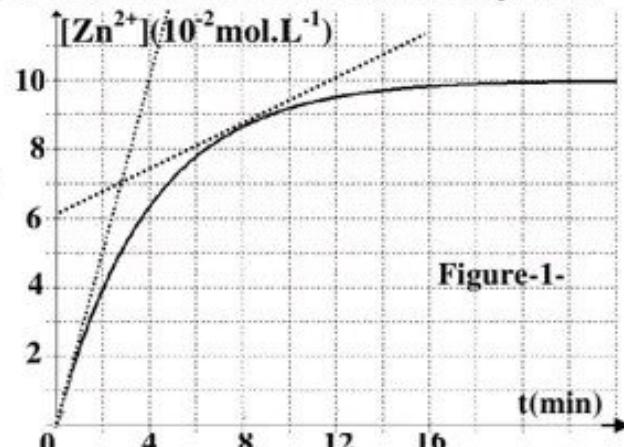
1- Calculer la quantité de matière initiale  $n_0(Zn)$  de zinc introduite dans le mélange. (0,5pt)

2- Dresser le tableau d'avancement (0,75pt)

3- Déterminer l'avancement final de cette réaction (0,5pt)

4- Quel est le réactif limitant? (0,25pt)

5- Déduire que la concentration de la solution ( $S_0$ ) de diiode, est  $C_0 = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$ . (0,25pt)



6-a- Déterminer, à partir du graphe, les vitesses volumiques instantanées de la réaction aux instants  $t_0 = 0 \text{ min}$  et  $t_1 = 8 \text{ min}$ . (0,5pt)

b- Comparer ces deux vitesses volumiques et déduire le facteur cinétique responsable (0,5pt)

7- Au bout de 2 min, on dose la quantité de matière de diiode restant par une solution de thiosulfate de sodium ( $Na_2S_2O_3$ ) de concentration  $C = 0,3 \text{ mol.L}^{-1}$

a- Ecrire l'équation de la réaction du dosage (0,25pt)

b- Déterminer le volume de thiosulfate de sodium ajouté à l'équivalence, noté  $V_{0E}$ . (0,5pt)

## Exercice N°2 (3 points)

On verse un volume  $V_1 = 40 \text{ mL}$  d'une solution de thiosulfate de sodium ( $2Na^+ + S_2O_3^{2-}$ ) de concentration molaire  $C_1 = 0,5 \text{ mol.L}^{-1}$  dans un bécher, auquel on ajoute un volume  $V_2 = 10 \text{ mL}$  d'une solution d'acide chlorhydrique ( $H_3O^+ + Cl^-$ ) de concentration molaire  $C_2 = 5 \text{ mol.L}^{-1}$ .

Le mélange blanchit progressivement par formation du soufre solide qui cache avec le temps le fond du récipient.

L'équation de la réaction supposée totale s'écrit :



On suit l'évolution temporelle de la réaction en déterminant, par une méthode appropriée, la concentration des ions thiosulfate  $[\text{S}_2\text{O}_3^{2-}]$  dans le mélange. Cette évolution est représentée par la courbe (C) sur la **figure 2**.

1-Préciser les couples oxydant/réducteur mis en jeu. (0,5pt)

2-Calculer la concentration initiale, dans le mélange, en ions thiosulfate  $[\text{S}_2\text{O}_3^{2-}]_0$  et celle en ions hydronium  $[\text{H}_3\text{O}^+]$ . (1pt)

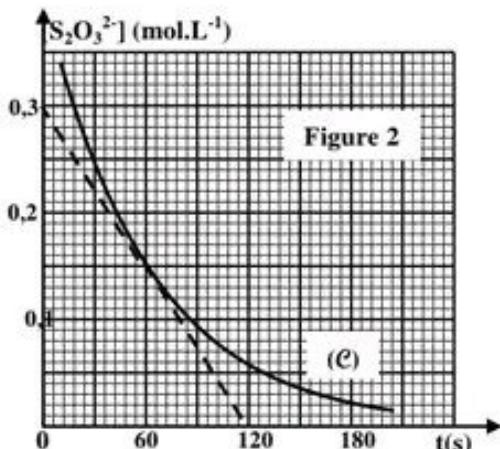
3-Compléter sur la feuille à rendre avec les copies, le tableau

d'évolution de la réaction en fonction de l'avancement volumique  $y$ . (0,5pt)

4-Justifier que la réaction étudiée est lente. (0,25pt)

5-a-Etablir l'expression de la vitesse volumique de la réaction en fonction de  $[\text{S}_2\text{O}_3^{2-}]$ . (0,5pt)

b-Calculer sa valeur à l'instant de date  $t = 60$  s. (0,25pt)



## PHYSIQUE (13 points)

### Exercice N°1 (6 points)

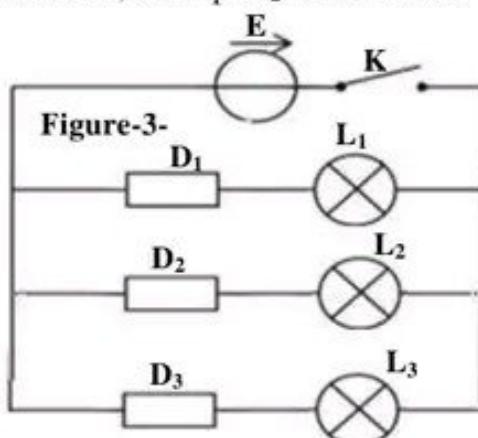
I- En travaux pratiques, un élève dispose de trois dipôles de nature inconnue,  $D_1$ ,  $D_2$  et  $D_3$ . Chaque dipôle peut être soit un conducteur ohmique de résistance  $R$ , soit un condensateur de capacité  $C$ , soit une bobine de résistance  $r$  et d'inductance  $L$ . Afin d'identifier les trois dipôles l'élève réalise le circuit schématisé ci-dessous (**Figure-3-**) Lorsqu'il ferme l'interrupteur  $K$  : La lampe  $L_1$  s'allume instantanément, la lampe  $L_2$  s'allume avec un retard temporel et la lampe  $L_3$  s'allume et s'éteint

1-Identifier les dipôles  $D_1$ ,  $D_2$  et  $D_3$  (0,75pt)

2-a-Pourquoi la lampe  $L_2$  s'allume-t-elle avec retard ? (0,5pt)

b- Pourquoi ce phénomène est appelé phénomène d'auto induction? (0,25pt)

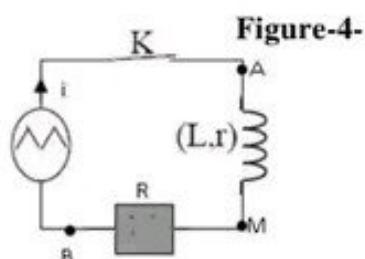
3-Pourquoi la lampe  $L_3$  s'allume et s'éteint? (0,25pt)



II- Le montage suivant comprend un générateur basse fréquence  $N = 500$  Hz délivrant une tension triangulaire, relié en série à un interrupteur  $K$ , à une bobine (B) d'inductance

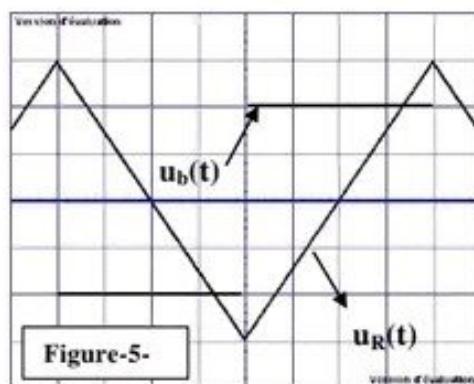
$L = 0,5 \text{ H}$  et un conducteur ohmique de résistance  $R$  comme l'indique la **figure-4-**

On visualise sur un oscilloscope bicourbe, les tensions  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine sur la voie  $Y_1$  et  $u_R(t)$  aux bornes du résistor sur la voie  $Y_2$ . (**Figure-5-**)



On donne

Voie  $Y_1$ : 0,2 V/Div , Voie  $Y_2$  : 2V/Div



1- Déterminer la période T du signal triangulaire (0,5pt)

2-a- Indiquer sur la feuille à rendre avec les copies, les connexions qu'il faut faire pour visualiser  $u_b(t)$  sur la voie  $Y_1$  et  $u_R(t)$  sur la voie  $Y_2$ . (0,5pt)

b- Montrer que la voie  $Y_2$  doit être inversée (0,5pt)

3- Montrer que pour  $R$  très grande devant  $r$ , on peut écrire  $u_b(t) = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R}{dt}$  (0,75pt)

4- Durant une demi période, la tension  $u_R$  aux bornes du résistor est une fonction affine de temps telle que  $u_R(t) = a.t + b$  ( $a$  et  $b$  des constantes)

a- Déterminer la pente  $a$  durant la demi-période où  $u_R$  est croissante au cours du temps (0,5pt)

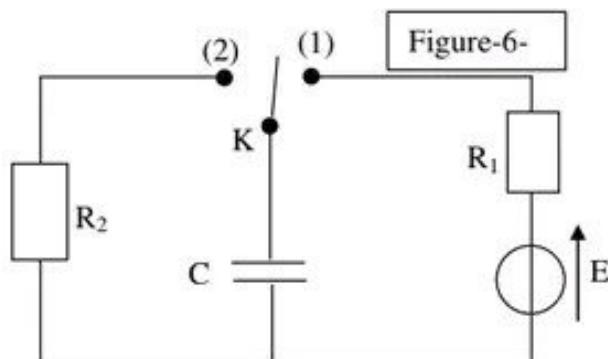
b- Déterminer durant la même demi période, la tension  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine. En déduire la résistance  $R$  du résistor (0,75pt)

5- Déterminer l'énergie  $E_L$  de la bobine lorsque  $u_R = u_b$  (0,75pt)

### Exercice N°2 : (7 points)

Avec :

- Un générateur idéal de tension de f.e.m  $E$ .
  - Deux résistors de résistance  $R_1$  et  $R_2$
  - Un condensateur de capacité  $C$
  - Un commutateur  $K$  à deux positions (1 et 2).
- On réalise le circuit ci-contre (figure-6-)

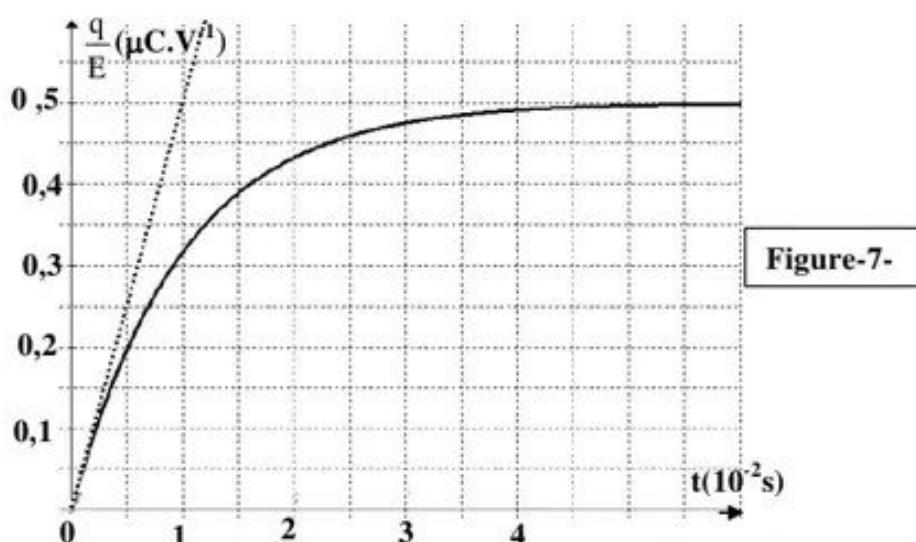


#### I / La charge du condensateur

Le condensateur étant initialement déchargé.

A  $t=0$ s, on bascule le commutateur  $K$  en position (1).

Un dispositif d'acquisition de données relié à un ordinateur nous a permis de tracer la courbe d'évolution au cours du temps du quotient de la charge  $q$  du condensateur par la f.e.m  $E$  (figure-7-)



1- Montrer que l'équation différentielle vérifiée par la tension aux bornes du condensateur pendant la phase de sa charge est

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{R_1 \cdot C} = \frac{E}{C \cdot R_1} \quad (1) \quad (0,75pt)$$

déduire que  $\frac{R_1 \cdot C}{E} \frac{dq}{dt} + \frac{q}{E} = C$  (2) (0,25pt)

2-a- vérifier que  $u_C(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}})$  est une solution de cette équation (1), lorsque  $A = E$  et  $\tau_1 = R_1 \cdot C$ . (0,75pt)

**b- En déduire les expressions en fonction du temps de la charge  $q(t)$  du condensateur et de l'intensité du courant  $i(t)$  qui circule dans le circuit (0,5pt)**

**3- En exploitant le chronogramme de la figure-7- déduire :**

**a- La capacité  $C$  du condensateur. (0,25pt)**

**b- La valeur de  $\tau_1$ . (Expliciter la méthode préconisée). (0,25pt)**

**c- Déterminer par deux méthodes, la valeur de la résistance  $R_1$ . (0,5pt+0,5pt)**

**4- Sachant qu'à l'instant  $t=0$ , l'intensité du courant qui circule dans le circuit est  $i(0) = 0,5$  mA.**

**a- Montrer que la f.é.m. du générateur est  $E= 10V$  (0,5pt)**

**b- Déterminer la charge du condensateur en régime permanent. (0,25pt)**

**5- Déterminer l'énergie  $E_C$  emmagasinée par le condensateur lorsque le quotient  $\frac{q}{E} = 0,2\mu F$  (1pt)**

## **II/ La décharge du condensateur**

Le commutateur est à présent basculé en position (2) à l'instant choisi comme nouvelle origine de temps lorsque le condensateur est totalement chargé

**1-En appliquant la loi des mailles, montrer que l'équation différentielle reliant l'intensité du courant  $i(t)$  qui circule dans le circuit de décharge et sa dérivé  $\frac{di}{dt}$  est :  $\frac{di}{dt} + \frac{i}{\tau_2} = 0$  avec  $\tau_2 = R_2.C$  (0,5pt)**

**2-Sachant qu'à l'instant  $t_2 = 1$  ms, l'énergie initiale du condensateur décroît de 86%**

**a- Montrer que  $t_2 = \tau_2$  (0,5pt)**

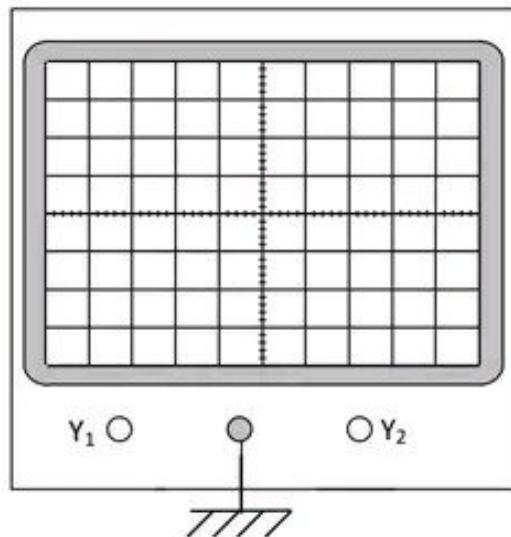
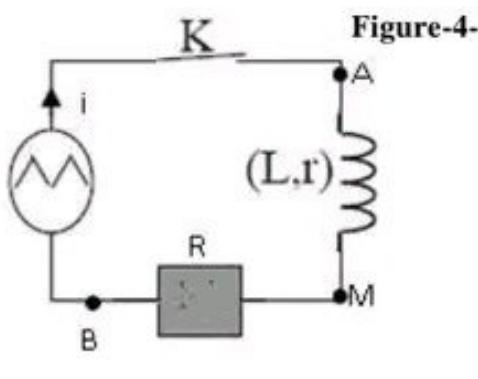
**b- En déduire la résistance  $R_2$  (0,5pt)**

***Fin du devoir***

Nom et prénom :	N° :	Classe :
-----------------	------	----------

### Feuille à rendre avec les copies

Equation de la réaction		$S_2O_3^{2-} + 2H_3O^+ \longrightarrow S + SO_2 + 3H_2O$				
Etat du mélange	Avancement volumique $y$ (mol.L <sup>-1</sup> )	Concentrations (mol.L <sup>-1</sup> )				
Initial	0					solvant
En cours	$y$					solvant
Final						solvant



**Correction du devoir de contrôle N°1**  
**CHIMIE (7 points)**

**Exercice N°1 : (4 pts)**

1-  $n_0(\text{Zn}) = \frac{m(\text{Zn})}{M(\text{Zn})} = \frac{1,31}{65,4} = 0,02 \text{ mol}$

2- Le tableau d'avancement

Équation de la réaction		$\text{I}_2 + \text{Zn} \longrightarrow 2\text{I}^- + \text{Zn}^{2+}$			
État du système	Avancement en mol	Quantité de matière (mol)			
Initial	0	$n_0(\text{I}_2) = C_0 \cdot V_0$	0,02	0	0
Intermédiaire	x	$C_0 \cdot V_0 - x$	0,02-x	2x	x
Final	$x_f$	$C_0 \cdot V_0 - x_f$	0,02- $x_f$	2. $x_f$	$x_f$

3- D'après la courbe, à l'état final, on a  $[\text{Zn}^{2+}]_f = 10 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1} = 0,1 \text{ mol.L}^{-1} = y_f = \frac{x_f}{V_0} \Rightarrow x_f = [\text{Zn}^{2+}]_f \cdot V_0 = 0,1 \cdot 50 \cdot 10^{-3} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

4- La réaction est totale A l'état final  $n(\text{Zn})_f = n_0(\text{Zn}) - x_f = 0,02 - 5 \cdot 10^{-3} = 15 \cdot 10^{-3} \text{ mol} > 0$   
 donc  $\text{I}_2$  est le réactif limitant

5- A l'état final  $n(\text{I}_2)_f = 0 = C_0 \cdot V_0 - x_f \Rightarrow C_0 \cdot V_0 = x_f \Rightarrow C_0 = \frac{x_f}{V_0} = \frac{5 \cdot 10^{-3}}{50 \cdot 10^{-3}} = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$ .

6-a- La valeur de la vitesse volumique initiale de réaction est la pente de la tangente à la courbe

d'avancement volumique au point d'abscisse  $t_0 = 0 \text{ min}$ .  $V_v(t_0) = \frac{10 \cdot 10^{-2}}{4} = 25 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$

- La valeur de la vitesse volumique de réaction à  $t_1 = 8 \text{ min}$ , est la pente de la tangente à la courbe d'avancement volumique au point d'abscisse  $t_1$ .  $V_v(t_1) = \frac{8 \cdot 10^{-2} - 6 \cdot 10^{-2}}{6 - 0} = 3,3 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$

b-  $V_v(t_1) < V_v(t_0) \Rightarrow$  La vitesse volumique instantanée diminue au cours du temps. Le facteur cinétique responsable est la concentration des réactifs qui diminue au cours du temps

7-a- L'équation de la réaction du dosage



b- Pour  $t = 2 \text{ min}$ , on a  $[\text{Zn}^{2+}] = 4 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1} = \frac{x}{V_0} \Rightarrow x_f = [\text{Zn}^{2+}] \cdot V_0 = 4 \cdot 10^{-2} \cdot 50 \cdot 10^{-3} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$   
 $n(\text{I}_2) = C_0 \cdot V_0 - x = x_f - x = 5 \cdot 10^{-3} - 2 \cdot 10^{-3} = 3 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

A l'équivalence on a  $n(\text{I}_2) = \frac{n(\text{S}_2\text{O}_3^{2-})}{2} = \frac{C \cdot V_{0E}}{2} \Rightarrow V_{0E} = \frac{2 \cdot n(\text{I}_2)}{C} = \frac{2 \cdot 3 \cdot 10^{-3}}{0,3} = 20 \text{ mL}$

**Exercice N2 : (3 pts)**

1-Les couples ox/rédu mis en jeux dans la réaction :  $\text{S}_2\text{O}_3^{2-} + 2\text{H}_3\text{O}^+ \longrightarrow \text{S} + \text{SO}_2 + 3\text{H}_2\text{O}$

sont  $\text{S}_2\text{O}_3^{2-}/\text{S}$  et  $\text{SO}_2/\text{S}_2\text{O}_3^{2-}$

2- la concentration initiale, dans le mélange :

$$[\text{S}_2\text{O}_3^{2-}]_0 = \frac{C_1 V_1}{V_1 + V_2} \quad \text{A.N: } [\text{S}_2\text{O}_3^{2-}]_0 = 0,4 \text{ mol.L}^{-1}; [\text{H}_3\text{O}^+]_0 = \frac{C_2 V_2}{V_1 + V_2} \quad \text{A.N: } [\text{H}_3\text{O}^+]_0 = 1 \text{ mol.L}^{-1}$$

### 3- Tableau d'avancement volumique

Equation de la réaction		$\text{S}_2\text{O}_3^{2-} + 2\text{H}_3\text{O}^+ \longrightarrow \text{S} + \text{SO}_2 + 3\text{H}_2\text{O}$				
Etat du mélange	Avancement volumique $y$ (mol.L <sup>-1</sup> )	Concentrations (mol.L <sup>-1</sup> )				
Initial	0	0,4	1	0	0	solvant
En cours	$y$	$0,4 - y$	$1 - 2y$	$y$	$y$	solvant
Final	$y_f$	$0,4 - y_f$	$1 - 2y_f$	$y_f$	$y_f$	solvant

4- la réaction étudiée est lente car la formation des produits se réalise dans un temps mesurable.

5-a- La vitesse volumique de la réaction :  $v = \frac{dy}{dt}$  ; son expression est :  $v = - \frac{d[\text{S}_2\text{O}_3^{2-}]}{dt}$ .

b- La vitesse volumique de la réaction à  $t = 60$  s  $v = - \frac{0,15 - 0,3}{60 - 0} = 2,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$

### PHYSIQUE (13 points)

#### Exercice N°1 : (6 points)

##### I-

1- Le dipôle  $D_1$  est conducteur ohmique, le dipôle  $D_2$  est une bobine et le dipôle  $D_3$  est un condensateur

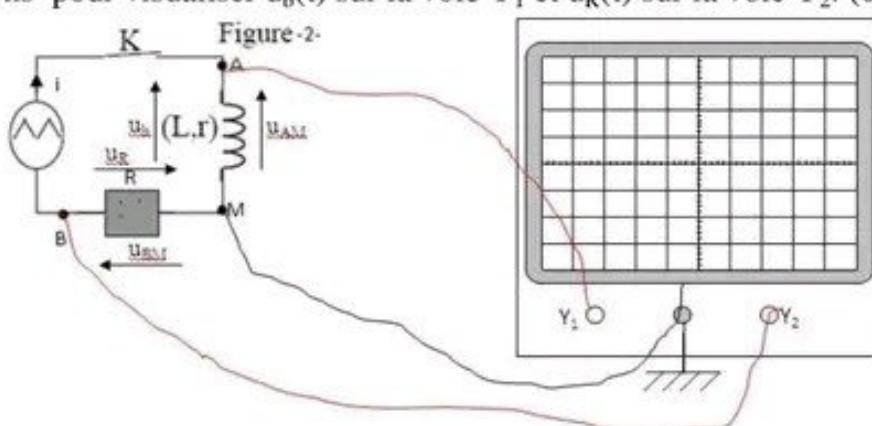
2-a- lorsqu'on ferme l'interrupteur  $K$ , le champ magnétique à l'intérieur de la bobine augmente et cette augmentation du champ magnétique donne naissance à un courant induit pendant une brève durée dont le sens est opposé à celui qui traverse la bobine. Ce courant induit est à la cause du retard d'allumage de la lampe  $L_2$

b- Ce phénomène est appelé phénomène d'auto induction car la bobine est à la fois l'inducteur et l'induit

3- Lorsque le condensateur est totalement chargé, il se comporte comme un interrupteur ouvert c'est pourquoi la lampe  $L_3$  s'éteint.

II- 1- La période du signal triangulaire est  $T = \frac{1}{N} = \frac{1}{500} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ s} = 2 \text{ ms}$

2-a- Les connexions pour visualiser  $u_b(t)$  sur la voie  $Y_1$  et  $u_R(t)$  sur la voie  $Y_2$ . (0,75pt)



b- On visualise sur la voie 1 la tension  $u_{AM} = u_b$

On visualise sur la voie 2 la tension  $u_{DM} = -u_R$  donc on doit inverser la voie 2 (0,25pt)

3- La tension aux bornes du résistor est  $u_R = R \cdot i \Rightarrow i = \frac{u_R}{R}$  et  $\frac{di}{dt} = \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R}{dt}$

$$u_b = r \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt} \text{ or } R \text{ est très grande devant } r \Rightarrow u_b = L \cdot \frac{di}{dt} = L \cdot \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R}{dt}$$

4-a- La tension  $u_R = at + b \Rightarrow a = \frac{du_R}{dt}$

La pente de la droite est  $a = \frac{(U_{R_{\max}} - U_{R_{\min}})}{\Delta t}$  or  $\Delta t = \frac{T}{2} \Rightarrow$

$$a = \frac{2(U_{R_{\max}} - U_{R_{\min}})}{T} = 2N.(U_{R_{\max}} - U_{R_{\min}}); AN : a = 2.500.(6 \cdot 2) = 12000 \text{ V.s}^{-1}.$$

b- Durant la même demi période, la tension  $u_b(t) = 2 \cdot 0,2 = 0,4 \text{ V}$

$$u_b = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} = \frac{L}{R} \cdot a \Rightarrow R = \frac{L}{u_b} \cdot a = \frac{0,5}{0,4} \cdot 12000 = 15000 \Omega = 15 \text{ k}\Omega$$

5- L'énergie  $E_L$  emmagasinée par la bobine lorsque  $u_R = u_b = \pm 0,4$

$$\text{On a } u_R = \pm 0,4 \text{ V} \Rightarrow i = \frac{u_R}{R} = \frac{\pm 0,4}{15000} = \pm 0,027 \text{ mA} = \pm 0,027 \cdot 10^{-3} \text{ A}$$

$$E_L = \frac{1}{2} L i^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,5 \cdot (\pm 0,027 \cdot 10^{-3})^2 = 1,8 \cdot 10^{-10} \text{ J}$$

Exercice N°2 : (7 points)

I/ La charge du condensateur (K sur (1))

1- Loi des mailles au cours de la charge du condensateur :

$$u_C(t) + u_1(t) - E = 0 \Leftrightarrow u_1(t) + u_C(t) = E.$$

$$\text{avec } u_1 = R_1 \cdot i = R_1 \cdot \frac{dq}{dt} = R_1 \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

En remplaçant  $u_1$  par son expression, on trouve  $R_1 \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C(t) = E \Rightarrow$

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{R_1 \cdot C} = \frac{E}{C \cdot R_1} \quad (1)$$

En multipliant par  $\frac{R_1 \cdot C}{E}$ , on trouve  $\frac{R_1 \cdot C}{E} \frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{E} = 1$  or  $u_C = \frac{q}{C}$  et  $C \cdot \frac{du_C}{dt} = \frac{dq}{dt}$

$$\Rightarrow \frac{R_1}{E} \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C \cdot E} = 1 \Rightarrow \frac{R_1 \cdot C}{E} \frac{dq}{dt} + \frac{q}{E} = C \quad (2)$$

$$2-a- u_C(t) = A(1 - e^{\frac{-t}{\tau_1}}) = A - Ae^{\frac{-t}{\tau_1}} \Rightarrow \frac{du_C}{dt} = \frac{A}{\tau_1} e^{\frac{-t}{\tau_1}}$$

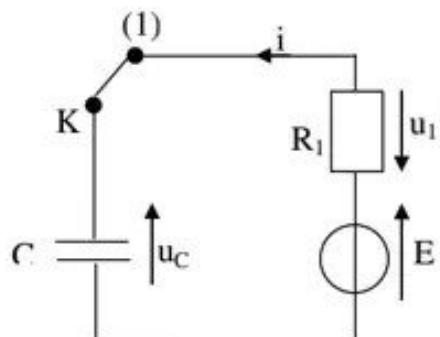
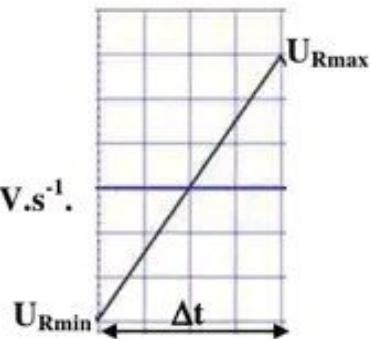
$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{R_1 \cdot C} = \frac{A}{\tau_1} e^{\frac{-t}{\tau_1}} + \frac{1}{R_1 \cdot C} (A - Ae^{\frac{-t}{\tau_1}}) = \frac{A}{\tau_1} e^{\frac{-t}{\tau_1}} + \frac{A}{R_1 \cdot C} - \frac{A}{R_1 \cdot C} e^{\frac{-t}{\tau_1}} = \frac{E}{C \cdot R_1} \text{ si } u_C(t) \text{ est une solution}$$

$$\Rightarrow \frac{A}{R_1 \cdot C} + A \cdot e^{\frac{-t}{\tau_1}} \left( \frac{1}{\tau_1} - \frac{1}{R_1 \cdot C} \right) = \frac{E}{C \cdot R_1} \Rightarrow \frac{A}{R_1 \cdot C} = \frac{E}{C \cdot R_1} \text{ et } A \cdot e^{\frac{-t}{\tau_1}} \left( \frac{1}{\tau_1} - \frac{1}{R_1 \cdot C} \right) = 0 \Rightarrow A = E \text{ et } \tau_1 = R_1 \cdot C$$

$$\text{donc } u_C(t) = E(1 - e^{\frac{-t}{R_1 \cdot C}})$$

$$b- q(t) = C \cdot u_C(t) = C \cdot E(1 - e^{\frac{-t}{R_1 \cdot C}})$$

$$1^{\text{ère}} \text{ méthode : } i(t) = \frac{dq}{dt} (t) = C \cdot \frac{du_C}{dt} = C \cdot \frac{A}{\tau_1} e^{\frac{-t}{\tau_1}} = C \cdot \frac{E}{R_1 \cdot C} e^{\frac{-t}{\tau_1}} = \frac{E}{R_1} e^{\frac{-t}{\tau_1}}$$



$$2^{\text{ème}} \text{ méthode : } u_1(t) = E - u_C(t) = E - E(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}) = E - E + E e^{-\frac{t}{\tau_1}} = E e^{-\frac{t}{\tau_1}} R_1 i(t) \Rightarrow i(t) = \frac{u_1(t)}{R_1} = \frac{E}{R_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}}$$

3a- En régime permanent on a  $q(t) = Q_0$  et  $\frac{dq}{dt} = 0$ , on déduit d'après l'équation (2) que  $\frac{Q_0}{E} = C$

on trouve  $C = 0,5 \mu F$

b- La constante de temps du circuit de charge du condensateur est  $\tau_1 = 10^{-2} s$  ( $\tau_1$  est l'abscisse du point d'intersection de la tangente à l'origine avec la droite d'équation  $\frac{Q_0}{E} = C$ )

$$c- 1^{\text{ère}} \text{ méthode : } \tau_1 = R_1 \cdot C \Rightarrow R_1 = \frac{\tau_1}{C} = \frac{10^{-2}}{0,5 \cdot 10^{-6}} = 20000 \Omega = 20 \text{ k}\Omega$$

$$2^{\text{ème}} \text{ méthode : - La pente de la droite tangente à la courbe à } t = 0 \text{ est } a = \frac{1}{E} \left( \frac{dq}{dt} \right)_{t=0} = \frac{i(0)}{E}$$

$$\text{on a } i(t) = \frac{E}{R_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} \Rightarrow i(0) = \frac{E}{R_1} \Rightarrow a = \frac{i(0)}{E} = \frac{1}{R_1} \text{ donc } R_1 = \frac{1}{a} \text{ avec } a = \frac{0,5 \cdot 10^{-6}}{10^{-2}} = 0,5 \cdot 10^4 \Omega^{-1}$$

$$R_1 = \frac{1}{0,5 \cdot 10^4} 2 \cdot 10^4 \Omega = 20 \text{ k}\Omega$$

$$4\text{-a- } i(0) = 0,5 \text{ mA} = \frac{E}{R_1} \Rightarrow E = R_1 \cdot i(0) = 2 \cdot 10^4 \cdot 0,5 \cdot 10^{-3} = 10V$$

b- En régime permanent on a  $q(t) = Q_0 = C \cdot E = 0,5 \cdot 10^{-6} \cdot 10 = 0,5 \cdot 10^{-5} C = 5 \mu C$

$$5- \text{ On a } \frac{q}{E} = 0,2 \mu F = 0,2 \cdot 10^{-6} F \Rightarrow q = 0,2 \cdot 10^{-6} \cdot E = 0,2 \cdot 10^{-6} \cdot 10 = 0,2 \cdot 10^{-5} C = 2 \cdot 10^{-6} C$$

$$\text{L'énergie emmagasinée par le condensateur est } E_C = \frac{1}{2 \cdot C} q^2$$

$$\text{AN : } E_C = \frac{1}{2 \cdot 0,5 \cdot 10^{-6}} \cdot (2 \cdot 10^{-6})^2 = 4 \cdot 10^{-6} J$$

## II/ La décharge du condensateur (K sur (2))

1- Loi des mailles au cours de la décharge du condensateur

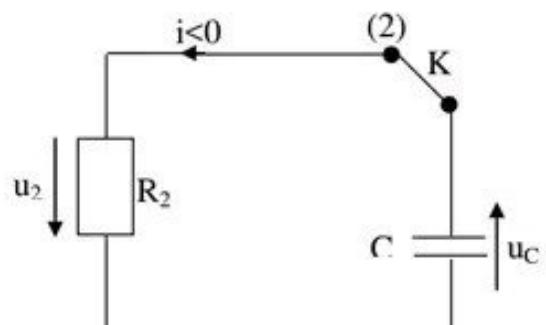
$$u_C(t) + u_2(t) = 0$$

$$\Rightarrow u_C(t) + R_2 \cdot i(t) = 0$$

$$\text{Lorsqu'on dérive cette équation, on trouve } \frac{du_C}{dt} + R_2 \cdot \frac{di}{dt} = 0$$

$$\text{Comme on a } i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_C(t)}{dt} \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} = \frac{i(t)}{C}$$

$$\text{donc } \frac{i(t)}{C} + R_2 \cdot \frac{di(t)}{dt} = 0 \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{R_2 \cdot C} = 0 \Rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{i}{\tau_2} = 0 \text{ avec } \tau_2 = R_2 \cdot C$$



2-a- A l'instant  $t_2 = 1 \text{ ms}$ , l'énergie emmagasinée par le condensateur  $E_C = E_{Cp} - 0,86 E_{Cp} = 0,14 E_{Cp}$

$$\text{avec } E_{Cp} = \frac{1}{2} \cdot C \cdot E^2 \text{ (L'énergie du condensateur lorsqu'il est totalement chargé)}$$

$$\frac{1}{2} \cdot C \cdot u_C^2 = 0,14 \cdot \frac{1}{2} \cdot C \cdot E^2 \Rightarrow u_C^2 = 0,14 \cdot E^2 \Rightarrow u_C = \sqrt{0,14 \cdot E^2} = 0,37 \cdot E = u_C(t_2) \Rightarrow t_2 = \tau_2 = 1 \text{ ms.}$$

$$b- \tau_2 = R_2 \cdot C \Rightarrow R_2 = \frac{\tau_2}{C} \Rightarrow R_2 = \frac{\tau_2}{C} = \frac{10^{-3}}{0,5 \cdot 10^{-6}} = 2000 \Omega = 2 \text{ k}\Omega$$