

## CHIMIE (7 points)

## Exercice N°1(4 points)

L'oxydation des ions iodure  $I^-$  par les ions peroxydisulfate  $S_2O_8^{2-}$  est une réaction chimique lente et totale. Cette réaction est symbolisée par l'équation suivante :  $2 I^- + S_2O_8^{2-} \longrightarrow I_2 + 2 SO_4^{2-}$

Dans un erlenmeyer, on mélange, à l'instant  $t=0$  min, un volume  $V_1 = 30$  mL d'une solution aqueuse d'iodure de potassium KI de concentration molaire  $C_1 = 0,2$  mol.L<sup>-1</sup>, avec un volume  $V_2 = 20$  mL d'une solution aqueuse de peroxydisulfate de potassium  $K_2S_2O_8$  de concentration molaire  $C_2$

A l'aide d'une pipette, on effectue des prélèvements de 5 mL du mélange réactionnel dans dix Becher. Les quantités de matière de diiode formé dans ces Becher sont dosées à des instants différents, par une solution de thiosulfate de sodium ( $Na_2S_2O_3$ ) de concentration  $C_0 = 0,01$  mol.L<sup>-1</sup>

Les résultats expérimentaux nous ont permis de tracer la courbe de la figure 1 qui représente l'évolution au cours du temps, du volume  $V_{OE}$  de la solution de thiosulfate de potassium ajouté à l'équivalence.

1-Calculer les concentrations initiales  $[I^-]_0$  et déduire le nombre de mole initial d'ions  $n_0(I^-)$  dans un volume  $V_p = 5$  mL du mélange réactionnel. (0,5pt+0,5pt)

2- compléter le tableau d'avancement de la réaction entre  $I^-$  et  $S_2O_8^{2-}$  dans l'un des Bechers (Feuille annexe)

3-a-Ecrire l'équation de la réaction du dosage de  $I_2$  formé par les ions  $S_2O_3^{2-}$  sachant que les couples redox mis en jeu sont  $I_2/I^-$  et  $S_4O_6^{2-}/S_2O_3^{2-}$  (0,25pt)

b- Etablir la relation entre  $V_{OE}$  et l'avancement  $x$  de la réaction entre  $I^-$  et  $S_2O_8^{2-}$  (0,25pt)

c- Déterminer  $V_{OE}$  ajouté à l'état final et déduire l'avancement final  $x_f$ . (0,5pt)

4-Montrer que l'ion  $S_2O_8^{2-}$  est le réactif limitant et déterminer sa concentration  $C_2$ . (0,5pt+0,5pt)

5-Montrer que la vitesse de la réaction est  $V = \frac{C_0}{2} \frac{dV_{OE}}{dt}$  et déterminer sa valeur maximale. (0,5pt)

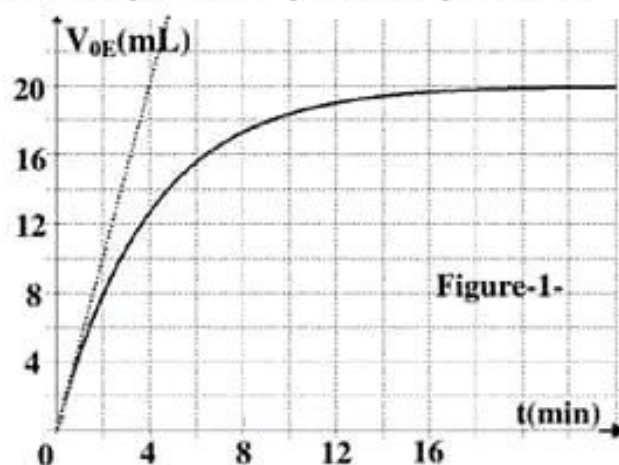


Figure-1-

## Exercice N°2(3 points)

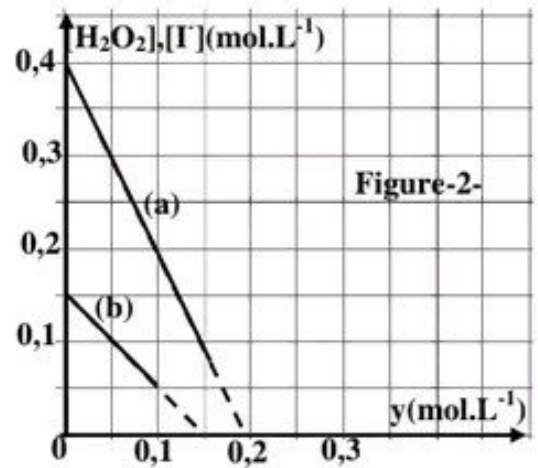
On réalise l'oxydation des ions iodures  $I^-$  par l'eau oxygénée  $H_2O_2$  en milieu acide selon la réaction totale :  $2 I^- + H_2O_2 + 2 H_3O^+ \longrightarrow I_2 + 4 H_2O$

À une température  $\theta$  constante, on mélange dans un bécher à l'instant  $t = 0$ , un volume  $V_1 = 40$  mL d'une solution aqueuse ( $S_1$ ) de d'iodure de potassium (KI) de concentration molaire  $C_1$ , un volume  $V_2 = V_1$  d'une solution aqueuse ( $S_2$ ) d'eau oxygénée ( $H_2O_2$ ) de concentration molaire  $C_2$  et un volume  $V_3 = 20$  mL d'une solution d'acide sulfurique. On obtient un mélange réactionnel de volume  $V = 100$  mL.

1-Les concentrations initiales des réactifs dans le mélange réactionnel de volume  $V = 100$  mL, sont notés  $[H_3O^+]_0$ ,  $[H_2O_2]_0$ ,  $[I^-]_0$ . Le graphe de la figure-2- représente l'évolution en fonction de l'avancement volumique  $y$  de la réaction, des concentrations des réactifs  $I^-$  et  $H_2O_2$ .

Compléter le tableau d'avancement volumique sur la feuille annexe. (0,5pt)

- 2-a- Montrer à partir du graphe que la courbe (a) est celle de  $[I^-]=f(y)$  et que la courbe (b) est celle de  $[H_2O_2]=g(y)$  (0,5pt)  
 b- Déterminer les quantités de matière initiales des réactifs  $I^-$  et  $H_2O_2$  (0,5pt)  
 3- Montrer que  $H_2O_2$  est le réactif limitant et déterminer l'avancement volumique final  $y_f$ . (0,75pt)  
 4- Déterminer les concentrations  $C_1$  et  $C_2$ . (0,75pt)

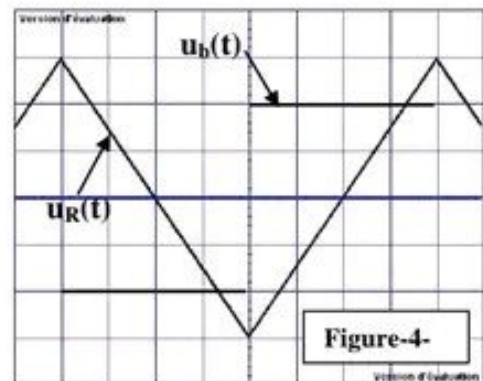
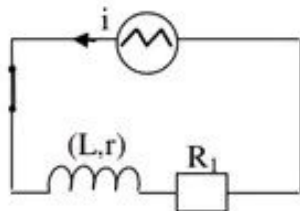


## PHYSIQUE (13 points)

### Exercice N°1 (5,75 points)

**I- Partie -A-** Le montage suivant comprend un générateur basse fréquence **de fréquence N** délivrant une tension triangulaire, relié en série à un interrupteur K, à une bobine (B) d'inductance  $L$  et de résistance  $r$  et un conducteur ohmique de résistance  $R_1 = 3k\Omega$  comme l'indique la figure-3-On visualise sur un oscilloscope bicourbe, les tensions  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine sur la voie  $Y_1$  et  $u_R(t)$  aux bornes du **conducteur ohmique** sur la voie  $Y_2$  inversée. (Figure-4-)

Figure-3-



### Données

Voie  $Y_1$ : 0,2 V/Div, Voie  $Y_2$ : 1V/Div

Sensibilité horizontale : 1ms/Div

1- Déterminer la période  $T$  du signal triangulaire (0,5pt)

2-Montrer que pour  $R_1$  très grande devant  $r$ , on peut écrire  $u_b(t) = \frac{L}{R_1} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$  (1pt)

3- Durant une demi-période, la tension  $u_R(t)$  aux bornes du résistor est une fonction affine de temps telle que  $u_R(t) = a.t+b$  ( $a$  et  $b$  des constantes)

a- Déterminer la pente  $a$  durant la demi-période où  $u_R$  est décroissante au cours du temps (0,5pt)

b- Déterminer durant la même demi période, la tension  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine. En déduire l'inductance  $L$  de la bobine (0,25pt+0,5pt)

4-Déterminer l'énergie stockée par la bobine lorsque  $u_R(t)$  est extrême. (1pt)

**II- Partie -B-** On remplace le conducteur ohmique de résistance  $R_1$  par un conducteur ohmique de résistance  $R_2 = r$  et on garde la même fréquence du GBF. On visualise les tensions  $u_R(t)$  et  $u_b(t)$  et on déduit la tension  $u(t) = u_b(t) - u_R(t)$

1- Montrer que  $u(t) = U = \frac{L}{r} \cdot \frac{du_R}{dt}$  (0,5pt)

2- Sachant que durant la demi-période où  $u_R$  est croissante, les valeurs extrêmes de  $u_R(t)$  sont  $U_{Rmax} = 0,2V$  et  $U_{Rmin} = -0,2V$  et  $U = 5V$ . Déterminer la résistance  $r$  de la bobine. (0,5pt)

3- On règle la fréquence  $N$  du GBF à une valeur  $N_2$ , on constate que les valeurs extrêmes de  $u_R(t)$  ne changent pas mais la tension  $u(t)$  devient  $U_2 = 6V$  lorsque  $u_R$  est croissante, Montrer que la fréquence  $N_2 = \frac{U_2 \cdot r}{2 \cdot L(U_{Rmax} - U_{Rmin})}$

et déterminer la cette fréquence (1pt)



## Exercice N°2 : (7,25 points)

Lors d'une séance de travaux pratiques, on met à la disposition d'un groupe d'élève, le matériel suivant : Un générateur idéal de tension de fem  $E$ , un conducteur ohmique de résistance  $R$ , un condensateur de capacité  $C$  initialement déchargé, Un interrupteur  $K$ , des fils de connexion, un ampèremètre numérique de résistance supposée nulle et un oscilloscope à mémoire.

Le but de l'expérience est de déterminer les valeurs de  $E$ ,  $R$  et  $C$ .  
Pour se faire les élèves réalisent le circuit électrique de la figure- 5-.  
On ferme l'interrupteur  $K$  à l'instant  $t=0s$ , l'ampèremètre indique une intensité du courant qui décroît au cours du temps à partir de la valeur  $i_0 = 50mA$ .

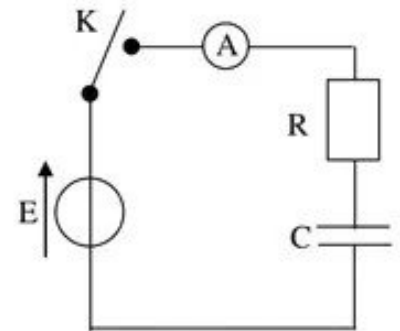


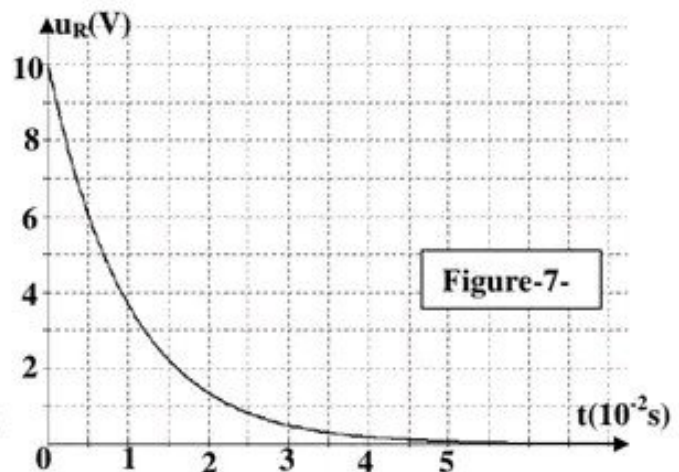
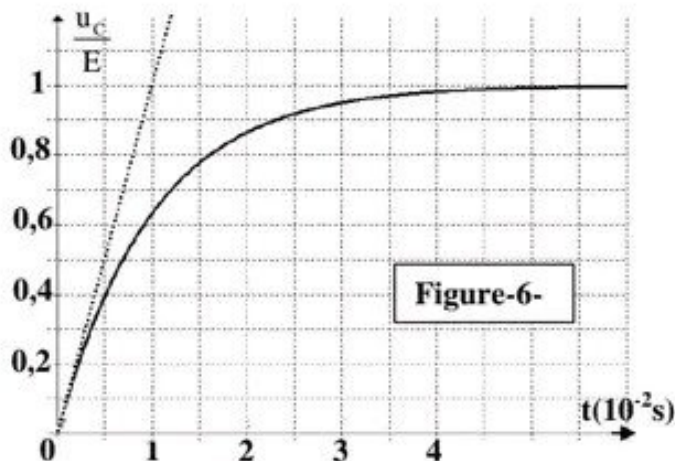
Figure- 5-

- 1- a- Montrer que l'équation différentielle vérifiée par la tension  $u_C(t)$  au bornes du condensateur pendant la phase de sa charge est :

$$\frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R.C} = \frac{E}{R.C} \quad (1pt)$$

- b- Vérifier que  $u_C(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  est une solution de cette équation pour une valeur de  $A$  et une valeur de  $\tau$  qu'on exprimera en fonction de  $E$ ,  $R$  et  $C$ . (1pt)

- c- Dédire l'expression en fonction du temps de la tension  $u_R(t)$  aux bornes du conducteur ohmique (0,5pt)  
2- Indiquer sur la feuille à rendre avec les copies, les connexions à établir entre le circuit électrique et l'oscilloscope à mémoire afin de visualiser la tension aux bornes du **générateur sur la voie  $Y_1$**  et la tension  $u_C(t)$  aux bornes du **condensateur sur la voie  $Y_2$** . (0,5pt)  
3- En appuyant sur le bouton **math** de l'oscilloscope numérique et en réalisant une opération mathématique, on a pu visualiser la courbe d'évolution au cours du temps de la tension  $u_R(t)$  aux bornes du conducteur ohmique et en réalisant une **autre opération** mathématique, on a pu tracer la courbe d'évolution au cours du temps du rapport de tension  $\frac{u_C(t)}{E}$  (Figure-6- et figure-7-)



- a- Indiquer, en le justifiant, parmi les opérations suivantes celles qui conviennent pour visualiser  $\frac{u_C(t)}{E}$  et  $u_R(t)$  (0,5pt)

Source A	Source A	Source A	Source A	Source A	Source A	Source A
Can 1	Can 2	Can 1	Can 2	Can 2	Can 2	Can 1
Operateur	Operateur	Operateur	Operateur	Operateur	Operateur	Operateur
+	-	-	x	/	/	/
Source B	Source B	Source B	Source B	Source B	Source B	Source B
Can 2	Can 1	Can 2	Can 1	Can 2	Can 1	Can 2
(a)	(b)	(c)	(d)	(e)	(f)	(g)

- b-** Déterminer la constante de temps  $\tau$ . (Expliciter la méthode préconisée). **(0,25pt)**
- c-** En exploitant les deux courbes Déterminer le rapport  $\frac{u_c(t)}{E}$  à l'instant  $t_1=5.10^{-3}$ s et déduire que la fem du générateur est  $E=10$ V. **(1pt)**
- d-** Déterminer la résistance  $R$  du conducteur ohmique **(0,5pt)**
- e-** Déterminer par deux méthodes, la capacité  $C$  du condensateur **(0,5pt + 0,5pt)**
- 4-** Déterminer l'énergie  $E_C$  emmagasinée par le condensateur lorsque l'ampèremètre indique un courant d'intensité  $i=10^{-2}$  A. **(1pt)**

***Fin du devoir***

Nom et prénom : .....	N° : .....	Classe :
--------------------------	------------	----------

### Feuille à rendre avec les copies

#### Le tableau d'avancement

Équation de la réaction		$2 \text{I}^- + \text{S}_2\text{O}_8^{2-} \longrightarrow \text{I}_2 + 2\text{SO}_4^{2-}$			
État du système	Avancement	Quantité de matière (mol)			
Initial	0				
Intermédiaire	x				
Final	$x_f$				

#### Le tableau d'avancement volumique

Équation de la réaction		$2 \text{I}^- + \text{H}_2\text{O}_2 + 2 \text{H}_3\text{O}^+ \longrightarrow \text{I}_2 + 4 \text{H}_2\text{O}$				
État du système	Avancement volumique	Concentration ( $\text{mol.L}^{-1}$ )				
Initial	0			excès		
Intermédiaire	y			excès		
Final	$y_f$			excès		

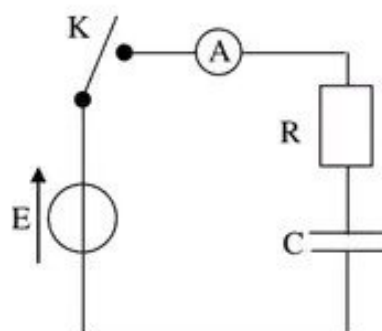
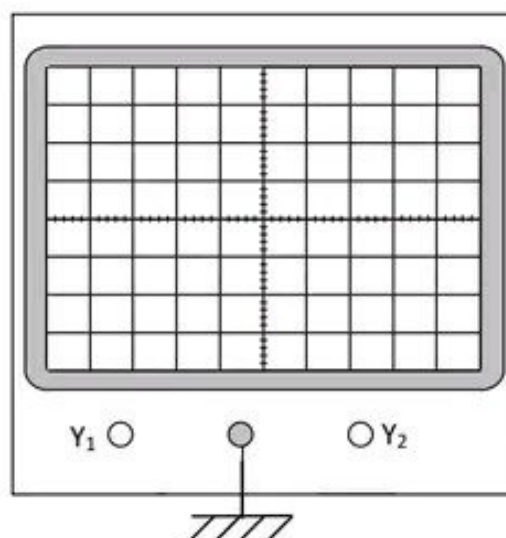


Figure- 5-





**Correction du devoir de contrôle N°1**  
**CHIMIE (7 points)**

**Exercice N°1 (4 points)**

1-  $[I^-]_0 = \frac{C_1 \cdot V_1}{V_1 + V_2} = \frac{0,2 \cdot 30}{50} = 12 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  et  $n_0(I^-) = [I^-]_0 \cdot V_p = 12 \cdot 10^{-2} \cdot 5 \cdot 10^{-3} = 6 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$

**2- Le tableau d'avancement**

Équation de la réaction		$2 I^- + S_2O_8^{2-} \longrightarrow I_2 + 2SO_4^{2-}$			
État du système	Avancement	Quantité de matière (mol)			
Initial	0	$n_0(I^-) = 6 \cdot 10^{-4}$	$n_0(S_2O_8^{2-})$	0	0
Intermédiaire	x	$6 \cdot 10^{-4} - 2x$	$n_0(S_2O_8^{2-}) - x$	x	2x
Final	$x_f$	$6 \cdot 10^{-4} - 2x_f$	$n_0(S_2O_8^{2-}) - x_f$	$x_f$	$2x_f$

**3-a- L'équation de la réaction du dosage**

b- A l'équivalence, on a  $n(I_2) = x = \frac{n(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{C_0 \cdot V_{0E}}{2}$

c- A l'état final  $V_{0Ef} = 20 \text{ mL}$  et  $x_f = \frac{C_0 \cdot V_{0Ef}}{2} = \frac{0,01 \cdot 20 \cdot 10^{-3}}{2} = 10^{-4} \text{ mol}$

4- On a, à l'état final  $n_f(I^-) = 6 \cdot 10^{-4} - 2x_f = 6 \cdot 10^{-4} - 2 \cdot 10^{-4} = 4 \cdot 10^{-4} \text{ mol} > 0$  alors  $I^-$  est le réactif en excès et par suite l'ion  $S_2O_8^{2-}$  est le réactif limitant

On a, à l'état final  $n_f(S_2O_8^{2-}) = 0 = n_0(S_2O_8^{2-}) - x_f \Rightarrow n_0(S_2O_8^{2-}) = x_f = 10^{-4} \text{ mol}$

$$[S_2O_8^{2-}]_0 = \frac{C_2 \cdot V_2}{V_1 + V_2} = \frac{x_f}{V_p} \Rightarrow C_2 = \frac{x_f}{V_p} \cdot \left( \frac{V_1 + V_2}{V_2} \right) = \frac{10^{-4}}{5 \cdot 10^{-3}} \cdot \left( \frac{50}{20} \right) = 0,05 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

5- On a trouvé l'avancement  $x = \frac{C_0 \cdot V_{0E}}{2} \Rightarrow$  la vitesse de la réaction est  $V = \frac{dx}{dt} = \frac{d}{dt} \left( \frac{C_0}{2} V_{0E} \right) = \frac{C_0}{2} \frac{dV_{0E}}{dt}$

La vitesse maximale est la vitesse initiale de réaction

La pente de la tangente à la courbe de  $V_{0E} = f(t)$  au point d'abscisse  $t_0 = 0 \text{ min}$ . est  $a = \frac{dV_{0E}}{dt}(t_0 = 0)$

AN :  $a = \frac{20 \cdot 10^{-3}}{4} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ L} \cdot \text{min}^{-1}$

$$V(t_0) = \frac{C_0}{2} \frac{dV_{0E}}{dt}(t_0 = 0) = \frac{C_0}{2} a = \frac{0,01}{2} \cdot 5 \cdot 10^{-3} = 2,5 \cdot 10^{-5} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$$

**Exercice N°2 : (3 pts)****1- Le tableau d'avancement volumique**

Équation de la réaction		$2 I^- + H_2O_2 + 2 H_3O^+ \longrightarrow I_2 + 4 H_2O$				
État du système	Avancement volumique	Concentration (mol.L <sup>-1</sup> )				
Initial	0	$[I^-]_0$	$[H_2O_2]_0$	excès	0	excès
Intermédiaire	y	$[I^-]_0 - 2y$	$[H_2O_2]_0 - y$	excès	y	excès
Final	$y_f$	$[I^-]_0 - 2y_f$	$[H_2O_2]_0 - y_f$	excès	$y_f$	excès

2-a- D'après le tableau d'avancement volumique, on a  $[I^-] = [I^-]_0 - 2y$  donc la courbe de  $[I^-] = f(y)$  est une demi-droite affine de pente -2

La pente de la courbe (a) =  $\frac{0,4 - 0,2}{0 - 0,1} = -2$  donc la courbe (a) est celle de  $[I^-] = f(y)$

D'après le tableau d'avancement volumique, on a  $[H_2O_2] = [H_2O_2]_0 - y$  donc la courbe de  $[H_2O_2] = g(y)$  est une demi-droite affine de pente -1

La pente de la courbe (b) =  $\frac{0,15 - 0,05}{0 - 0,1} = -1$  donc la courbe (b) est celle de  $[H_2O_2] = g(y)$

b-  $n_0(I^-) = [I^-]_0 \cdot V = 0,4 \cdot 0,1 = 0,04 \text{ mol}$

$n_0(H_2O_2) = [H_2O_2]_0 \cdot V = 0,15 \cdot 0,1 = 0,015 \text{ mol}$

3- Pour chercher le réactif limitant, on compare  $\frac{n_0(I^-)}{2}$  et  $n_0(H_2O_2)$ .

On a  $a = \frac{n_0(I^-)}{2} = \frac{0,04}{2} = 0,02 \text{ mol} > n_0(H_2O_2) = 0,015 \text{ mol}$  donc  $H_2O_2$  est le réactif limitant

A l'état final  $[H_2O_2] = [H_2O_2]_0 - y_f = 0 \Rightarrow y_f = [H_2O_2]_0 = 0,15 \text{ mol.L}^{-1}$ .

4-On a  $V_1 = V_2$  et  $V = V_1 + V_2 + V_3 = 2V_1 + V_3 \Rightarrow V_1 = \frac{V - V_3}{2} = \frac{100 - 20}{2} = 40 \text{ mL} = V_2$

$C_1 = \frac{n_0(I^-)}{V_1} = \frac{0,04}{0,04} = 1 \text{ mol.L}^{-1}$  et  $C_2 = \frac{n_0(H_2O_2)}{V_2} = \frac{0,015}{0,04} = 0,375 \text{ mol.L}^{-1}$ .

## PHYSIQUE (13 points)

### Exercice N°1 : (5,75 points)

#### I- Partie -A-

1- La période du signal triangulaire est  $T = 8 \text{ div} \cdot 1 \text{ ms/div} = 8 \text{ ms}$

2- La tension aux bornes du résistor est  $u_R(t) = R_1 \cdot i(t) \Rightarrow i(t) = \frac{u_R(t)}{R_1}$  et  $\frac{di(t)}{dt} = \frac{1}{R_1} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$

$u_b(t) = r \cdot i(t) + L \frac{di(t)}{dt}$  or  $R_1$  est très grande devant  $r \Rightarrow u_b(t) = L \frac{di(t)}{dt} = L \cdot \frac{1}{R_1} \cdot \frac{du_R(t)}{dt} = \frac{L}{R_1} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$

3-a- La pente de la droite est  $a = \frac{(U_{Rmin} - U_{Rmax})}{\Delta t}$  or  $\Delta t = \frac{T}{2} \Rightarrow$

$$a = \frac{2(U_{Rmin} - U_{Rmax})}{T} = \frac{2 \cdot (-6 \text{ div}) \cdot 1 \text{ V/div}}{8 \cdot 10^{-3}} = -1500 \text{ V.s}^{-1}.$$

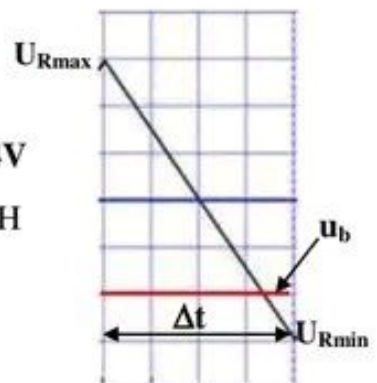
b- Durant la même demi période, la tension  $u_b(t) = -2 \text{ div} \cdot 0,2 \text{ V/div} = -0,4 \text{ V}$

$$u_b(t) = \frac{L}{R_1} \cdot \frac{du_R(t)}{dt} = \frac{L}{R_1} \cdot a \Rightarrow L = \frac{R_1}{a} u_b(t) = \frac{R_1}{a} u_b(t) = \frac{3000}{-1500} \cdot (-0,4) = 0,8 \text{ H}$$

4- Lorsque  $u_R$  est extrême,  $u_R = \pm 6 \text{ V}$

$$\text{On a } u_R = \pm 3 \text{ V} \Rightarrow i = \frac{u_R}{R_1} = \frac{\pm 3}{3000} = \pm 0,001 \text{ A} = \pm 10^{-3} \text{ A} = \pm 1 \text{ mA}$$

$$\text{L'énergie stockée par la bobine est } E_L = \frac{1}{2} \cdot L \cdot i^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,8 \cdot (10^{-3})^2 = 4 \cdot 10^{-7} \text{ J}$$



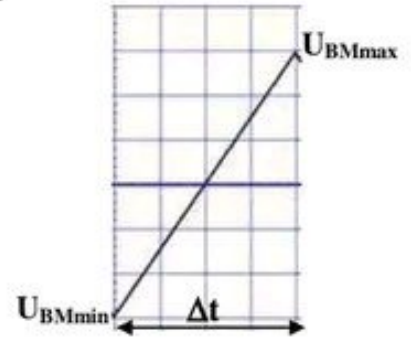
#### II- Partie -B-

1-  $u_b(t) = r \cdot i(t) + L \frac{di(t)}{dt}$  et  $u_R(t) = R_2 \cdot i(t) \Rightarrow u(t) = u_b(t) - u_R(t) = r \cdot i(t) + L \frac{di(t)}{dt} - R_2 \cdot i(t) = L \frac{di(t)}{dt}$  car  $R_2 = r$

$$u(t) = L \frac{di(t)}{dt} \text{ et } i(t) = \frac{u_R(t)}{R_2} = \frac{u_R(t)}{r} \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} = \frac{1}{r} \cdot \frac{du_R(t)}{dt} \Rightarrow u(t) = \frac{L}{r} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$$

2- La nouvelle pente  $a_2 = \frac{2(U_{Rmax} - U_{Rmin})}{T} = \frac{2(0,2 - (-0,2))}{8 \cdot 10^{-3}} = 100 \text{ V} \cdot \text{s}^{-1}$ .

$$u(t) = U = \frac{L}{r} \cdot \frac{du_R}{dt} = \frac{L}{r} \cdot a_2 \Rightarrow r = \frac{L}{U} \cdot a_2 = \frac{0,8}{5} \cdot 100 = 16 \, \Omega$$



3- Lorsque  $u_R$  est croissante la pente est  $a = \frac{2(U_{Rmax} - U_{Rmin})}{T_2} = 2N_2 \cdot (U_{Rmax} - U_{Rmin})$

D'autre part  $U_2 = \frac{L}{r} \cdot \frac{du_R}{dt} = \frac{L}{r} \cdot a = \frac{L}{r} \cdot 2N_2 \cdot (U_{Rmax} - U_{Rmin}) \Rightarrow N_2 = \frac{U_2 \cdot r}{2 \cdot L \cdot (U_{Rmax} - U_{Rmin})}$

$$AN:N_2 = \frac{6 \cdot 16}{2 \cdot 0,8(0,4)} = 150 \text{ Hz}$$

### Exercice N°2 : (7,25 points)

1-a- Loi des mailles au cours de la charge du condensateur :

$$u_C(t) + u_R(t) - E = 0 \Leftrightarrow u_R(t) + u_C(t) = E.$$

avec  $u_R(t) = R \cdot i(t) = R \cdot \frac{dq(t)}{dt}$  or  $q(t) = C \cdot u_C(t) \Rightarrow i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_C(t)}{dt}$

et  $u_R(t) = RC \frac{du_C(t)}{dt}$

En remplaçant  $u_R(t)$  par son expression, on trouve  $RC \frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t) = E \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R \cdot C} = \frac{E}{R \cdot C}$

b-  $u_C(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = A - Ae^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$

$$\frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R \cdot C} = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{1}{R \cdot C} (A - Ae^{-\frac{t}{\tau}}) = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{A}{R \cdot C} - \frac{A}{R \cdot C} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R \cdot C} \text{ si } u_C(t) \text{ est une solution}$$

$$\Rightarrow \frac{A}{R \cdot C} e^{-\frac{t}{\tau}} + A e^{-\frac{t}{\tau}} \left( \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R \cdot C} \right) = \frac{E}{R \cdot C} \Rightarrow \frac{A}{R \cdot C} = \frac{E}{R \cdot C} \text{ et } A e^{-\frac{t}{\tau}} \left( \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R \cdot C} \right) = 0 \Rightarrow A = E \text{ et } \tau = R \cdot C$$

donc  $u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$

c- On a  $u_R(t) + u_C(t) = E \Rightarrow u_R(t) = E - u_C(t) = E - E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = E - E + E e^{-\frac{t}{\tau}} = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$

2- Les connexions

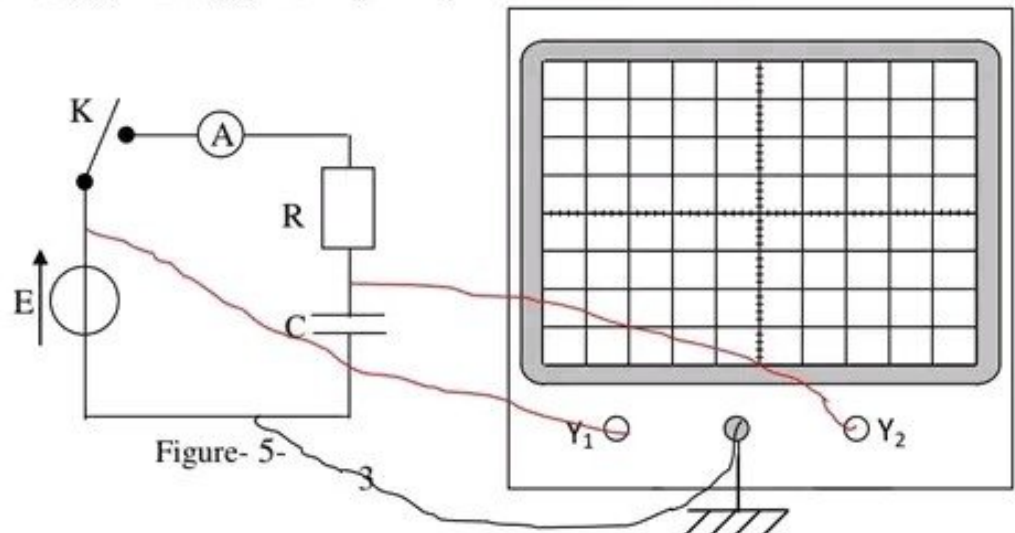


Figure- 5-



**3-a-** L'opération mathématique de l'oscilloscope à mémoire est source A(-ou+ou/ou\*) source B et can1 désigne la voie  $Y_1$  et can2 désigne la voie  $Y_2$ .

Pour visualiser  $u_R(t) = E - u_C(t)$ , on choisit l'opération (c) puisque E est sur la voie 1

Pour visualiser  $\frac{u_C(t)}{E}$ , (E est sur la voie 1) on choisit l'opération (f).

**b-** La constante de temps du circuit de charge du condensateur est  $\tau = 10^{-2}$  s ( $\tau$  est l'abscisse du point d'intersection de la tangente à l'origine avec la droite d'équation  $\frac{u_C}{E} = 1$ )

**c-** Pour  $t_1 = 5 \cdot 10^{-3}$  s =  $\frac{\tau}{2}$ , on a  $\frac{u_C(t_1)}{E} \approx 0,4 \Rightarrow u_C(t_1) = 0,4E \Rightarrow u_R(t_1) = E - u_C(t_1) = E - 0,4E = 0,6 E$  et

$$u_R(t_1) \approx 6V \Rightarrow E = \frac{u_R(t_1)}{0,6} = \frac{6}{0,6} = 10 \text{ V}$$

**Remarque** si on n'a pas dit le mot "déduire", on a pu trouver  $u_R(0) = E = 10V$

**d-** On a  $u_R(0) = R \cdot i(0) = R \cdot i_0 = E = 10V \Rightarrow R = \frac{E}{i_0} = \frac{10}{50 \cdot 10^{-3}} = 200 \Omega$

**e- 1<sup>ère</sup> méthode :**  $\tau = R \cdot C \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{10^{-2}}{200} = 5 \cdot 10^{-5} F$

**2<sup>ème</sup> méthode** La pente de la tangente à l'origine à la courbe de  $\frac{u_C}{E}$  est  $a = \frac{1}{E} \frac{du_C}{dt}(0)$

Or  $C \cdot \frac{du_C}{dt}(0) = i(0) = i_0 \Rightarrow \frac{du_C}{dt}(0) = \frac{i_0}{C}$  on déduit alors que  $a = \frac{i_0}{C \cdot E} \Rightarrow C = \frac{i_0}{a \cdot E}$

On trouve  $a = \frac{1}{10^{-2}} = 100 \text{ s}^{-1}$  et  $C = \frac{50 \cdot 10^{-3}}{100 \cdot 10} = 5 \cdot 10^{-5} F$

**4-** Lorsque  $i = 10^{-2}$  A.,  $u_R = R \cdot i = 200 \cdot 10^{-2} = 2V$  et  $u_C = E - u_R = 10 - 2 = 8V$

L'énergie emmagasinée par le condensateur est  $E_C = \frac{1}{2} C u_C^2$

**AN:**  $E_C = \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 10^{-5} (8)^2 = 16 \cdot 10^{-4} J$

Lycée.S.Mourouj1

## Devoir de contrôle N°1

\*\*\*\*\*

Section 4<sup>ème</sup> M<sub>1</sub> :

Epreuve de

Sciences physiques

Durée : 2 heures

## CHIMIE (7 points)

## Exercice N°1(4 points)

On réalise le mélange S, formé par un volume  $V_1=100$  mL d'une solution d'iodure de potassium (KI) acidifiée de concentration molaire  $C_1 = 0,2 \text{ mol.L}^{-1}$  et un volume  $V_2 = V_1$  d'une solution d'eau oxygénée ( $\text{H}_2\text{O}_2$ ) de concentration molaire  $C_2$ . L'équation de la réaction supposée totale entre les ions  $\text{I}^-$  et  $\text{H}_2\text{O}_2$  est  $2 \text{I}^- + \text{H}_2\text{O}_2 + 2 \text{H}_3\text{O}^+ \longrightarrow \text{I}_2 + 4 \text{H}_2\text{O}$

1- Déterminer la quantité de matière initiale de  $\text{I}^-$  (0,5pt)

2- Compléter le tableau d'avancement sur la feuille à rendre avec les copies (0,5pt)

3- La courbe de la figure-1- nous donne l'évolution au cours du temps du nombre de moles de diiode formé dans le mélange réactionnel

a- Déterminer les vitesses de la réaction aux instants  $t_1 = 0$  min et  $t_2 = 8$  min (0,5pt + 0,5pt)

b- Comparer ces vitesses et conclure (0,5pt)

c- Quel est le facteur cinétique responsable de la variation de cette vitesse ? Justifier (0,5pt)

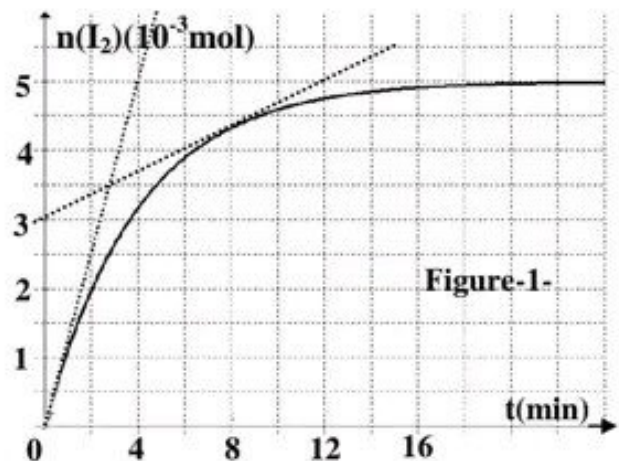
4-a-Montrer que  $\text{H}_2\text{O}_2$  est le réactif limitant (0,5pt)b- En déduire la concentration  $C_2$  de  $\text{H}_2\text{O}_2$  (0,5pt)

Figure-1-

## Exercice N°2(3 points)

L'oxydation des ions iodure  $\text{I}^-$  par les ions peroxodisulfate  $\text{S}_2\text{O}_8^{2-}$  est une réaction chimique lente et totale. Cette réaction est symbolisée par l'équation suivante :  $2 \text{I}^- + \text{S}_2\text{O}_8^{2-} \longrightarrow \text{I}_2 + 2 \text{SO}_4^{2-}$

Dans un bêcher, on mélange, à l'instant  $t=0$  min, un volume  $V_1 = 10$  mL d'une solution aqueuse d'iodure de potassium KI de concentration molaire  $C_1 = 0,2 \text{ mol.L}^{-1}$ , avec un volume  $V_2 = 30$  mL d'une solution aqueuse de peroxodisulfate de potassium  $\text{K}_2\text{S}_2\text{O}_8$  de concentration molaire  $C_2 = 0,02 \text{ mol.L}^{-1}$ .

1-Calculer les concentrations initiales  $[\text{I}^-]_0$  et  $[\text{S}_2\text{O}_8^{2-}]_0$  des ions iodure et des ions peroxodisulfate dans le mélange réactionnel. (0,5pt)

2- Préciser, en le justifiant, le réactif limitant. (0,5pt)

3- Dresser le tableau d'avancement volumique (Feuille annexe ) (0,5pt)

4-Déterminer l'avancement volumique final de cette réaction (0,25pt)

5- Au bout de 10 min, on dose la quantité de matière de diiode formé par une solution de thiosulfate de sodium ( $\text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3$ ) de concentration  $C_0 = 0,05 \text{ mol.L}^{-1}$ 

a- Ecrire l'équation de la réaction du dosage (0,25pt)

b- Sachant que le volume de thiosulfate de sodium ajouté à l'équivalence est  $V_{0E} = 20$  mL, déterminer la quantité de matière de  $\text{I}_2$  dosé (0,5pt)

c- Peut-on affirmer que la réaction n'est pas terminée? Justifier (0,5pt)



# PHYSIQUE (13 points)

## Exercice N°1(6 points)

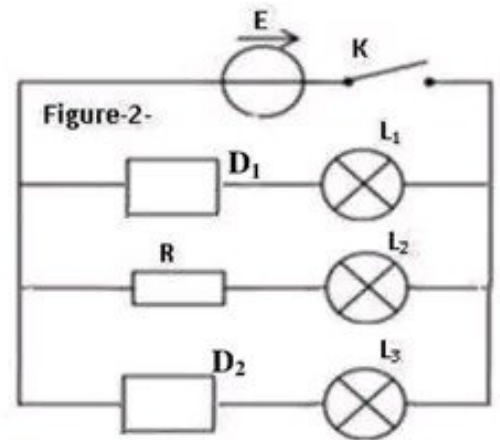
I- En travaux pratiques, un élève dispose d'un conducteur ohmique de résistance  $R$  et de deux dipôles de nature inconnue,  $D_1$  et  $D_2$ . Chacun de ces deux dipôles peut être soit un condensateur de capacité  $C$ , soit une bobine de résistance  $r$  et d'inductance  $L$ . Afin d'identifier les deux dipôles l'élève réalise le circuit schématisé sur la figure-2-. Lorsqu'il ferme l'interrupteur  $K$  : La lampe  $L_1$  s'allume et s'éteint et la lampe  $L_3$  s'allume avec un retard temporel par rapport aux lampes  $L_1$  et  $L_2$ .

1- Identifier les dipôles  $D_1$  et  $D_2$  (0,5pt)

2-a- Préciser pourquoi la lampe  $L_3$  s'allume en retard. (0,5pt)

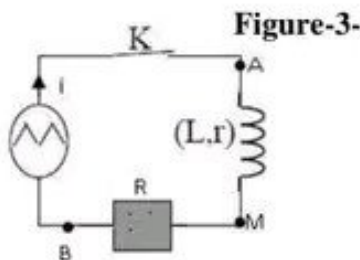
b- Nommer le phénomène responsable du retard d'allumage de la lampe  $L_3$  (0,25pt)

3- Pourquoi la lampe  $L_1$  s'allume et s'éteint? (0,25pt)



II- Le montage suivant comprend un générateur basse fréquence de fréquence  $N = 400 \text{ Hz}$  délivrant une tension triangulaire, relié en série à un interrupteur  $K$ , à une bobine  $(B)$  d'inductance  $L$  et un conducteur ohmique de résistance  $R = 1920 \Omega$  comme l'indique la figure-3-

On visualise sur un oscilloscope bicourbe, les tensions  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine sur la voie  $Y_1$  et  $u_{BM}(t)$  aux bornes du résistor sur la voie  $Y_2$ . (Figure-4-)



## Données

Voie  $Y_1$ : 0,5 V/Div , Voie  $Y_2$  : 2V/Div

1- Déterminer la période  $T$  du signal triangulaire (0,5pt)

2- Indiquer sur la feuille à rendre avec les copies, les connexions qu'il faut faire pour visualiser  $u_b(t)$  sur la voie  $Y_1$  et  $u_{BM}(t)$  sur la voie  $Y_2$ . (0,5pt)

3-a- Donner la relation entre les tensions  $u_{BM}(t)$  et  $u_R(t)$  aux bornes du résistor (0,25pt)

b- Montrer que pour  $R$  très grande devant  $r$ , on peut écrire  $u_b(t) = -\frac{L}{R} \cdot \frac{du_{BM}(t)}{dt}$  (1pt)

4- Durant une demi période, la tension  $u_{BM}$  aux bornes du résistor est une fonction affine de temps telle que  $u_{BM}(t) = a \cdot t + b$  ( $a$  et  $b$  des constantes)

a- Déterminer la pente  $a$  durant la demi-période où  $u_{BM}$  est croissante au cours du temps (0,5pt)

b- Déterminer durant la même demi période, la tension  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine. En déduire l'inductance  $L$  de la bobine (0,75pt)

5- Déterminer l'énergie  $E_L$  de la bobine lorsque  $u_R = 3,84 \text{ V}$ . (1pt)

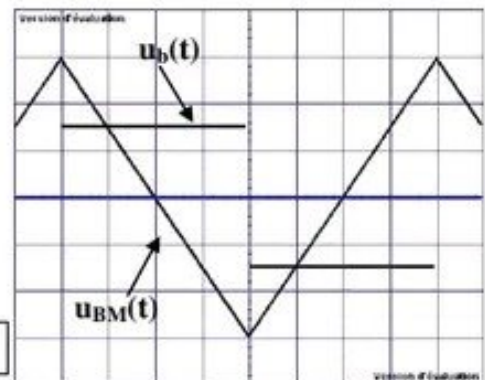


Figure-4-



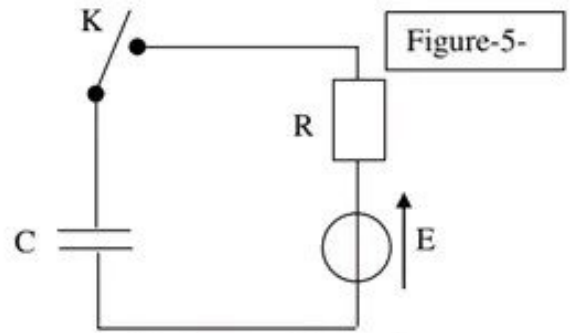
## Exercice N°2 :(7 points)

Avec :

- Un générateur idéal de tension de f.e.m  $E = 10V$ .
- Un résistor de résistance  $R$
- Un condensateur de capacité  $C$
- Un interrupteur  $K$ .

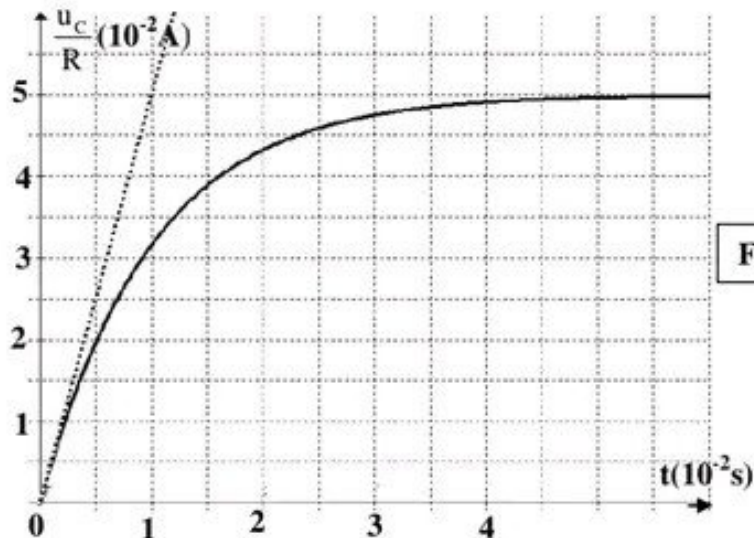
On réalise le circuit ci-contre (figure-5-)

Le condensateur étant initialement déchargé.



A  $t=0s$ , on ferme l'interrupteur  $K$ .

Un dispositif d'acquisition de données relié à un ordinateur nous a permis de tracer la courbe d'évolution au cours du temps du quotient de la tension  $u_C$  aux bornes du condensateur par la résistance  $R$  du résistor (figure-6-)



- 1- a- Montrer que l'équation différentielle vérifiée par la charge  $q$  du condensateur pendant la phase de sa charge est

$$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{R.C} = \frac{E}{R} \quad (1) \quad (1pt)$$

b- Dédurre que  $C. \frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R} = \frac{E}{R} \quad (2) \quad (0,25pt)$

- 2-a- Vérifier que  $q(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  est une solution de cette équation (1), pour une valeur de  $A$  qu'on exprimera en fonction de  $C$  et  $E$  et une valeur de  $\tau$  exprimée en fonction de  $R$  et  $C$ . (1pt)

- b- En déduire les expressions en fonction du temps de la tension  $u_C(t)$  aux bornes du condensateur et de l'intensité du courant  $i(t)$  qui circule dans le circuit en précisant celle de  $i(0)$  (0,5pt+0,5pt)

- 3- En exploitant le chronogramme de la figure-6- déduire :

- a- La valeur de  $\tau$ . (Expliciter la méthode préconisée). (0,25pt)

- b- Montrer que l'intensité du courant initial qui circule dans le circuit est  $i(0)=0,05A$  et que la charge du condensateur en régime permanent est  $Q_p = 5.10^{-4}C$  (0,5pt+0,5pt)

- 4- a- Déterminer capacité  $C$  du condensateur, sachant  $E=10V$ . (0,5pt)

- b- Déterminer par deux méthodes, la résistance  $R$  du résistor. (0,5pt+0,5pt)

- c- Tracer l'allure de la courbe de  $\frac{u_C}{R} = f(t)$  si on augmente la valeur de  $R$ . (0,25pt)

- 5- Déterminer l'énergie  $E_C$  emmagasinée par le condensateur lorsque le quotient  $\frac{u_C}{R} = 2.10^{-2} A$  (1pt)

Nom et prénom : .....	N° : .....	Classe :
--------------------------	------------	----------

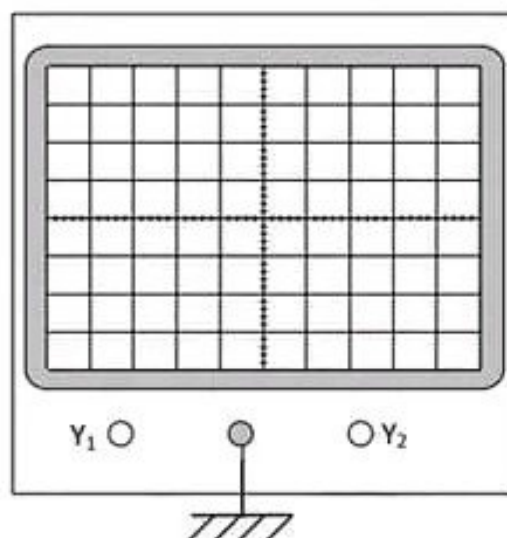
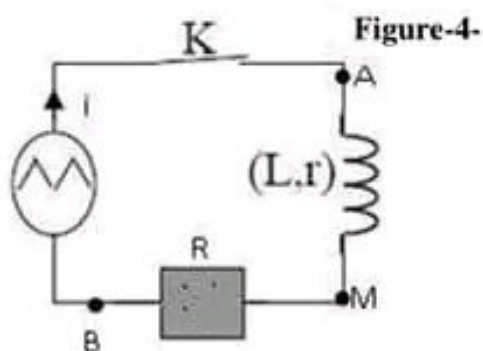
### Feuille à rendre avec les copies

Equation de la réaction		$2\text{I}^- + \text{H}_2\text{O}_2 + 2\text{H}_3\text{O}^+ \longrightarrow \text{I}_2 + 4\text{H}_2\text{O}$				
Etat du mélange	Avancement (mol)	Quantité de matière (mol)				
Initial	0		$n_0$	excès		excès
En cours						
Final						

### Le tableau d'avancement volumique

Équation de la réaction		$2\text{I}^- + \text{S}_2\text{O}_8^{2-} \longrightarrow \text{I}_2 + 2\text{SO}_4^{2-}$			
État du système	Avancement volumique	Concentration ( $\text{mol.L}^{-1}$ )			
Initial	0				
Intermédiaire	y				
Final	$y_f$				

.....



**Correction du devoir de contrôle N°1**  
**CHIMIE (7 points)**

**Exercice N°1 : (4 pts)**1-  $n_0(\Gamma) = C_1 \cdot V_1 = 0,2 \cdot 0,1 = 0,02 \text{ mol}$ 

2- Le tableau d'avancement

Equation de la réaction		$2\Gamma^- + \text{H}_2\text{O}_2 + 2\text{H}_3\text{O}^+ \longrightarrow \text{I}_2 + 4\text{H}_2\text{O}$				
Etat du mélange	Avancement (mol)	Quantité de matière (mol)				
Initial	0	0,02	$n_0$	excès	0	excès
En cours	x	$0,02-2x$	$n_0-x$	excès	x	excès
Final	$x_f$	$0,02-2x_f$	$n_0-x_f$	excès	$x_f$	excès

3-a- La valeur de la vitesse initiale de réaction est la pente de la tangente à la courbe

$$\text{d'avancement } x = n(\text{I}_2), \text{ au point d'abscisse } t_1 = 0 \text{ min. } V(t_1) = \frac{5 \cdot 10^{-3}}{4} = 1,25 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

- La valeur de la vitesse de réaction à  $t_2 = 8 \text{ min}$ , est la pente de la tangente à la courbe

$$\text{d'avancement au point d'abscisse } t_2. V(t_2) = \frac{5 \cdot 10^{-3} - 3 \cdot 10^{-3}}{12 - 0} \approx 0,17 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

b-  $V(t_2) < V(t_1) \Rightarrow$  La vitesse instantanée diminue au cours du temps.

c- Le facteur cinétique responsable est la concentration des réactifs qui diminue au cours du temps

4-a- A l'état final, on a  $n_f(\text{I}_2) = x_f = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \Rightarrow$  A l'état final  $n_f(\Gamma) = n_0(\Gamma) - 2x_f = 0,02 - 10^{-2} = 10^{-2} \text{ mol}$ On a  $n_f(\Gamma) = 10^{-2} \text{ mol} \neq 0$  donc  $\Gamma$  est un réactif en excès  $\Rightarrow \text{H}_2\text{O}_2$  est le réactif limitantb- On a  $n_f(\text{H}_2\text{O}_2) = n_0 - x_f = 0 \Rightarrow n_0 = x_f = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$  et  $C_2 = \frac{n_0}{V_2} = \frac{5 \cdot 10^{-3}}{0,1} = 5 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ **Exercice N°2 (3 points)**

1-  $[\Gamma]_0 = \frac{C_1 \cdot V_1}{V_1 + V_2} = \frac{0,2 \cdot 10}{40} = 5 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$

$$[\text{S}_2\text{O}_8^{2-}]_0 = \frac{C_2 \cdot V_2}{V_1 + V_2} = \frac{0,02 \cdot 30}{40} = 1,5 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

2- Pour chercher le réactif limitant, on compare  $\frac{n_0(\Gamma)}{2}$  et  $n_0(\text{S}_2\text{O}_8^{2-})$ 

$$\text{On a } \frac{n_0(\Gamma)}{2} = \frac{C_1 \cdot V_1}{2} = \frac{0,2 \cdot 10 \cdot 10^{-3}}{2} = 10^{-3} \text{ mol} \text{ et } n_0(\text{S}_2\text{O}_8^{2-}) = C_2 \cdot V_2 = 0,02 \cdot 30 \cdot 10^{-3} = 0,6 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

$$\frac{n_0(\Gamma)}{2} > n_0(\text{S}_2\text{O}_8^{2-}) \Rightarrow \text{S}_2\text{O}_8^{2-} \text{ est le réactif limitant}$$

3- Tableau d'avancement volumique

Équation de la réaction		$2\Gamma^- + \text{S}_2\text{O}_8^{2-} \longrightarrow \text{I}_2 + 2\text{SO}_4^{2-}$			
État du système	Avancement volumique	Concentration ( $\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$ )			
Initial	0	$5 \cdot 10^{-2}$	$1,5 \cdot 10^{-2}$	0	0
Intermédiaire	y	$5 \cdot 10^{-2} - 2y$	$1,5 \cdot 10^{-2} - y$	y	2y
Final	$y_f$	$5 \cdot 10^{-2} - 2y_f$	$1,5 \cdot 10^{-2} - y_f$	$y_f$	$2y_f$



4- A l'état final, on a  $[S_2O_8^{2-}]_f = 0 = 1,5 \cdot 10^{-2} - y_f \Rightarrow y_f = 1,5 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$

5-a- L'équation de la réaction du dosage



b- A l'équivalence, on a  $n(I_2) = \frac{n(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{C_0 \cdot V_{0E}}{2} = \frac{0,05 \cdot 20 \cdot 10^{-3}}{2} = 0,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

c- A l'état final  $n(I_2)_f = n_0(S_2O_8^{2-}) = 0,6 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

donc la réaction n'est pas terminée car  $n(I_2) = 0,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol} < n(I_2)_f = 0,6 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

## PHYSIQUE (13 points)

### Exercice N°1 : (6 points)

I-

1- Le dipôle  $D_1$  est un condensateur et le dipôle  $D_2$  est une bobine

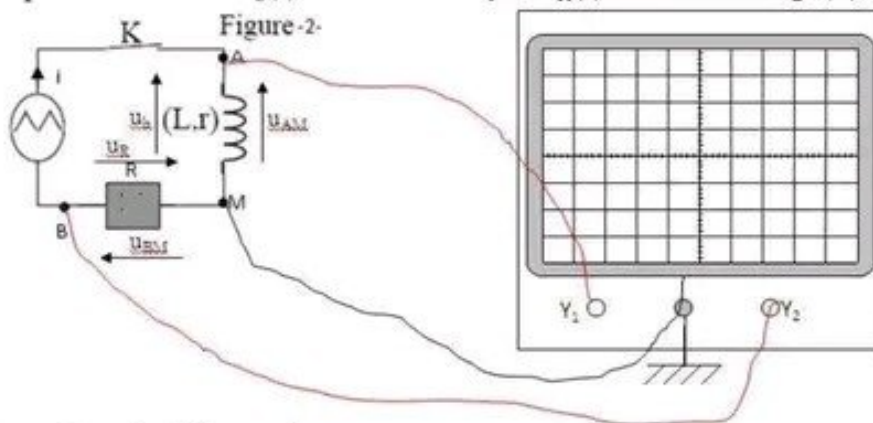
2-a- lorsqu'on ferme l'interrupteur K, le champ magnétique à l'intérieur de la bobine augmente et cette augmentation du champ magnétique donne naissance à un courant induit pendant une brève durée dont le sens est opposé à celui qui traverse la bobine. Ce courant induit est à la cause du retard d'allumage de la lampe  $L_3$

b- Le phénomène responsable du retard d'allumage de  $L_3$  est appelé phénomène d'auto induction

3- Lorsque le condensateur est totalement chargé, il se comporte comme un interrupteur ouvert c'est pourquoi la lampe  $L_1$  s'éteint.

II- 1- La période du signal triangulaire est  $T = \frac{1}{N} = \frac{1}{400} = 2,5 \cdot 10^{-3} \text{ s} = 2,5 \text{ ms}$

2- Les connexions pour visualiser  $u_b(t)$  sur la voie  $Y_1$  et  $u_R(t)$  sur la voie  $Y_2$ . (0,75pt)



3-a- On visualise sur la voie 2 la tension  $u_{BM} = -u_R$

b- La tension aux bornes du résistor est  $u_R = R \cdot i \Rightarrow i = \frac{u_R}{R} = -\frac{u_{BM}}{R}$  et  $\frac{di}{dt} = \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} = -\frac{1}{R} \cdot \frac{du_{BM}}{dt}$

$$u_b = r \cdot i + L \frac{di}{dt} \text{ or } R \text{ est très grande devant } r \Rightarrow u_b = L \frac{di}{dt} = L \cdot \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} = L \cdot -\frac{1}{R} \cdot \frac{du_{BM}}{dt} = -\frac{L}{R} \cdot \frac{du_{BM}}{dt}$$

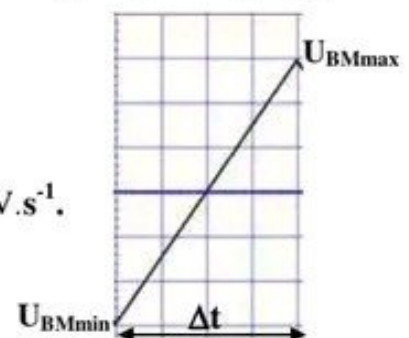
4-a- La tension  $u_{BM} = at + b \Rightarrow a = \frac{du_{BM}}{dt}$

La pente de la droite est  $a = \frac{(U_{BMmax} - U_{BMmin})}{\Delta t}$  or  $\Delta t = \frac{T}{2} \Rightarrow$

$$a = \frac{2(U_{BMmax} - U_{BMmin})}{T} = 2N \cdot (U_{BMmax} - U_{BMmin}) ; \text{ AN : } a = 2 \cdot 400 \cdot (6 \cdot 2) = 9600 \text{ V} \cdot \text{s}^{-1}.$$

b- Durant la même demi période, la tension  $u_b(t) = -1,5 \cdot 0,5 = -0,75 \text{ V}$

$$u_b(t) = -\frac{L}{R} \cdot \frac{du_{BM}(t)}{dt} = -\frac{L}{R} \cdot a \Rightarrow L = -\frac{R \cdot u_b}{a} = -\frac{1920}{9600} \cdot (-0,75) = 0,15 \text{ H}$$



5- L'énergie  $E_L$  emmagasinée par la bobine lorsque  $u_R = 3,84V$

$$\text{On a } u_R = 3,84V \Rightarrow i = \frac{u_R}{R} = \frac{3,84}{1920} = 0,002A = 2 \cdot 10^{-3}A = 2mA$$

$$E_L = \frac{1}{2} L i^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,15 \cdot (2 \cdot 10^{-3})^2 = 3 \cdot 10^{-7}J$$

**Exercice N°2 : (7 points)**

1-a- Loi des mailles au cours de la charge du condensateur :

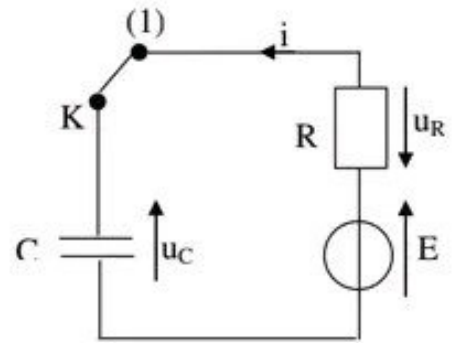
$$u_C(t) + u_R(t) - E = 0 \Leftrightarrow u_R(t) + u_C(t) = E.$$

$$\text{avec } u_R(t) = R \cdot i(t) = R \cdot \frac{dq(t)}{dt} \text{ et } u_C(t) = \frac{q(t)}{C}$$

En remplaçant  $u_R$  et  $u_C$  par son expression, on trouve

$$R \cdot \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{C} = E \Rightarrow \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{R \cdot C} = \frac{E}{C \cdot R}$$

b- On a  $\frac{q(t)}{C} = u_C(t)$  et  $\frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_C(t)}{dt} \Rightarrow$  L'équation différentielle devient  $C \cdot \frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R} = \frac{E}{R}$



2-a-  $q(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = A - Ae^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow \frac{dq(t)}{dt} = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$

$$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{R \cdot C} = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{1}{R \cdot C} (A - Ae^{-\frac{t}{\tau}}) = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{A}{R \cdot C} - \frac{A}{R \cdot C} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R} \text{ si } q(t) \text{ est une solution}$$

$$\Rightarrow \frac{A}{R \cdot C} e^{-\frac{t}{\tau}} + A e^{-\frac{t}{\tau}} \left( \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R \cdot C} \right) = \frac{E}{R} \Rightarrow \frac{A}{R \cdot C} = \frac{E}{R} \text{ et } A e^{-\frac{t}{\tau}} \left( \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R \cdot C} \right) = 0 \Rightarrow A = C \cdot E \text{ et } \tau = R \cdot C$$

$$\text{donc } q(t) = C \cdot E (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

b-  $u_C(t) = \frac{q(t)}{C} = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$

$$i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{C \cdot E}{R \cdot C} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} \text{ et } i(0) = \frac{E}{R}$$

3-a- La constante de temps du circuit de charge du condensateur est  $\tau = 10^{-2} s$  ( $\tau$  est l'abscisse du point d'intersection de la tangente à l'origine avec la droite d'équation  $\frac{u_C}{R} = \frac{E}{R}$ )

b- On régime permanent  $u_C = E = \text{constante} \Rightarrow \frac{u_C}{R} = \frac{E}{R} = i(0) = 0,05 A$

$$\frac{E}{R} = 0,05 A = i(0) = \frac{C \cdot E}{C \cdot R} = \frac{Q_p}{\tau} \Rightarrow Q_p = \tau \cdot i(0) = 10^{-2} \cdot 0,05 = 5 \cdot 10^{-4} C.$$

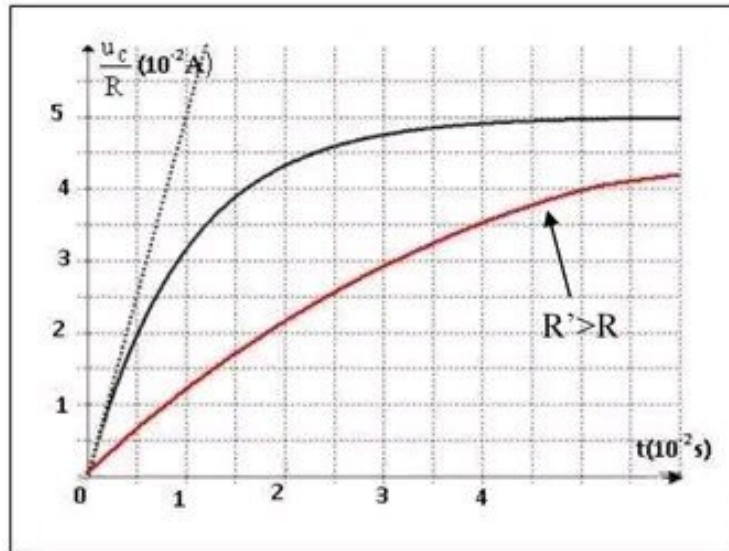
4-a-  $Q_p = C \cdot E \Rightarrow C = \frac{Q_p}{E} = \frac{5 \cdot 10^{-4}}{10} = 5 \cdot 10^{-5} F$

b- 1<sup>ère</sup> méthode :  $\tau = R \cdot C \Rightarrow R = \frac{\tau}{C} = \frac{10^{-2}}{5 \cdot 10^{-5}} = 200 \Omega$

2<sup>ème</sup> méthode  $i(0) = \frac{E}{R} \Rightarrow R = \frac{E}{i(0)} = \frac{10}{0,05} = 200 \Omega$

c- Lorsqu'on augmente la valeur de  $R$ , le rapport  $\frac{E}{R}$  diminue et  $\tau$  augmente

l'allure de la courbe de  $\frac{u_C}{R} = f(t)$  si on augmente la valeur de  $R$ .



5- On a le quotient  $\frac{u_C}{R} = 2 \cdot 10^{-2} \text{ A} \Rightarrow u_C = 2 \cdot 10^{-2} R = 2 \cdot 10^{-2} \cdot 200 = 4 \text{ V}$

L'énergie emmagasinée par le condensateur est  $E_C = \frac{1}{2} C u_C^2$

AN :  $E_C = \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 10^{-5} (4)^2 = 4 \cdot 10^{-4} \text{ J}$



**CHIMIE (7=6\*1,18 points)**

L'oxydation des ions iodure  $I^-$  par les ions peroxodisulfate  $S_2O_8^{2-}$  est une réaction chimique lente et totale. Cette réaction est symbolisée par l'équation suivante :  $2 I^- + S_2O_8^{2-} \longrightarrow I_2 + 2SO_4^{2-}$

Dans un bêcher, on mélange, à l'instant  $t=0$  min, un volume  $V_1 = 20$  mL d'une solution aqueuse d'iodure de potassium KI de concentration molaire  $C_1$ , avec un volume  $V_2 = 30$  mL d'une solution aqueuse de peroxodisulfate de potassium  $K_2S_2O_8$  de concentration molaire  $C_2 = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$ . Par une méthode expérimentale convenable, on suit la formation du diiode  $I_2$  au cours du temps.

1-Déterminer la concentration initiale  $C_2$  des ions  $S_2O_8^{2-}$  dans le mélange réactionnel. (0,5pt)

2- Compléter le tableau d'avancement volumique du système chimique contenu dans le bêcher. (0,5pt)

Equation de la réaction		$2I^- + S_2O_8^{2-} \longrightarrow I_2 + 2SO_4^{2-}$			
Etat du mélange	Avancement volumique $y$ (mol.L <sup>-1</sup> )	Concentrations (mol.L <sup>-1</sup> )			
Initial	0	$C_1$			
En cours	$y$				
Final					

3- Les résultats expérimentaux obtenus ont permis de tracer la courbe d'évolution de l'avancement volumique  $y$  de la réaction en fonction du temps :  $y = f(t)$ . (Fig.1).

a- Déterminer l'avancement volumique final  $y_f$

b- Montrer que  $I^-$  est le réactif limitant. (0,5pt)

c- Montrer que la concentration  $C_1 = 2y_f(1 + \frac{V_2}{V_1})$

et calculer sa valeur (1pt)

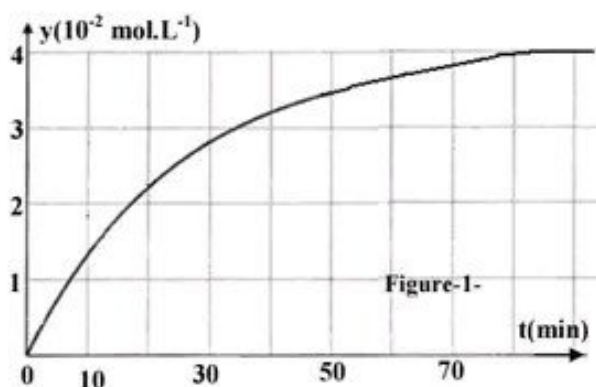


Figure-1-

4- Au bout d'une durée  $t_1$ , on dose la quantité de matière de diiode formé par une solution de thiosulfate de sodium ( $Na_2S_2O_3$ ) de concentration  $C_0 = 0,2 \text{ mol.L}^{-1}$

a- Ecrire l'équation de la réaction du dosage (0,5pt)

b- Sachant que le volume de thiosulfate de sodium ajouté à l'équivalence est  $V_{0E} = 15$  mL, déterminer la quantité de matière de  $I_2$  dosé à l'instant  $t_1$  et déduire à cet instant, l'avancement volumique  $y$  (0,5pt+0,5pt)

c- Déterminer, à l'instant  $t_1$ , les concentrations des entités chimiques  $I^-$ ,  $S_2O_8^{2-}$ ,  $I_2$  et  $SO_4^{2-}$  (1pt)

d- Donner une valeur approximative de l'instant  $t_1$ . (0,25pt)

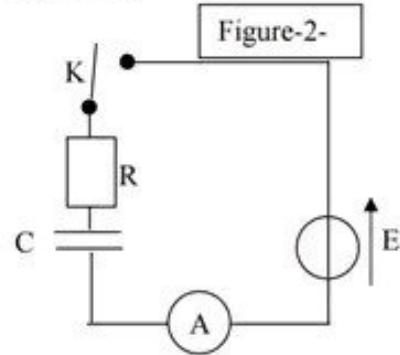
Voir au verso

## PHYSIQUE (13= 11\*1,18 points)

Avec :

- Un générateur idéal de tension de f.e.m E.
- Un résistor de résistance R
- Un condensateur de capacité C
- Un interrupteur K et un ampèremètre

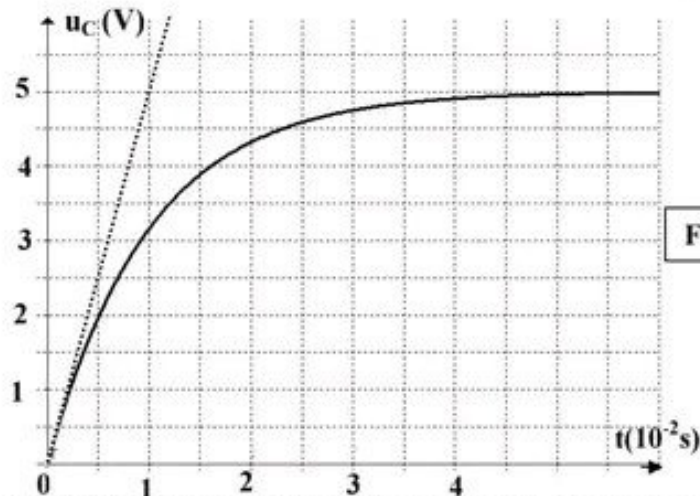
On réalise le circuit ci-contre (figure-2-)



Le condensateur étant initialement déchargé.

A  $t=0s$ , on ferme l'interrupteur K

Un dispositif d'acquisition de données relié à un ordinateur nous a permis de tracer la courbe d'évolution au cours du temps de la tension  $u_C$  aux bornes du condensateur (figure-3-)



- 1- Montrer que l'équation différentielle vérifiée par la tension aux bornes du condensateur pendant la phase de sa charge est

$$\frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R.C} = \frac{E}{R.C} \quad (1,25pt)$$

- 2-a-vérifier que  $u_C(t) = U_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  est une solution de cette équation différentielle, pour une valeur de  $U_0$  et  $\tau$  qu'on exprimera en fonction de E, R et C. (1pt)

- b- En déduire les expressions en fonction du temps de la charge  $q(t)$  du condensateur et de l'intensité du courant  $i(t)$  qui circule dans le circuit (0,25pt+0,75pt)
- 3- En exploitant le chronogramme de la figure-3-, déduire la valeur de la constante de temps  $\tau$ . (Expliciter la méthode préconisée). (0,5pt)

- 4-a-Sachant qu'à l'instant de fermeture de K ( $t=0$ ), l'ampèremètre indique un courant d'intensité  $i_0 = 1mA$ , montrer que la capacité du condensateur est  $C = 2\mu F$ . (1pt)

- b- La f.e.m E du générateur (0,5pt)

- c- En déduire la charge  $Q_p$  du condensateur en régime permanent. (0,5pt)

- 5- Déterminer par deux méthodes, la valeur de la résistance R du résistor (0,75pt+0,75pt)

- 6-a-Déterminer l'énergie  $E_C$  emmagasinée par le condensateur à l'instant  $t_1 = 5ms$ . (1pt)

- b- Déterminer, à l'instant  $t_1 = 5ms$ , l'intensité du courant indiquée par l'ampèremètre. (1pt)

- 7- a-A un instant  $t_2$ , on a  $u_R(t_2) = u_C(t_2)$ , montrer alors que  $u_C(t) = E(1 - (\frac{1}{2})^{\frac{t}{t_2}})$  (0,75pt)

- b-Tracer l'allure de la courbe d'évolution au cours du temps de la tension  $u_R(t)$  aux bornes du résistor en précisant sa valeur initiale et la durée du régime transitoire (précision 1%) (1pt)



# Correction du devoir de contrôle N°1

## CHIMIE (7 points)

1-  $n_0(S_2O_8^{2-}) = n_{02} = C_2 \cdot V_2 = 0,1 \cdot 30 \cdot 10^{-3} = 3 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$  et  $C_2 = \frac{n_0(S_2O_8^{2-})}{V_1 + V_2} = \frac{3 \cdot 10^{-3}}{50 \cdot 10^{-3}} = 0,06 \text{ mol.L}^{-1}$

2- Le tableau d'avancement volumique du système chimique contenu dans le bêcher.

Equation de la réaction		$2I^- + S_2O_8^{2-} \longrightarrow I_2 + 2SO_4^{2-}$			
Etat du mélange	Avancement volumique $y$ (mol.L <sup>-1</sup> )	Concentrations (mol.L <sup>-1</sup> )			
Initial	0	$C_1$	0,06	0	0
En cours	$y$	$C_1 - 2y$	$0,06 - y$	$y$	$2y$
Final	$y_f$	$C_1 - 2y_f$	$0,06 - y_f$	$y_f$	$2 y_f$

3- a- D'après la courbe,  $y_f = 4 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1} = 0,04 \text{ mol.L}^{-1}$

b- La concentration des ions  $S_2O_8^{2-}$  à l'état final, est

$$[S_2O_8^{2-}]_f = 0,06 - y_f = 0,06 - 0,04 = 0,02 \text{ mol.L}^{-1} \neq 0$$

et puisque la réaction est totale donc  $I^-$  est le réactif limitant

c- On a  $C_1 = \frac{n_0(I^-)}{V_1 + V_2} = \frac{C_1 \cdot V_1}{V_1 + V_2}$  et  $I^-$  est le réactif limitant  $\Rightarrow$

$$[I^-]_f = 0 \Rightarrow C_1 - 2y_f = 0 \Rightarrow C_1 = \frac{C_1 \cdot V_1}{V_1 + V_2} = 2y_f \Rightarrow$$

$$C_1 \cdot V_1 = 2 y_f (V_1 + V_2) \Rightarrow C_1 = 2 y_f \left( \frac{V_1 + V_2}{V_1} \right) \Rightarrow C_1 = 2 y_f \left( 1 + \frac{V_2}{V_1} \right) ; \text{ AN: } C_1 = 2 \cdot 0,04 \left( 1 + \frac{30}{20} \right) = 0,2 \text{ mol.L}^{-1}$$

4- a- L'équation de la réaction du dosage est :  $I_2 + 2 S_2O_3^{2-} \rightarrow 2 I^- + S_4O_6^{2-}$

b- D'après l'équation de la réaction de dosage on a:  $n(I_2) = \frac{n(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{C_0 \cdot V_{0E}}{2} = \frac{0,2 \cdot 15 \cdot 10^{-3}}{2} = 15 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$

$$[I_2] = y = \frac{n(I_2)}{V_1 + V_2} = \frac{15 \cdot 10^{-4}}{50 \cdot 10^{-3}} = 0,03 \text{ mol.L}^{-1}$$

c-  $[I^-] = C_1 - 2y = \frac{C_1 \cdot V_1}{V_1 + V_2} - 2y = \frac{0,2 \cdot 20}{50} - 2 \cdot 0,03 = 0,02 \text{ mol.L}^{-1}$ ,  $[S_2O_8^{2-}] = 0,06 - y = 0,06 - 0,03 = 0,03 \text{ mol.L}^{-1}$

$$[I_2] = y = 0,03 \text{ mol.L}^{-1} \text{ et } [SO_4^{2-}] = 2y = 2 \cdot 0,03 = 0,06 \text{ mol.L}^{-1}$$

d- D'après le graphique, la valeur approximative de l'instant  $t_1$  est  $t_1 \approx 33 \text{ min}$

## PHYSIQUE (13 points)

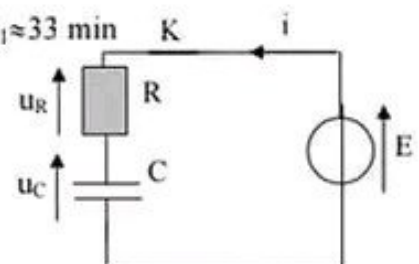
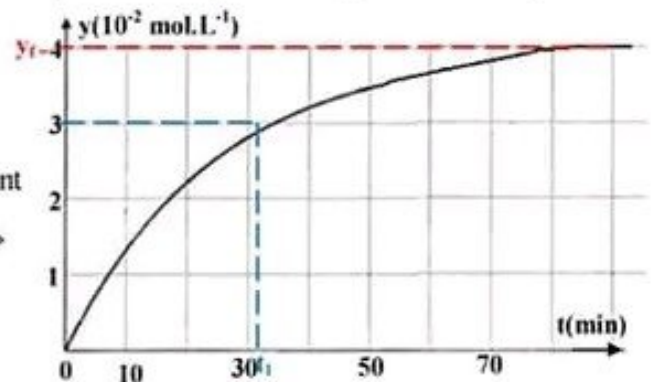
1- On ferme K

1- 1- Loi des mailles au cours de la charge du condensateur:

$$u_C(t) + u_R(t) - E = 0 \Leftrightarrow u_R(t) + u_C(t) = E.$$

$$\text{avec } u_R(t) = R \cdot i(t) = RC \cdot \frac{du_C(t)}{dt}$$

$$\text{En remplaçant } u_R \text{ par son expression on trouve } RC \cdot \frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t) = E \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R \cdot C} = \frac{E}{R \cdot C}$$





$$2\text{-a- } u_C(t) = U_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = U_0 - U_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} = \frac{U_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\frac{du_C(t)}{dt} + \frac{u_C(t)}{R.C} = \frac{U_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{1}{R.C} (U_0 - U_0 e^{-\frac{t}{\tau}}) = \frac{U_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{U_0}{R.C} - \frac{U_0}{R.C} e^{-\frac{t}{\tau}} = U_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \left( \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R.C} \right) + \frac{U_0}{R.C} = \frac{E}{R.C}$$

$$\Rightarrow \frac{U_0}{R.C} = \frac{E}{R.C} \text{ et } \frac{1}{\tau} - \frac{1}{R.C} = 0 \Rightarrow U_0 = E \text{ et } \tau = RC$$

$$b\text{- On a } u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \Rightarrow q(t) = C.u_C(t) = C.E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \text{ et } i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = \frac{C.E}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{C.E}{R.C} e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

3- On a  $\tau = 10^{-2}$  s (Méthode de la tangente à l'origine)

4-a- La pente de la droite tangente à la courbe de  $u_C(t)$  au point d'abscisse 0, est  $A = \frac{du_C}{dt}(0) = \frac{5}{10^{-2}} = 500 \text{ V.s}^{-1}$

$$\text{d'autre part } i(t) = C \cdot \frac{du_C(t)}{dt} \Rightarrow i(0) = C \cdot \frac{du_C}{dt}(0) \Rightarrow C = \frac{i(0)}{\frac{du_C}{dt}(0)} = \frac{i(0)}{A} = \frac{10^{-3}}{500} = 2 \cdot 10^{-6} \text{ F} = 2 \mu\text{F}$$

b- En régime permanent, on a  $u_C(t) = E = 5 \text{ V}$

c- En régime permanent, on a  $q(t) = Q_p = C.E = 2 \cdot 10^{-6} \cdot 5 = 10^{-5} \text{ C}$

$$5\text{- 1}^{\text{ère}} \text{ méthode : } \tau = RC \Rightarrow R = \frac{\tau}{C} = \frac{10^{-2}}{2 \cdot 10^{-6}} = 5000 \Omega = 5 \text{ k}\Omega$$

$$2^{\text{ème}} \text{ méthode : } i(t) = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow i(0) = \frac{E}{R} \Rightarrow R = \frac{E}{i(0)} = \frac{5}{10^{-3}} = 5000 \Omega = 5 \text{ k}\Omega$$

6-a- A l'instant  $t_1 = 5 \text{ ms} = 0,5 \cdot 10^{-2} \text{ s}$ , on a  $u_C(t_1) = 2 \text{ V}$  (D'après la courbe) L'énergie emmagasinée par le condensateur est ( $u_C = E$ ) est  $E_C(t_1) = \frac{1}{2} C.u_C^2(t_1) = \frac{1}{2} 2 \cdot 10^{-6} \cdot (2)^2 = 4 \cdot 10^{-6} \text{ J}$

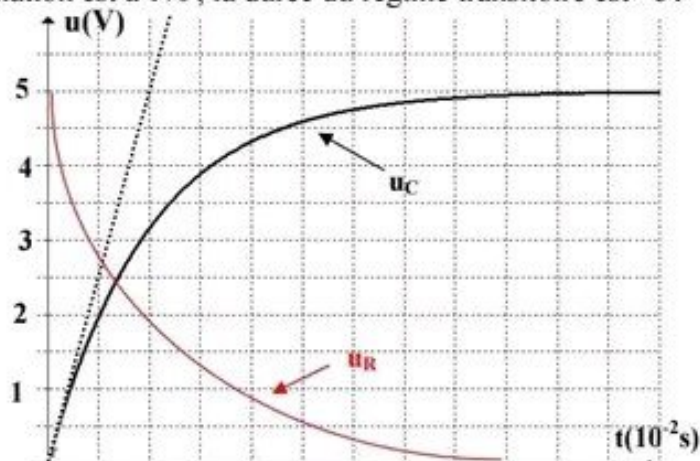
$$b\text{- } u_R(t_1) + u_C(t_1) = E \Rightarrow u_R(t_1) = E - u_C(t_1) = R.i(t_1) \Rightarrow i(t_1) = \frac{E - u_C(t_1)}{R} = \frac{5 - 2}{5000} = 0,6 \text{ mA}$$

$$7\text{- a- on a } u_C(t_2) = \frac{E}{2} \text{ lorsque } u_R(t_2) = u_C(t_2), \Rightarrow E(1 - e^{-\frac{t_2}{\tau}}) = \frac{E}{2} \Rightarrow 1 - e^{-\frac{t_2}{\tau}} = \frac{1}{2} \Rightarrow e^{-\frac{t_2}{\tau}} = \frac{1}{2}$$

On a  $u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  et lorsqu'on multiplie la puissance par  $\frac{t_2}{t_2}$  on trouve

$$u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t - t_2}{\tau}}) = E(1 - \left( e^{-\frac{t_2}{\tau}} \right)^{\frac{t - t_2}{t_2}}) \text{ et on remplace } e^{-\frac{t_2}{\tau}} \text{ par } \frac{1}{2}, \text{ on trouve } u_C(t) = E(1 - \left( \frac{1}{2} \right)^{\frac{t - t_2}{t_2}})$$

b- Lorsque l'approximation est à 1%, la durée du régime transitoire est  $\approx 5\tau = 5 \cdot 10^{-2} \text{ s}$  et  $u_R(0) = E$



Lycée.S.Mourouj1

## Devoir de contrôle N°1

Section 4<sup>ème</sup> M<sub>2</sub> :

Epreuve de

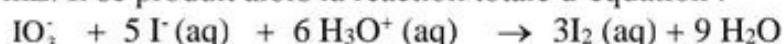
Sciences physiques

Durée : 2 heures

## CHIMIE (7 points)

## Exercice N°1(4 points)

On mélange une solution aqueuse d'iodate de potassium ( $\text{KIO}_3$ ) de concentration molaire  $C_1$  et de volume  $V_1 = 50 \text{ mL}$  avec une solution aqueuse d'iodure de potassium  $\text{KI}$  de concentration molaire  $C_2 = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$  et de volume  $V_2 = 40 \text{ mL}$  et une solution d'acide sulfurique concentré de volume  $V_3 = 10 \text{ mL}$ . Il se produit alors la réaction totale d'équation :



1-a-Montrer que pour que  $\text{IO}_3^-$  soit le réactif limitant, il faut que  $n_0(\text{IO}_3^-) < \frac{C_2 \cdot V_2}{5}$  (0,25pt)

b- Déterminer la quantité de matière initiale des ions iodure, notée  $n_0(\text{I}^-)$  (0,5pt)

c- Dresser le tableau d'avancement (Feuille annexe) (0,5pt)

2- Les résultats expérimentaux obtenus pendant les trente premières secondes ont permis de tracer la courbe d'évolution du nombre de moles de  $\text{I}_2$  formé en fonction du temps :  $n(\text{I}_2) = f(t)$ .

a- Donner la relation entre  $\frac{dn(\text{I}_2)}{dt}$  et la vitesse  $v$

de la réaction (0,25pt)

b- Déterminer les vitesses de la réaction aux instants  $t_1 = 0 \text{ s}$  et  $t_2 = 8 \text{ s}$  (0,25pt + 0,25pt)

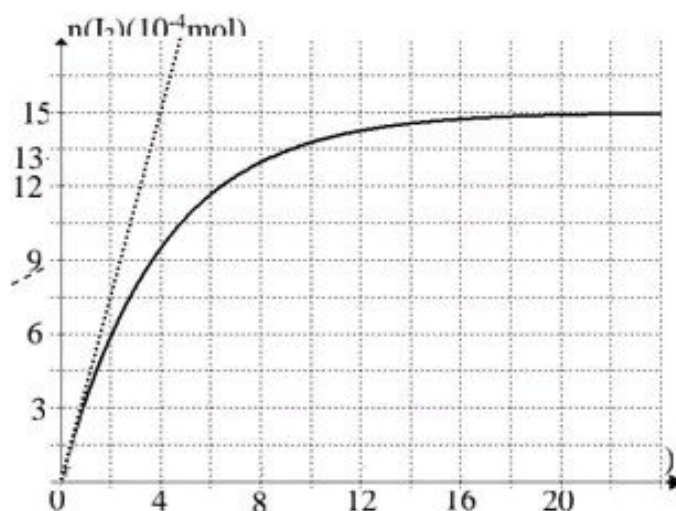
c- Comparer ces vitesses et conclure (0,25pt)

d- Préciser le facteur cinétique responsable de la variation de cette vitesse? Justifier (0,5pt)

3-a- Déterminer l'avancement final  $x_f$  de la réaction (0,25pt)

b- Montrer que l'ion iodate  $\text{IO}_3^-$  est le réactif limitant (0,5pt)

c- En déduire la concentration  $C_1$  de la solution aqueuse d'iodate de potassium (0,5pt)



## Exercice N°2(3 points)

L'oxydation des ions iodure  $\text{I}^-$  par les ions peroxodisulfate  $\text{S}_2\text{O}_8^{2-}$  est une réaction chimique lente et totale. Cette réaction est symbolisée par l'équation suivante :  $2 \text{I}^- + \text{S}_2\text{O}_8^{2-} \rightarrow \text{I}_2 + 2 \text{SO}_4^{2-}$

Trois expériences sont réalisées sur trois mélanges de même volume  $V$  et de même concentration des ions  $\text{S}_2\text{O}_8^{2-}$ , suivant les différentes conditions expérimentales précisées dans le tableau suivant

Numéro de l'expérience	1	2	3
Concentration de $\text{I}^-$ en $10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$	10	12	10
Température du milieu réactionnel en $^{\circ}\text{C}$	25	25	25
Présence du catalyseur ( $\text{Fe}^{2+}$ )	oui	oui	non



A l'aide de moyens appropriés, on suit l'évolution au cours du temps, du nombre de moles de  $I_2$  formé  $n(I_2)$  au cours de chacune des trois expériences réalisées. Les résultats obtenus sont représentés par le graphe de la figure-2-

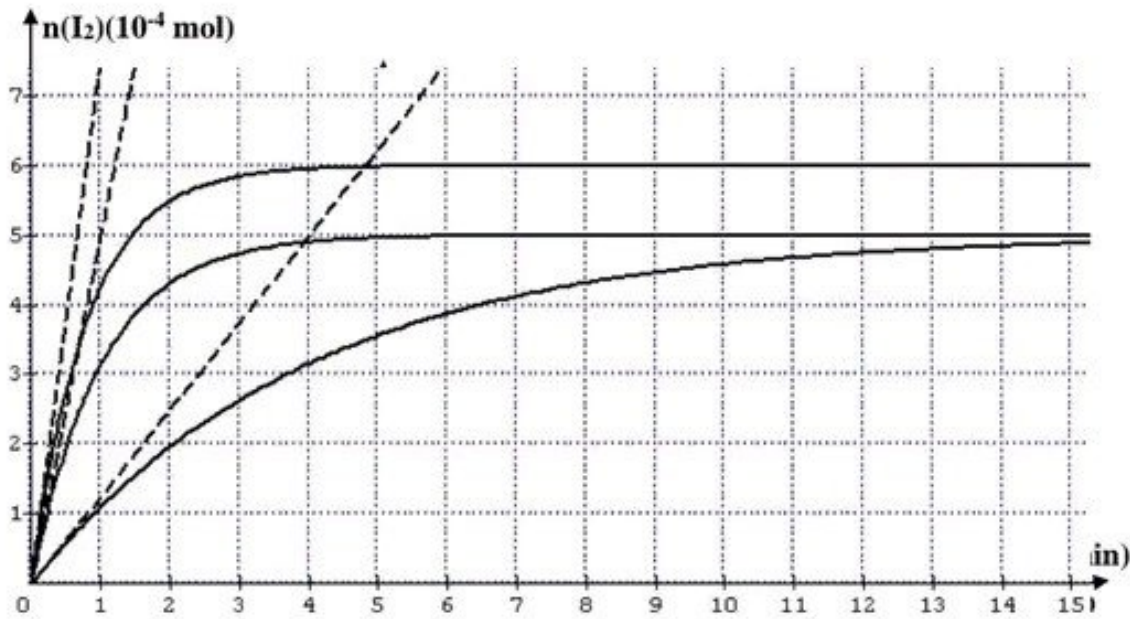


Figure-2-

- 1- Donner la définition d'un catalyseur (0,5pt)
- 2- a- Déterminer, à partir du graphe, la vitesse maximale de la réaction à partir de chacune des trois courbes ( a ) , ( b ) et ( c ) . (0,75pt)  
 b- Attribuer, en le justifiant, la case qui convient à chacune des lettres a, b et c dans le tableau sur la feuille à rendre avec les copies pour désigner la courbe correspondant à chacune des trois expériences :(0,75pt)
- 3-En se plaçant dans l'expérience-2-, déterminer la vitesse moyenne de la réaction entre les instants  $t_1 = 0 \text{ min}$  et  $t_2 = 40 \text{ min}$  (0,5pt)
- 4- La quantité de diiode formé est dosée par une solution de thiosulfate de sodium ( $2Na^+ + S_2O_3^{2-}$  ).  
 Ecrire l'équation de la réaction du dosage de  $I_2$  par  $S_2O_3^{2-}$  . (0,5pt)

## PHYSIQUE (13 points)

### Exercice N°1( 5,75 points)

**Données :** On donne : Voie  $Y_1$ : 5V/Div Voie  $Y_2$  : 0,5 V/Div et balayage temps : 1ms/div

On réalise le montage suivant qui comprend un générateur basse fréquence de fréquence  $N$  délivrant une tension triangulaire, qui alimente une bobine d'inductance  $L$  de résistance  $r$ , en série avec , un interrupteur  $K$  et un conducteur ohmique de résistance  $R$  très grande devant  $r$ , comme l'indique la **figure-1**- On visualise sur un oscilloscope bicourbe, les tensions  $u_R(t)$  aux bornes du résistor sur la voie  $Y_1$  et  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine sur la voie  $Y_2$  . **Voir figure 2.**

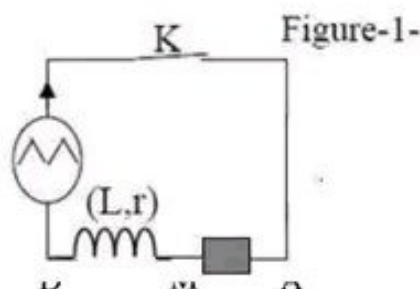
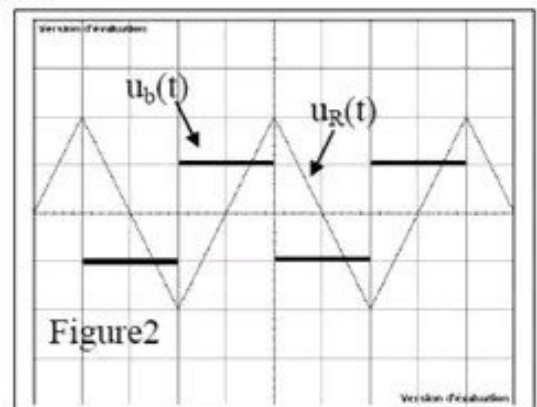


Figure-1-



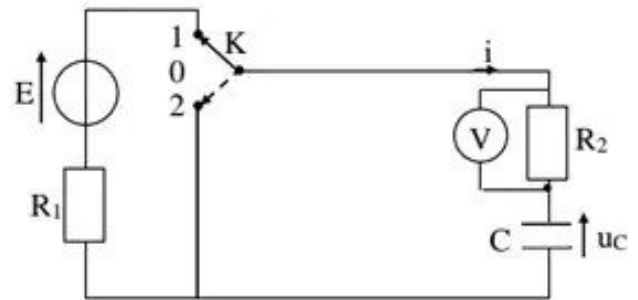


- 1- Déterminer la période  $T$  du signal triangulaire et déduire sa fréquence  $N$  (0,75pt)
- 2-a- Indiquer **sur la feuille à rendre** avec les copies, les connexions qu'il faut faire pour visualiser  $u_R(t)$  sur la voie  $Y_1$  et  $u_b(t)$  sur la voie  $Y_2$ . (0,75pt)
- b- Préciser si le signal de l'une des voies doit être inversé. (0,25pt)
- 3- Montrer que pour  $R$  très grande devant  $r$ , on peut écrire  $u_b(t) = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R}{dt}$  (1pt)
- 4- Durant une demi période, la tension  $u_R$  aux bornes du résistor est une fonction affine de temps telle que  $u_R(t) = a.t + b$  ( $a$  et  $b$  des constantes)
  - a- Déterminer la pente " $a$ " durant la demi-période où  $u_R$  est décroissante au cours du temps (0,75pt)
  - b- Déterminer durant la même demi période, la tension  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine (0,5pt)
  - c- Sachant que durant la même demi période, lorsque  $u_R(t) = u_b(t)$ , l'intensité du courant qui circule dans le circuit est  $i = -0,25$  mA, montrer que la résistance du conducteur ohmique est  $R = 2\text{k}\Omega$  (0,5pt)
  - d- En déduire l'inductance  $L$  de la bobine. (0,5pt)
- 5- Déterminer l'énergie  $E_L$  de la bobine lorsque  $u_R(t) = u_b(t)$ . (0,75pt)

**Exercice N°2 : (7,25 points)**

On considère le circuit représenté sur la figure ci-contre comportant en série

- \* Un générateur de tension constante de fém  $E$
- \* Un condensateur de capacité  $C$  initialement déchargé
- \* Deux conducteurs ohmiques l'un de résistance  $R_1$  et l'autre de résistance  $R_2 = 3R_1$
- \* Un voltmètre branché aux bornes de  $R_2$
- \* Un interrupteur  $K$  à deux positions



I ) On place l'interrupteur en position 1 à l'instant choisi comme origine de temps .La première valeur indiquée par le voltmètre est  $u_{R2}(0) = 6\text{V}$

- 1- Montrer que l'équation différentielle qui relie la charge  $q(t)$  et sa dérivée est :

$$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{\tau_1} = \frac{E}{R_1 + R_2} \quad \text{avec } \tau_1 = (R_1 + R_2) \cdot C \quad (0,75\text{pt})$$

- 2- a- Montrer que  $q(t) = A \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}} \right)$  est solution de l'équation lorsque  $A = C \cdot E$  (0,75pt)

b- Déduire les expressions en fonction du temps de la tension  $u_C(t)$  aux bornes du condensateur et de l'intensité du courant  $i(t)$  qui circule dans le circuit. (0,25pt + 0,5pt )

- 3- Un dispositif approprié a permis de tracer la courbe de la figure-1-suivante qui représente l'évolution au cours du temps de la charge  $q$  du condensateur.

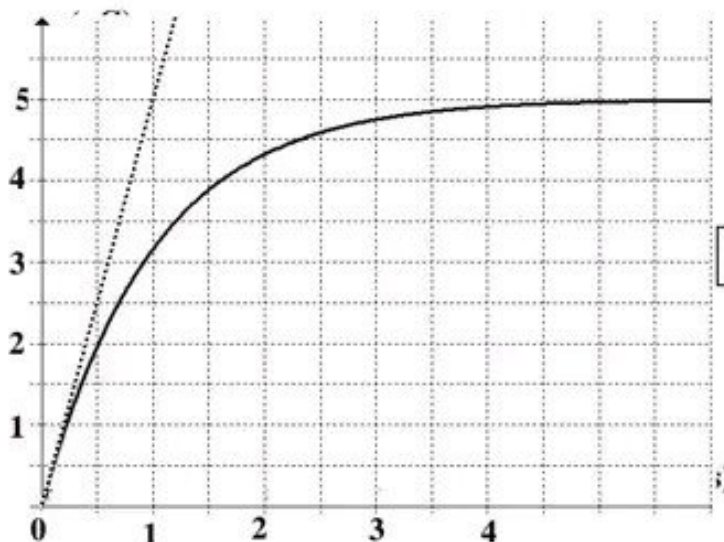


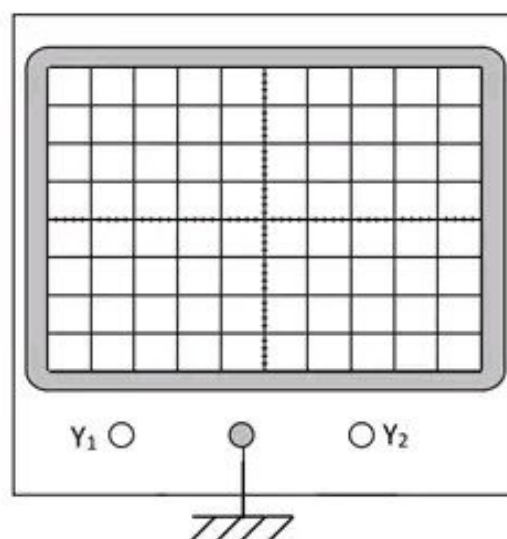
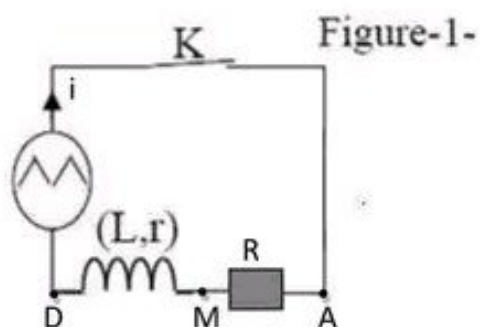
Figure-7-

Nom et prénom : .....	N° : .....	Classe :
--------------------------	------------	----------

### Feuille à rendre avec les copies

Equation de la réaction		$\text{IO}_3^- + 5 \text{I}^-(\text{aq}) + 6 \text{H}_3\text{O}^+(\text{aq}) \rightarrow 3\text{I}_2(\text{aq}) + 9 \text{H}_2\text{O}$				
Etat du mélange	Avancement x (mol.)	Quantité de matière (mol.)				
Initial	0			Excès		Excès
En cours	x			Excès		Excès
Final				Excès		Excès

Numéro de l'expérience	1	2	3
La courbe correspondante			



En exploitant la figure-1-

a- Montrer que l'intensité du courant initiale est  $i(0) = 5 \text{ mA}$ . **(0,5pt)**

b- Déterminer la constante de temps  $\tau_1$  du circuit de charge du condensateur. **(0,25pt)**

c- Déterminer la charge maximale  $Q_{\max}$  stockée sur l'armature positive du condensateur **(0,25pt)**

4-a- En déduire de ce qui précède que  $R_2 = 1,2 \text{ k}\Omega$  **(0,5pt)**

b- Déterminer la résistance  $R_1$  et déduire la capacité  $C$  du condensateur et la fem  $E$  du générateur.

5- Déterminer l'énergie électrique emmagasinée par le condensateur lorsqu'il est totalement chargé.

II- Une fois le condensateur est totalement chargé, on place le commutateur en position 2 à l'instant choisi comme nouvelle origine de temps.

1- En appliquant la loi des mailles montrer que l'équation différentielle reliant l'intensité du courant

qui circule dans le circuit et sa dérivé  $\frac{di(t)}{dt}$  est :  $\frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{\tau_2} = 0$  avec  $\tau_2 = R_2.C$  **(0,5pt)**

2-a- Déterminer l'énergie du condensateur à l'instant  $t_1$ , lorsque  $u_C(t_1) = 2 \text{ V}$  **(0,5pt)**

b- Déterminer l'énergie perdue lors de la décharge du condensateur entre les instants  $t = 0$  et  $t = t_1$ .

c- Déterminer  $\frac{di(t)}{dt}(t_1)$  **(0,5pt)**

*Fin du devoir*



## Correction du devoir de contrôle N°1 CHIMIE (7 points)

### Exercice N°1 (3,75 points)

1-a- Pour que  $\text{IO}_3^-$  soit le réactif limitant, il faut que  $\frac{n_0(\text{IO}_3^-)}{1} < \frac{n_0(\text{I}^-)}{5} \Rightarrow n_0(\text{IO}_3^-) < \frac{n_0(\text{I}^-)}{5}$

$$\text{or } n_0(\text{I}^-) = C_2 \cdot V_2 \Rightarrow n_0(\text{IO}_3^-) < \frac{C_2 \cdot V_2}{5}$$

b-  $n_0(\text{I}^-) = C_2 \cdot V_2 = 0,1 \cdot 40 \cdot 10^{-3} = 4 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

c- Tableau descriptif

Equation de la réaction		$\text{IO}_3^- + 5 \text{I}^-(\text{aq}) + 6 \text{H}_3\text{O}^+(\text{aq}) \rightarrow 3 \text{I}_2(\text{aq}) + 9 \text{H}_2\text{O}$				
Etat du mélange	Avancement x (mol.)	Quantité de matière (mol.)				
Initial	0	$C_1 \cdot V_1$	$4 \cdot 10^{-3}$	Excès	0	Excès
En cours	x	$C_1 \cdot V_1 - x$	$4 \cdot 10^{-3} - 5x$	Excès	3x	Excès
Final	$x_f$	$C_1 \cdot V_1 - x_f$	$4 \cdot 10^{-3} - 5x_f$	Excès	$3x_f$	Excès

2-a- On sait que la valeur de la vitesse de la réaction est  $v(t) = \frac{dx(t)}{dt}$  et la pente de la droite tangente à

la courbe de  $n(\text{I}_2) = f(t)$  est  $a = \frac{dn(\text{I}_2)}{dt} = \frac{d(3x(t))}{dt} = 3 \frac{dx(t)}{dt} = 3v(t) \Rightarrow v(t) = \frac{a}{3}$

b- Les vitesses instantanées  $v(t_1)$  et  $v(t_2)$  de la réaction aux instants  $t_1 = 0 \text{ s}$  et  $t_2 = 8 \text{ s}$  sont

$$v(t_1) = \frac{1}{3} \left( \frac{15 \cdot 10^{-4} - 0}{4 - 0} \right) = 1,25 \cdot 10^{-4} \text{ mol.s}^{-1} \quad \text{et} \quad v(t_2) = \frac{1}{3} \left( \frac{13 \cdot 10^{-4} - 9 \cdot 10^{-4}}{8 - 0} \right) = 0,17 \cdot 10^{-4} \text{ mol.s}^{-1}$$

c-  $v(t_1) > v(t_2)$  donc la vitesse de la réaction diminue au cours du temps

d- Le facteur cinétique responsable est la concentration des réactifs qui diminue au cours du temps

3-a- D'après la courbe de  $n(\text{I}_2) = f(t)$

A l'état final  $n(\text{I}_2)_f = 3x_f = 15 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \Rightarrow x_f = \frac{n(\text{I}_2)_f}{3} = 5 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$

b- A l'état final, la quantité de matière de  $\text{I}^-$  restant est  $n(\text{I}^-)_f = n_0(\text{I}^-) - 5x_f = 4 \cdot 10^{-3} - 2,5 \cdot 10^{-3} = 1,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$   
on trouve  $n(\text{I}^-)_f \neq 0$  et la réaction est totale donc l'ion iodate  $\text{IO}_3^-$  est le réactif limitant

c- A l'état final,  $n(\text{IO}_3^-)_f = n_0(\text{IO}_3^-) - x_f = 0 \Rightarrow n_0(\text{IO}_3^-) = x_f = C_1 \cdot V_1 \Rightarrow C_1 = \frac{x_f}{V_1} = \frac{5 \cdot 10^{-4}}{50 \cdot 10^{-3}} = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$

### Exercice N°2 (3 points)

1- Un catalyseur est toute entité chimique qui accélère la réaction (Augmente la vitesse de la réaction) même en faible quantité sans être consommé par cette réaction

2- a- On sait que la valeur de la vitesse de la réaction est la pente de la droite tangente à la courbe de  $x = n(\text{O}_2) = f(t)$

$$V(0)_a = \frac{7 \cdot 10^{-4} - 0}{10 - 0} = 7 \cdot 10^{-5} \text{ mol min}^{-1}$$

$$V(0)_b = \frac{5 \cdot 10^{-4} - 0}{40 - 0} = 1,25 \cdot 10^{-5} \text{ mol min}^{-1}$$

$$V(0)_c = \frac{5 \cdot 10^{-4} - 0}{10 - 0} = 5 \cdot 10^{-5} \text{ mol min}^{-1}$$

b- On a:  $V(0)_b < V(0)_c < V(0)_a$

En comparant les expériences (1) et (2)

$V(0)_{\text{exp2}} > V(0)_{\text{exp1}}$  car on a la même température mais la concentration du réactif  $I^-$ , dans exp2 est supérieure à celle dans exp1

En comparant les expériences (1) et (3)

$V(0)_{\text{exp1}} > V(0)_{\text{exp3}}$  car on a les mêmes température et concentration des réactif mais la **présence** du catalyseur dans exp1

donc  $V(0)_{\text{exp3}} < V(0)_{\text{exp1}} < V(0)_{\text{exp2}}$  et  $V(0)_b < V(0)_c < V(0)_a$

Numéro de l'expérience	1	2	3
La courbe correspondante	(c)	(a)	(b)

3-

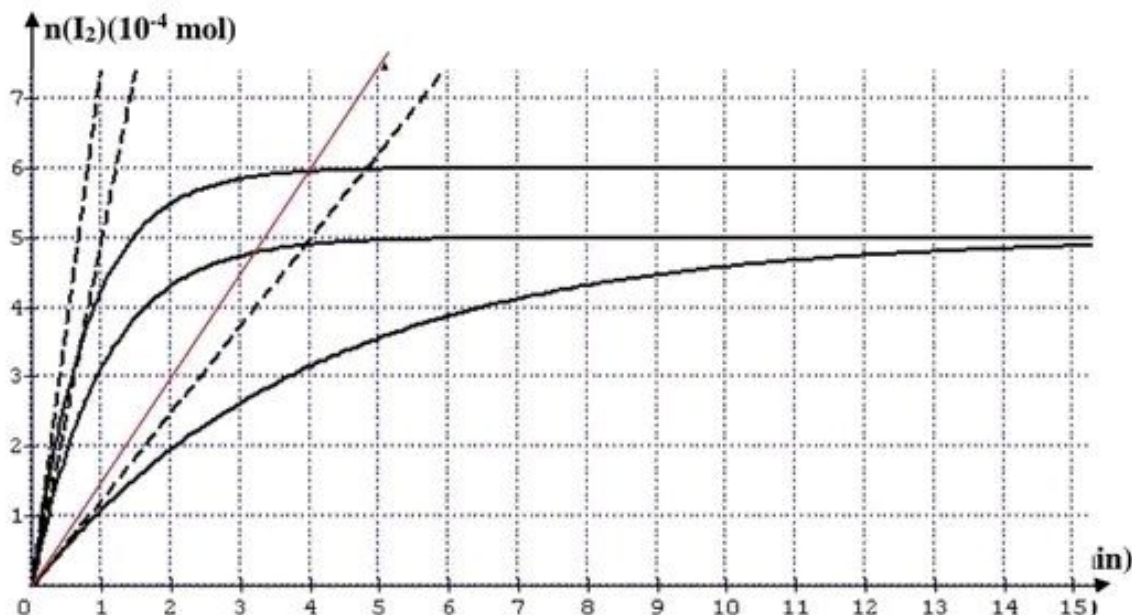


Figure-2-

-En se plaçant dans l'expérience-2-, la vitesse moyenne de la réaction entre les instants  $t_1 = 0 \text{ min}$  et  $t_2 = 40 \text{ min}$  est la pente de la droite qui coupe la courbe (a) aux points d'abscisses 0 et 40 min

$$V_{\text{moy}} = \frac{6.10^{-4}}{40} = 15.10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

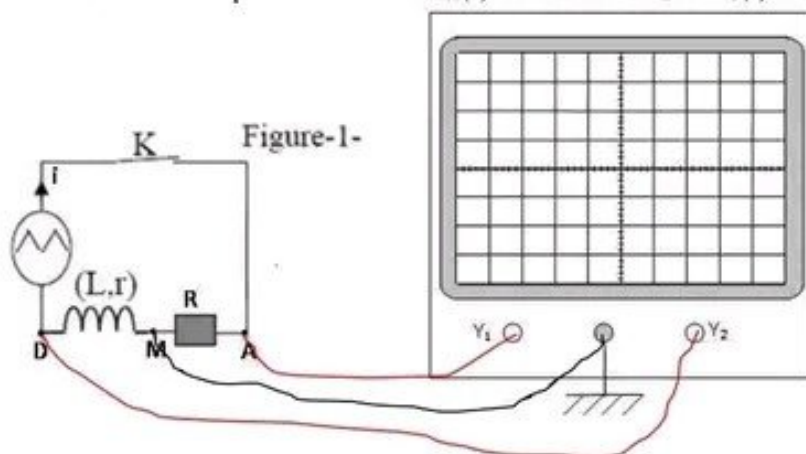
4- L'équation de la réaction du dosage  $I_2 + 2S_2O_3^{2-} \longrightarrow 2I^- + S_4O_6^{2-}$

## PHYSIQUE (13 points)

### Exercice N°1 (5 points)

1- La période du signal est  $T = 4 \text{ div} \cdot 2 \text{ ms/div} = 4 \text{ ms}$  et sa fréquence  $N = \frac{1}{T} = \frac{1}{4.10^{-3}} = 250 \text{ Hz}$

2-a- Les connexions pour visualiser  $u_R(t)$  sur la voie  $Y_1$  et  $u_b(t)$  sur la voie  $Y_2$ .



b- On visualise sur la voie 1 la tension  $u_{AM} = u_R$

On visualise sur la voie 2 la tension  $u_{DM} = -u_b$  donc on doit inverser la voie 2

3- La tension aux bornes du résistor est  $u_R(t) = R.i(t) \Rightarrow i(t) = \frac{u_R(t)}{R}$  et  $\frac{di(t)}{dt} = \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$

$$u_b(t) = r.i(t) + L \frac{di(t)}{dt} \text{ or } R \text{ est très grande devant } r \Rightarrow u_b(t) = L \frac{di(t)}{dt} = L \cdot \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R(t)}{dt} = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R(t)}{dt}$$

4-a- La tension  $u_R(t) = at + b \Rightarrow a = \frac{du_R(t)}{dt}$

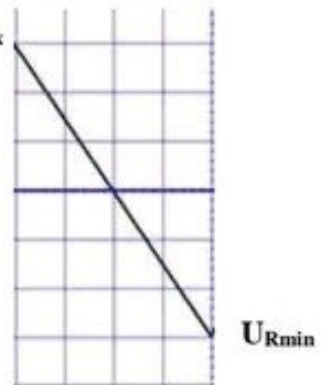
La pente de la droite est  $a = \frac{(U_{Rmin} - U_{Rmax})}{\Delta t}$  or  $\Delta t = \frac{T}{2} \Rightarrow$

$$a = \frac{2(U_{Rmin} - U_{Rmax})}{T} = 2N.(U_{Rmin} - U_{Rmax}) ; \text{ AN : } a = 2 \cdot 250 \cdot (-20) = -10000 \text{ V.s}^{-1}.$$

b- Durant la même demi période, la tension  $u_b(t) = -1 \cdot 0,5 = -0,5 \text{ V}$

c- Durant la même demi période, lorsque  $u_R(t) = u_b(t)$ , on a  $u_R(t) = -0,5 \text{ V}$

$$\text{et } i(t) = -0,25 \text{ mA. } u_R(t) = R.i(t) \Rightarrow R = \frac{u_R(t)}{i(t)} = \frac{-0,5}{-0,25 \cdot 10^{-3}} = 2000 \Omega = 2 \text{ k}\Omega$$



$$\text{d- } u_b(t) = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R(t)}{dt} = \frac{L}{R} \cdot a \Rightarrow L = \frac{u_b(t)}{a} \cdot R = \frac{-0,5}{-10^4} \cdot 2 \cdot 10^3 = 0,1 \text{ H}$$

5- L'énergie  $E_L$  emmagasinée par la bobine lorsque  $u_R = u_b = -0,5 \text{ V}$

On a  $u_R = -0,5 \text{ V} \Rightarrow i(t) = -0,25 \text{ mA}$

$$E_L = \frac{1}{2} L i^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,1 \cdot (-0,25 \cdot 10^{-3})^2 = 31,25 \cdot 10^{-10} \text{ J}$$

### Exercice N°2(7,75 points)

I- On bascule l'interrupteur K sur la position (1) à l'instant pris comme origine de temps

1-a- Loi des mailles au cours de la charge du condensateur :

$$u_{R1}(t) + u_{R2}(t) + u_C(t) - E = 0 \Rightarrow u_{R1}(t) + u_{R2}(t) + u_C(t) = E$$

$$\text{or } u_{R1} = R_1.i \text{ et } i = \frac{dq}{dt} \Rightarrow u_{R1} = R_1 \cdot \frac{dq}{dt} \text{ de même } u_{R2} = R_2.i = R_2 \cdot \frac{dq}{dt}$$

$$\text{d'autre part } u_C = \frac{q}{C}$$

$$u_{R1}(t) + u_{R2}(t) + u_C(t) = E. \Rightarrow R_1 \cdot \frac{dq(t)}{dt} + R_2 \cdot \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{C} = E. \Rightarrow (R_1 + R_2) \cdot \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{C} = E \Rightarrow$$

$$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{C.(R_1 + R_2)} = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \Rightarrow \frac{dq}{dt} + \frac{q}{\tau_1} = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \text{ avec } \tau_1 = (R_1 + R_2).C$$

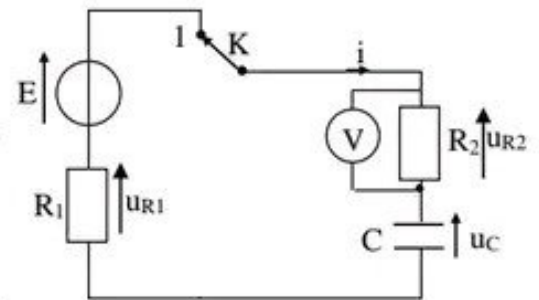
$$\text{2-a- } q(t) = A.(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}) \Rightarrow \frac{dq}{dt} = \frac{A}{\tau_1} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}}$$

$$\text{Pour que } q \text{ soit une solution de cette équation il faut que } \frac{dq}{dt} + \frac{q}{\tau_1} = \frac{E}{(R_1 + R_2)}$$

$$\frac{dq}{dt} + \frac{q}{\tau_1} = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \Rightarrow \frac{A}{\tau_1} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} + \frac{A}{\tau_1} \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}) = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \Rightarrow \frac{A}{\tau_1} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} + \frac{A}{\tau_1} - \frac{A}{\tau_1} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \Rightarrow$$

$$\frac{A}{\tau_1} = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \Rightarrow A = \tau_1 \cdot \frac{E}{(R_1 + R_2)} = (R_1 + R_2).C \cdot \frac{E}{(R_1 + R_2)} = C.E$$

$$\text{b- } u_C(t) = \frac{q(t)}{C} = \frac{C.E(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}})}{C} = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}) \text{ et } u_1(t) + u_2(t) = E - u_C(t) = E - E(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}) = E - E + E e^{-\frac{t}{\tau_1}} = E e^{-\frac{t}{\tau_1}}$$





$$\Rightarrow (R_1 + R_2).i = E e^{\frac{-t}{\tau}} \Rightarrow i = \frac{E e^{\frac{-t}{\tau}}}{(R_1 + R_2)}$$

3-a- La pente de la droite tangente à la courbe à  $t = 0$  est  $a = \left( \frac{dq}{dt} \right)_{t=0} = i(0)$

$$\text{On trouve } i(0) = \frac{5.10^{-6}}{10^{-2}} = 5.10^{-4} \text{ A} = 0,5 \text{ mA}$$

b- La constante de temps est  $\tau = \square$  1 ms (méthode de la tangente)

c- En régime permanent, on a  $q = Q_{\max} = 5 \mu\text{C}$

4-a-On a  $u_{R2}(0) = R_2.i(0) \Rightarrow R_2 = \frac{u_{R2}(0)}{i(0)} = \frac{6}{5.10^{-3}} = 1200 \Omega = 1,2 \text{ k}\Omega$

b- La résistance  $R_1 = \frac{R_2}{3} = \frac{1200}{3} = 400 \Omega$

$$\text{On a : } \tau = (R_1 + R_2).C \Rightarrow C = \frac{\tau}{R_1 + R_2} = \frac{10^{-3}}{1,6.10^3} = 0,625.10^{-6} \text{ F} = 0,625. \mu\text{F}$$

$$\text{On a : } Q_{\max} = C.E \Rightarrow E = \frac{Q_{\max}}{C} = \frac{5.10^{-6}}{0,625.10^{-6}} = 8 \text{ V}$$

5-L'énergie emmagasinée par le condensateur lorsqu'il est totalement chargé ( $u_C = E$ ) est  $E_{C0} = \frac{1}{2} C.E^2$

$$\text{AN : } E_{C0} = \frac{1}{2} . 0,625.10^{-6} . (8)^2 = 2.10^{-5} \text{ J}$$

## II/ La décharge du condensateur

1- Loi des mailles au cours de la décharge du condensateur

$$u_C(t) + u_2(t) = 0$$

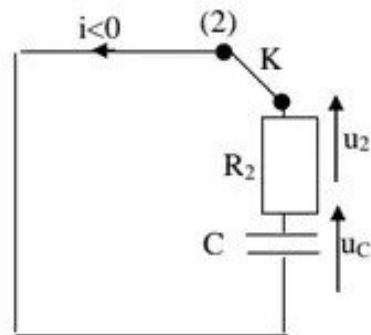
$\Rightarrow u_C(t) + R_2.i(t) = 0$  on dérive cette équation, on trouve

$$\frac{du_C(t)}{dt} + R_2. \frac{di(t)}{dt} = 0$$

$$\text{or } i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_C(t)}{dt} \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} = \frac{i(t)}{C} \Rightarrow$$

$$\frac{i(t)}{C} + R_2. \frac{di(t)}{dt} = 0 \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{R_2.C} = 0 \Rightarrow$$

$$\frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{\tau_2} = 0 \quad \text{avec } \tau_2 = R_2.C$$



2-a- A l'instant  $t_1$ , l'énergie emmagasinée par le condensateur est  $E_C = \frac{1}{2} . C . u_C^2(t_1)$

$$\text{AN : } E_C = \frac{1}{2} . 0,625.10^{-6} . (2)^2 = 1,25.10^{-6} \text{ J}$$

b-L'énergie perdue est  $E_{\text{perdue}} = E_C(0) - E_C(t_1) = 210^{-5} - 1,25.10^{-6} = 18,75.10^{-6} \text{ J}$

c-  $\frac{di(t_1)}{dt} + \frac{i(t_1)}{\tau_2} = 0 \Rightarrow \frac{di}{dt}(t_1) = - \frac{i(t_1)}{\tau_2} = - \frac{u_{R2}(t_1)}{R_2.\tau_2} = \frac{u_C(t_1)}{R_2.\tau_2} = \frac{u_C(t_1)}{R_2^2.C} = \frac{2}{(1200)^2 . 0,625.10^{-6}} = 2,22 \text{ A.s}^{-1}$

Lycée.S.Mourouj1

## Devoir de contrôle N°1

\*\*\*\*\*

Section 4<sup>ème</sup> M<sub>3</sub> :

Epreuve de

Sciences physiques

Durée : 2 heures

## CHIMIE (7 points)

## Exercice N°1(4 points)

On donne  $M(\text{Zn}) = 65,4 \text{ g.mol}^{-1}$ 

Le " lugol " est une solution antiseptique à base de diiode  $\text{I}_2$ . Quand on plonge une grenaille de zinc dans cette solution, on peut observer, au bout d'un temps assez long, une décoloration et une attaque du zinc. L'équation de la réaction **supposée totale** est :



On introduit une grenaille de zinc de masse  $m = 1,31 \text{ g}$  dans un volume  $V_0 = 50 \text{ mL}$  d'une solution de diiode  $S_0$  de concentration  $C_0$ . On étudie l'évolution du système au cours du temps et on suppose que le volume reste  $V_0$  au cours de la réaction. La température est maintenue à  $50^\circ\text{C}$ . A l'aide de moyens appropriés, on a pu tracer la courbe de la figure-1- qui représente l'évolution au cours du temps de la concentration des ions  $\text{Zn}^{2+}$  formés.

- 1-Calculer la quantité de matière initiale  $n_0(\text{Zn})$  de zinc introduite dans le mélange. (0,5pt)
- 2- Dresser le tableau d'avancement (0,75pt)
- 3-Déterminer l'avancement final de cette réaction (0,5pt)
- 4- Quel est le réactif limitant? (0,25pt)
- 5- Dédurre que la concentration de la solution ( $S_0$ ) de diiode, est  $C_0 = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$ . (0,25pt)

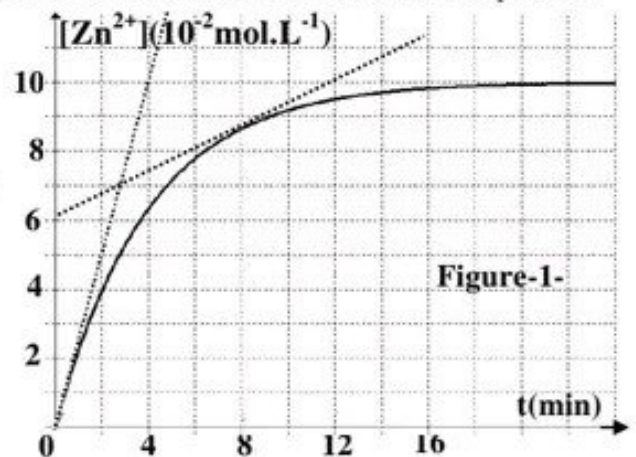


Figure-1-

- 6-a- Déterminer, à partir du graphe, les vitesses volumiques instantanées de la réaction aux instants  $t_0 = 0 \text{ min}$  et  $t_1 = 8 \text{ min}$ . (0,5pt)
- b- Comparer ces deux vitesses volumiques et déduire le facteur cinétique responsable (0,5pt)
- 7- Au bout de 2 min, on dose la quantité de matière de diiode restant par une solution de thiosulfate de sodium ( $\text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3$ ) de concentration  $C = 0,3 \text{ mol.L}^{-1}$ 
  - a- Ecrire l'équation de la réaction du dosage (0,25pt)
  - b- Déterminer le volume de thiosulfate de sodium ajouté à l'équivalence, noté  $V_{0E}$ . (0,5pt)

## Exercice N°2(3 points)

On verse un volume  $V_1 = 40 \text{ mL}$  d'une solution de thiosulfate de sodium ( $2\text{Na}^+ + \text{S}_2\text{O}_3^{2-}$ ) de concentration molaire  $C_1 = 0,5 \text{ mol.L}^{-1}$  dans un bécher, auquel on ajoute un volume  $V_2 = 10 \text{ mL}$  d'une solution d'acide chlorhydrique ( $\text{H}_3\text{O}^+ + \text{Cl}^-$ ) de concentration molaire  $C_2 = 5 \text{ mol.L}^{-1}$ .

Le mélange blanchit progressivement par formation du soufre solide qui cache avec le temps le fond du récipient.



L'équation de la réaction **supposée totale** s'écrit :



On suit l'évolution temporelle de la réaction en déterminant, par une méthode appropriée, la concentration des ions thiosulfate  $[\text{S}_2\text{O}_3^{2-}]$  dans le mélange. Cette évolution est représentée par la courbe (C) sur la **figure 2**.

1-Préciser les couples oxydant/réducteur mis en jeux. (0,5pt)

2-Calculer la concentration initiale, dans le mélange, en ions thiosulfate  $[\text{S}_2\text{O}_3^{2-}]_0$  et celle en ions hydronium  $[\text{H}_3\text{O}^+]_0$ . (1pt)

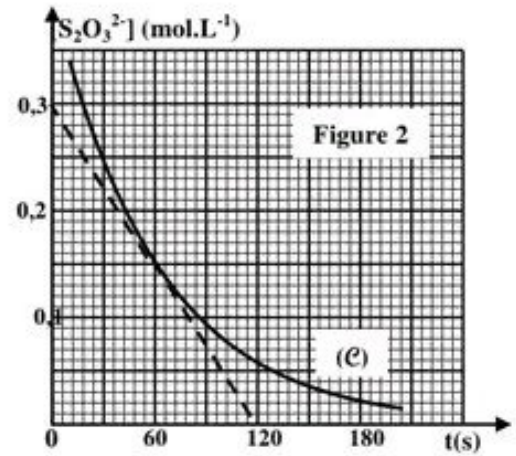
3-Compléter sur la feuille à rendre avec les copies, le tableau

d'évolution de la réaction en fonction de l'avancement volumique  $y$ . (0,5pt)

4-Justifier que la réaction étudiée est lente. (0,25pt)

5-a-Etablir l'expression de la vitesse volumique de la réaction en fonction de  $[\text{S}_2\text{O}_3^{2-}]$ . (0,5pt)

b-Calculer sa valeur à l'instant de date  $t = 60$  s. (0,25pt)



## PHYSIQUE (13 points)

### Exercice N°1( 6 points)

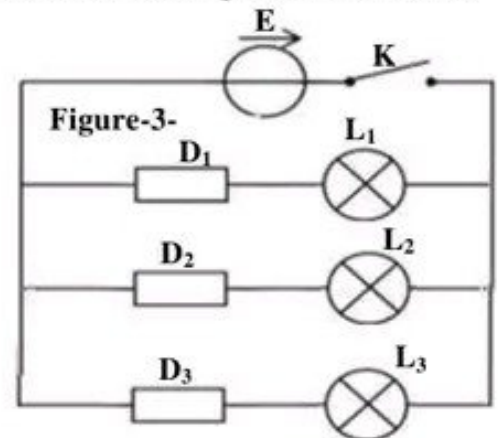
I- En travaux pratiques, un élève dispose de trois dipôles de nature inconnue,  $D_1$ ,  $D_2$  et  $D_3$ . Chaque dipôle peut être soit un conducteur ohmique de résistance  $R$ , soit un condensateur de capacité  $C$ , soit une bobine de résistance  $r$  et d'inductance  $L$ . Afin d'identifier les trois dipôles l'élève réalise le circuit schématisé ci-dessous (**Figure-3-**) Lorsqu'il ferme l'interrupteur  $K$  : La lampe  $L_1$  s'allume instantanément, la lampe  $L_2$  s'allume avec un retard temporel et la lampe  $L_3$  s'allume et s'éteint

1-Identifier les dipôles  $D_1$ ,  $D_2$  et  $D_3$  (0,75pt)

2-a-Pourquoi la lampe  $L_2$  s'allume-t-elle avec retard ? (0,5pt)

b- Pourquoi ce phénomène est appelé phénomène d'auto induction? (0,25pt)

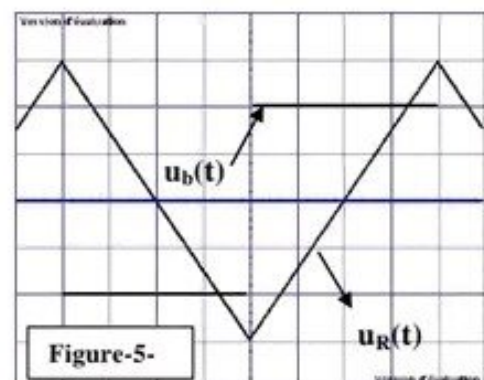
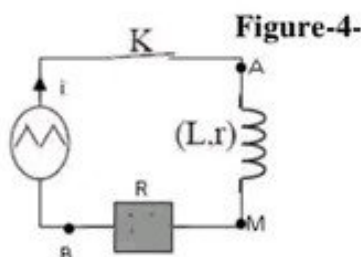
3-Pourquoi la lampe  $L_3$  s'allume et s'éteint? (0,25pt)



II- Le montage suivant comprend un générateur basse fréquence de fréquence  $N= 500$  Hz délivrant une tension triangulaire, relié en série à un interrupteur  $K$ , à une bobine (B) d'inductance

$L= 0,5$  H et un conducteur ohmique de résistance  $R$  comme l'indique la **figure-4-**

On visualise sur un oscilloscope bicourbe, les tensions  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine sur la voie  $Y_1$  et  $u_R(t)$  aux bornes du résistor sur la voie  $Y_2$ . (**Figure-5-**)



On donne

Voie  $Y_1$ : 0,2 V/Div , Voie  $Y_2$  : 2V/Div



1- Déterminer la période  $T$  du signal triangulaire (0,5pt)

2-a- Indiquer sur la feuille à rendre avec les copies, les connexions qu'il faut faire pour visualiser  $u_b(t)$  sur la voie  $Y_1$  et  $u_R(t)$  sur la voie  $Y_2$ . (0,5pt)

b- Montrer que la voie  $Y_2$  doit être inversée (0,5pt)

3- Montrer que pour  $R$  très grande devant  $r$ , on peut écrire  $u_b(t) = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R}{dt}$  (0,75pt)

4- Durant une demi période, la tension  $u_R$  aux bornes du résistor est une fonction affine de temps telle que  $u_R(t) = a.t + b$  ( $a$  et  $b$  des constantes)

a- Déterminer la pente  $a$  durant la demi-période où  $u_R$  est croissante au cours du temps (0,5pt)

b- Déterminer durant la même demi période, la tension  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine. En déduire la résistance  $R$  du résistor (0,75pt)

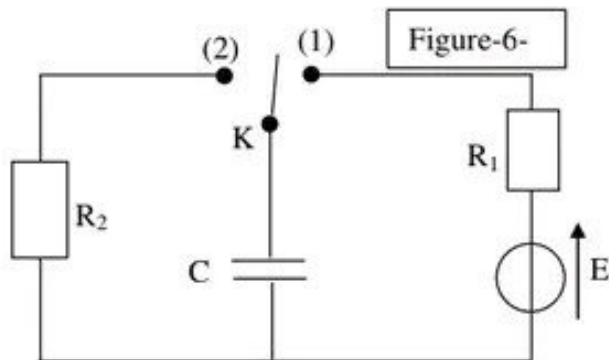
5- Déterminer l'énergie  $E_L$  de la bobine lorsque  $u_R = u_b$  (0,75pt)

### Exercice N°2 : (7 points)

Avec :

- Un générateur idéal de tension de f.e.m  $E$ .
- Deux résistors de résistance  $R_1$  et  $R_2$
- Un condensateur de capacité  $C$
- Un commutateur  $K$  à deux positions (1 et 2).

On réalise le circuit ci-contre (figure-6-)

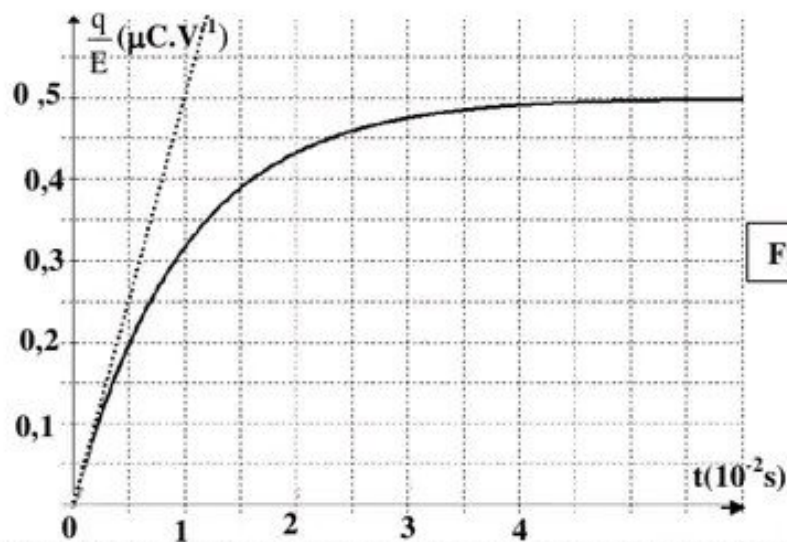


#### I / La charge du condensateur

Le condensateur étant initialement déchargé.

A  $t=0s$ , on bascule le commutateur  $K$  en position (1).

Un dispositif d'acquisition de données relié à un ordinateur nous a permis de tracer la courbe d'évolution au cours du temps du quotient de la charge  $q$  du condensateur par la f.é.m  $E$  (figure-7-)



1- Montrer que l'équation différentielle vérifiée par la tension aux bornes du condensateur pendant la phase de sa charge est

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{R_1 \cdot C} = \frac{E}{C \cdot R_1} \quad (1) \quad (0,75pt)$$

déduire que  $\frac{R_1 \cdot C}{E} \frac{dq}{dt} + \frac{q}{E} = C \quad (2) \quad (0,25pt)$

2-a- vérifier que  $u_C(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}})$  est une solution de cette équation (1), lorsque  $A = E$  et  $\tau_1 = R_1 \cdot C$ . (0,75pt)

- b- En déduire les expressions en fonction du temps de la charge  $q(t)$  du condensateur et de l'intensité du courant  $i(t)$  qui circule dans le circuit **(0,5pt)**
- 3- En exploitant le chronogramme de la figure-7- déduire :
  - a- La capacité  $C$  du condensateur. **(0,25pt)**
  - b- La valeur de  $\tau_1$ . (Expliciter la méthode préconisée). **(0,25pt)**
  - c- Déterminer par deux méthodes, la valeur de la résistance  $R_1$ . **(0,5pt+0,5pt)**
- 4- Sachant qu'à l'instant  $t=0$ , l'intensité du courant qui circule dans le circuit est  $i(0) = 0,5 \text{ mA}$ .
  - a- Montrer que la f.é.m. du générateur est  $E = 10\text{V}$  **(0,5pt)**
  - b- Déterminer la charge du condensateur en régime permanent. **(0,25pt)**
- 5- Déterminer l'énergie  $E_C$  emmagasinée par le condensateur lorsque le quotient  $\frac{q}{E} = 0,2\mu\text{F}$  **(1pt)**

## II/ La décharge du condensateur

Le commutateur est à présent basculé en position (2) à l'instant choisi comme nouvelle origine de temps lorsque le condensateur est totalement chargé

- 1-En appliquant la loi des mailles, montrer que l'équation différentielle reliant l'intensité du courant  $i(t)$  qui circule dans le circuit de décharge et sa dérivée  $\frac{di}{dt}$  est :  $\frac{di}{dt} + \frac{i}{\tau_2} = 0$  avec  $\tau_2 = R_2.C$  **(0,5pt)**
- 2-Sachant qu'à l'instant  $t_2 = 1 \text{ ms}$ , l'énergie initiale du condensateur décroît de 86%
  - a- Montrer que  $t_2 = \tau_2$  **(0,5pt)**
  - b- En déduire la résistance  $R_2$  **(0,5pt)**

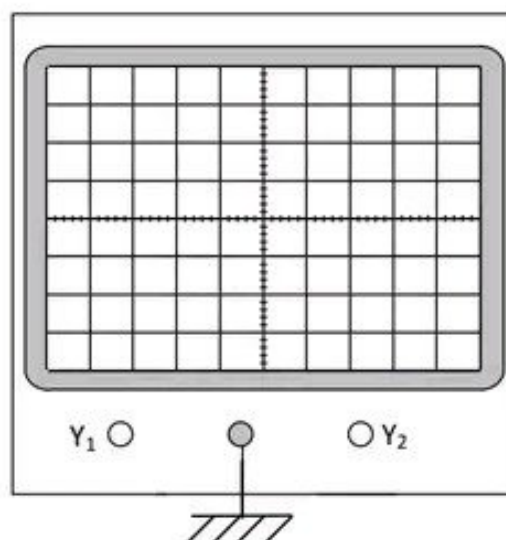
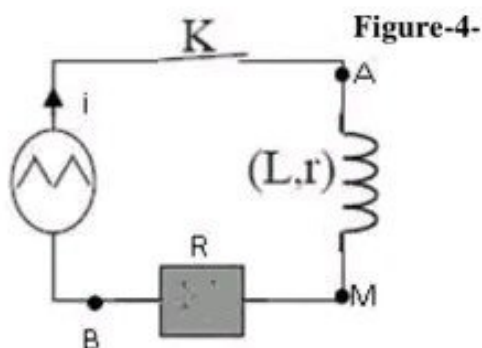
*Fin du devoir*

Nom et prénom : .....	N° : .....	Classe :
--------------------------	------------	----------

### Feuille à rendre avec les copies

Equation de la réaction		$\text{S}_2\text{O}_3^{2-} + 2\text{H}_3\text{O}^+ \longrightarrow \text{S} + \text{SO}_2 + 3\text{H}_2\text{O}$				
Etat du mélange	Avancement volumique y (mol.L <sup>-1</sup> )	Concentrations (mol.L <sup>-1</sup> )				
Initial	0					solvant
En cours	y					solvant
Final						solvant

-----





**Correction du devoir de contrôle N°1**  
**CHIMIE (7 points)**

**Exercice N°1 : (4 pts)**

1-  $n_0(\text{Zn}) = \frac{m(\text{Zn})}{M(\text{Zn})} = \frac{1,31}{65,4} = 0,02 \text{ mol}$

2- Le tableau d'avancement

Équation de la réaction		$\text{I}_2 + \text{Zn} \longrightarrow 2 \text{I}^- + \text{Zn}^{2+}$			
État du système	Avancement en mol	Quantité de matière (mol)			
Initial	0	$n_0(\text{I}_2) = C_0 \cdot V_0$	0,02	0	0
Intermédiaire	x	$C_0 \cdot V_0 - x$	$0,02 - x$	2x	x
Final	$x_f$	$C_0 \cdot V_0 - x_f$	$0,02 - x_f$	$2 \cdot x_f$	$x_f$

3- D'après la courbe, à l'état final, on a  $[\text{Zn}^{2+}]_f = 10 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} = 0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} = y_f = \frac{x_f}{V_0} \Rightarrow$

$x_f = [\text{Zn}^{2+}]_f \cdot V_0 = 0,1 \cdot 50 \cdot 10^{-3} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

4- La réaction est totale A l'état final  $n(\text{Zn})_f = n_0(\text{Zn}) - x_f = 0,02 - 5 \cdot 10^{-3} = 15 \cdot 10^{-3} \text{ mol} > 0$   
donc  $\text{I}_2$  est le réactif limitant

5- A l'état final  $n(\text{I}_2)_f = 0 = C_0 \cdot V_0 - x_f \Rightarrow C_0 \cdot V_0 = x_f \Rightarrow C_0 = \frac{x_f}{V_0} = \frac{5 \cdot 10^{-3}}{50 \cdot 10^{-3}} = 0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

6-a- La valeur de la vitesse volumique initiale de réaction est la pente de la tangente à la courbe d'avancement volumique au point d'abscisse  $t_0 = 0 \text{ min}$ .  $V_v(t_0) = \frac{10 \cdot 10^{-2}}{4} = 25 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$

- La valeur de la vitesse volumique de réaction à  $t_1 = 8 \text{ min}$ , est la pente de la tangente à la courbe d'avancement volumique au point d'abscisse  $t_1$ .  $V_v(t_1) = \frac{8 \cdot 10^{-2} - 6 \cdot 10^{-2}}{6 - 0} = 3,3 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$

b-  $V_v(t_1) < V_v(t_0) \Rightarrow$  La vitesse volumique instantanée diminue au cours du temps. Le facteur cinétique responsable est la concentration des réactifs qui diminue au cours du temps

7-a- L'équation de la réaction du dosage



b- Pour  $t = 2 \text{ min}$ , on a  $[\text{Zn}^{2+}] = 4 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} = \frac{x}{V_0} \Rightarrow x_f = [\text{Zn}^{2+}] \cdot V_0 = 4 \cdot 10^{-2} \cdot 50 \cdot 10^{-3} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

$n(\text{I}_2) = C_0 \cdot V_0 - x = x_f - x = 5 \cdot 10^{-3} - 2 \cdot 10^{-3} = 3 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

A l'équivalence on a  $n(\text{I}_2) = \frac{n(\text{S}_2\text{O}_3^{2-})}{2} = \frac{C \cdot V_{0E}}{2} \Rightarrow V_{0E} = \frac{2 \cdot n(\text{I}_2)}{C} = \frac{2 \cdot 3 \cdot 10^{-3}}{0,3} = 20 \text{ mL}$

**Exercice N2 : (3 pts)**

1- Les couples ox/réd mis en jeu dans la réaction :  $\text{S}_2\text{O}_3^{2-} + 2\text{H}_3\text{O}^+ \longrightarrow \text{S} + \text{SO}_2 + 3\text{H}_2\text{O}$

sont  $\text{S}_2\text{O}_3^{2-}/\text{S}$  et  $\text{SO}_2/\text{S}_2\text{O}_3^{2-}$

2- la concentration initiale, dans le mélange :

$[\text{S}_2\text{O}_3^{2-}]_0 = \frac{C_1 V_1}{V_1 + V_2}$  A.N:  $[\text{S}_2\text{O}_3^{2-}]_0 = 0,4 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  ;  $[\text{H}_3\text{O}^+]_0 = \frac{C_2 V_2}{V_1 + V_2}$  A.N:  $[\text{H}_3\text{O}^+]_0 = 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$

### 3- Tableau d'avancement volumique

Equation de la réaction		$S_2O_3^{2-} + 2H_3O^+ \longrightarrow S + SO_2 + 3H_2O$				
Etat du mélange	Avancement volumique $y$ (mol.L <sup>-1</sup> )	Concentrations (mol.L <sup>-1</sup> )				
Initial	0	0,4	1	0	0	solvant
En cours	$y$	$0,4 - y$	$1 - 2y$	$y$	$y$	solvant
Final	$y_f$	$0,4 - y_f$	$1 - 2y_f$	$y_f$	$y_f$	solvant

4- la réaction étudiée est lente car la formation des produits se réalise dans un temps mesurable.

5-a- La vitesse volumique de la réaction :  $v = \frac{dy}{dt}$  ; son expression est :  $v = - \frac{d[S_2O_3^{2-}]}{dt}$ .

b-La vitesse volumique de la réaction à  $t = 60$  s  $v = - \frac{0,15 - 0,3}{60 - 0} = 2,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$

### PHYSIQUE (13 points)

#### Exercice N°1 : (6 points)

I-

1- Le dipôle  $D_1$  est conducteur ohmique, le dipôle  $D_2$  est une bobine et le dipôle  $D_3$  est un condensateur

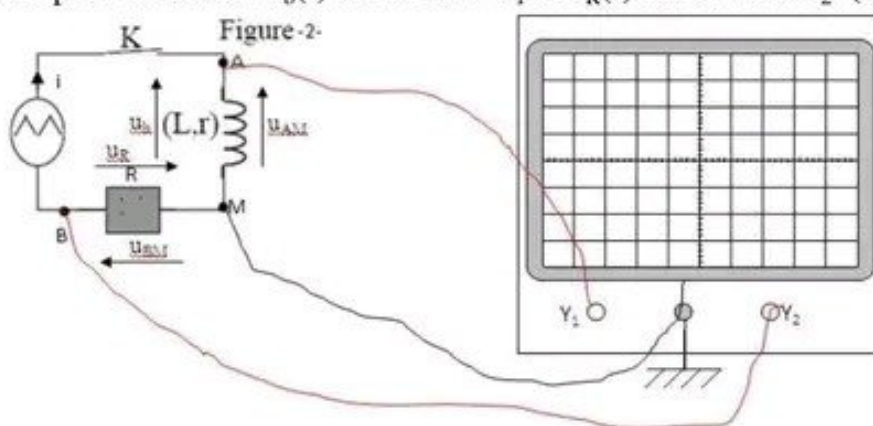
2-a-lorsqu'on ferme l'interrupteur K, le champ magnétique à l'intérieur de la bobine augmente et cette augmentation du champ magnétique donne naissance à un courant induit pendant une brève durée dont le sens est opposé à celui qui traverse la bobine. Ce courant induit est à la cause du retard d'allumage de la lampe  $L_2$

b- Ce phénomène est appelé phénomène d'auto induction car la bobine est à la fois l'inducteur et l'induit

3- Lorsque le condensateur est totalement chargé, il se comporte comme un interrupteur ouvert c'est pourquoi la lampe  $L_3$  s'éteint.

II- 1-La période du signal triangulaire est  $T = \frac{1}{N} = \frac{1}{500} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ s} = 2 \text{ ms}$

2-a- Les connexions pour visualiser  $u_b(t)$  sur la voie  $Y_1$  et  $u_R(t)$  sur la voie  $Y_2$ . (0,75pt)



b- On visualise sur la voie 1 la tension  $u_{AM} = u_b$

On visualise sur la voie 2 la tension  $u_{DM} = -u_R$  donc on doit inverser la voie 2 (0,25pt)

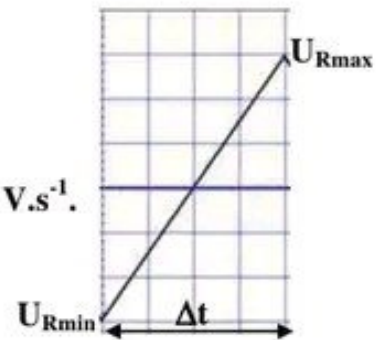
3- La tension aux bornes du résistor est  $u_R = R \cdot i \Rightarrow i = \frac{u_R}{R}$  et  $\frac{di}{dt} = \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R}{dt}$

$$u_b = r \cdot i + L \frac{di}{dt} \text{ or } R \text{ est très grande devant } r \Rightarrow u_b = L \frac{di}{dt} = L \cdot \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R}{dt}$$

4-a- La tension  $u_R = at + b \Rightarrow a = \frac{du_R}{dt}$

La pente de la droite est  $a = \frac{(U_{Rmax} - U_{Rmin})}{\Delta t}$  or  $\Delta t = \frac{T}{2} \Rightarrow$

$$a = \frac{2(U_{Rmax} - U_{Rmin})}{T} = 2N.(U_{Rmax} - U_{Rmin}) ; \text{AN : } a = 2.500.(6 \cdot 2) = 12000 \text{ V.s}^{-1}.$$



b- Durant la même demi période, la tension  $u_b(t) = 2 \cdot 0,2 = 0,4\text{V}$

$$u_b = \frac{L}{R} \cdot \frac{du_R}{dt} = \frac{L}{R} \cdot a \Rightarrow R = \frac{L}{u_b} \cdot a = \frac{0,5}{0,4} \cdot 12000 = 15000 \Omega = 15 \text{ k}\Omega$$

5- L'énergie  $E_L$  emmagasinée par la bobine lorsque  $u_R = u_b = \pm 0,4$

On a  $u_R = \pm 0,4\text{V} \Rightarrow i = \frac{u_R}{R} = \frac{\pm 0,4}{15000} = \pm 0,027\text{mA} = \pm 0,027 \cdot 10^{-3}\text{A}$

$$E_L = \frac{1}{2} \cdot L \cdot i^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,5 \cdot (\pm 0,027 \cdot 10^{-3})^2 = 1,8 \cdot 10^{-10}\text{J}$$

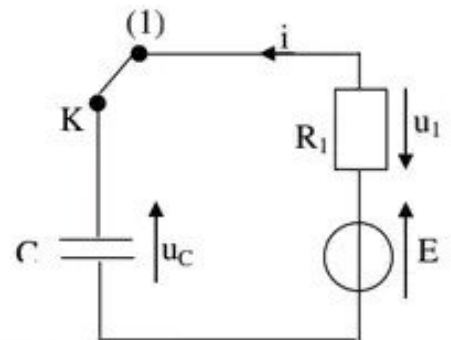
**Exercice N°2 : (7 points)**

**I / La charge du condensateur (K sur (1))**

1- Loi des mailles au cours de la charge du condensateur :

$$u_C(t) + u_1(t) - E = 0 \Leftrightarrow u_1(t) + u_C(t) = E.$$

avec  $u_1 = R_1 \cdot i = R_1 \cdot \frac{dq}{dt} = R_1 \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt}$



En remplaçant  $u_1$  par son expression, on trouve  $R_1 \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C(t) = E \Rightarrow$

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{R_1 \cdot C} = \frac{E}{C \cdot R_1} \quad (1)$$

En multipliant par  $\frac{R_1 \cdot C}{E}$ , on trouve  $\frac{R_1 \cdot C}{E} \frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{E} = 1$  or  $u_C = \frac{q}{C}$  et  $C \cdot \frac{du_C}{dt} = \frac{dq}{dt}$

$$\Rightarrow \frac{R_1}{E} \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C \cdot E} = 1 \Rightarrow \frac{R_1 \cdot C}{E} \frac{dq}{dt} + \frac{q}{E} = C \quad (2)$$

2-a-  $u_C(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}) = A - Ae^{-\frac{t}{\tau_1}} \Rightarrow \frac{du_C}{dt} = \frac{A}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}}$

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{R_1 \cdot C} = \frac{A}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} + \frac{1}{R_1 \cdot C} (A - Ae^{-\frac{t}{\tau_1}}) = \frac{A}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} + \frac{A}{R_1 \cdot C} - \frac{A}{R_1 \cdot C} e^{-\frac{t}{\tau_1}} = \frac{E}{C \cdot R_1} \text{ si } u_C(t) \text{ est une solution}$$

$$\Rightarrow \frac{A}{R_1 \cdot C} + Ae^{-\frac{t}{\tau_1}} \left( \frac{1}{\tau_1} - \frac{1}{R_1 \cdot C} \right) = \frac{E}{C \cdot R_1} \Rightarrow \frac{A}{R_1 \cdot C} = \frac{E}{C \cdot R_1} \text{ et } Ae^{-\frac{t}{\tau_1}} \left( \frac{1}{\tau_1} - \frac{1}{R_1 \cdot C} \right) = 0 \Rightarrow A = E \text{ et } \tau_1 = R_1 \cdot C$$

$$\text{donc } u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}})$$

b-  $q(t) = C \cdot u_C(t) = C \cdot E(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}})$

1<sup>ère</sup> méthode :  $i(t) = \frac{dq}{dt}(t) = C \cdot \frac{du_C}{dt} = C \cdot \frac{A}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} = C \cdot \frac{E}{R_1 \cdot C} e^{-\frac{t}{\tau_1}} = \frac{E}{R_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}}$



2<sup>ème</sup> méthode :  $u_1(t) = E - u_C(t) = E - E(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}) = E - E + E e^{-\frac{t}{\tau_1}} = E e^{-\frac{t}{\tau_1}}$   $R_1 \cdot i(t) \Rightarrow i(t) = \frac{u_1(t)}{R_1} = \frac{E}{R_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}}$

3a- En régime permanent on a  $q(t) = Q_0$  et  $\frac{dq}{dt} = 0$ , on déduit d'après l'équation (2) que  $\frac{Q_0}{E} = C$

on trouve  $C = 0,5 \mu F$

b- La constante de temps du circuit de charge du condensateur est  $\tau_1 = 10^{-2} s$  ( $\tau_1$  est l'abscisse du point d'intersection de la tangente à l'origine avec la droite d'équation  $\frac{Q_0}{E} = C$ )

c- 1<sup>ère</sup> méthode :  $\tau_1 = R_1 \cdot C \Rightarrow R_1 = \frac{\tau_1}{C} = \frac{10^{-2}}{0,5 \cdot 10^{-6}} = 20000 \Omega = 20 k\Omega$

2<sup>ème</sup> méthode :- La pente de la droite tangente à la courbe à  $t = 0$  est  $a = \frac{1}{E} \left( \frac{dq}{dt} \right)_{t=0} = \frac{i(0)}{E}$

on a  $i(t) = \frac{E}{R_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} \Rightarrow i(0) = \frac{E}{R_1} \Rightarrow a = \frac{i(0)}{E} = \frac{1}{R_1}$  donc  $R_1 = \frac{1}{a}$  avec  $a = \frac{0,5 \cdot 10^{-6}}{10^{-2}} = 0,5 \cdot 10^{-4} \Omega^{-1}$

$R_1 = \frac{1}{0,5 \cdot 10^{-4}} = 2 \cdot 10^4 \Omega = 20 k\Omega$

4-a-  $i(0) = 0,5 mA = \frac{E}{R_1} \Rightarrow E = R_1 \cdot i(0) = 2 \cdot 10^4 \cdot 0,5 \cdot 10^{-3} = 10V$

b- En régime permanent on a  $q(t) = Q_0 = C \cdot E = 0,5 \cdot 10^{-6} \cdot 10 = 0,5 \cdot 10^{-5} C = 5 \mu C$

5- On a  $\frac{q}{E} = 0,2 \mu F = 0,2 \cdot 10^{-6} F \Rightarrow q = 0,2 \cdot 10^{-6} \cdot E = 0,2 \cdot 10^{-6} \cdot 10 = 0,2 \cdot 10^{-5} C = 2 \cdot 10^{-6} C$

L'énergie emmagasinée par le condensateur est  $E_C = \frac{1}{2C} q^2$

AN :  $E_C = \frac{1}{2 \cdot 0,5 \cdot 10^{-6}} \cdot (2 \cdot 10^{-6})^2 = 4 \cdot 10^{-6} J$

### II/ La décharge du condensateur (K sur (2))

1- Loi des mailles au cours de la décharge du condensateur

$u_C(t) + u_2(t) = 0$

$\Rightarrow u_C(t) + R_2 \cdot i(t) = 0$

Lorsqu'on dérive cette équation, on trouve  $\frac{du_C}{dt} + R_2 \cdot \frac{di}{dt} = 0$

Comme on a  $i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_C(t)}{dt} \Rightarrow \frac{du_C(t)}{dt} = \frac{i(t)}{C}$

donc  $\frac{i(t)}{C} + R_2 \cdot \frac{di(t)}{dt} = 0 \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{R_2 \cdot C} = 0 \Rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{i}{\tau_2} = 0$  avec  $\tau_2 = R_2 \cdot C$

2-a- A l'instant  $t_2 = 1 ms$ , l'énergie emmagasinée par le condensateur  $E_C = E_{Cp} \cdot 0,86 E_{Cp} = 0,14 E_{Cp}$

avec  $E_{Cp} = \frac{1}{2} \cdot C \cdot E^2$  (L'énergie du condensateur lorsqu'il est totalement chargé)

$\frac{1}{2} \cdot C \cdot u_C^2 = 0,14 \cdot \frac{1}{2} \cdot C \cdot E^2 \Rightarrow u_C^2 = 0,14 \cdot E^2 \Rightarrow u_C = \sqrt{0,14 \cdot E^2} = 0,37 \cdot E = u_C(t_2) \Rightarrow t_2 = \tau_2 = 1 ms.$

b-  $\tau_2 = R_2 \cdot C \Rightarrow R_2 = \frac{\tau_2}{C} \Rightarrow R_2 = \frac{10^{-3}}{0,5 \cdot 10^{-6}} = 2000 \Omega = 2 k\Omega$

